

بسم الله الرحمن الرحيم



المملكة العربية السعودية  
وزارة التعليم العالي  
جامعة أم القرى  
كلية التربية  
قسم المناهج وطرق التدريس

# أثر استخدام المدخل المنظومي في تدريس الهندسة المستوية على التفكير الرياضي لطلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف

إعداد الطالب

عوض بن صالح بن صالح بن عمر المالكي

إشراف

سعادة الدكتور/ سمير بن نور الدين فلمبان

الأستاذ المشارك بقسم المناهج وطرق التدريس

دراسة تكميلية

لنيل درجة الدكتوراه في المناهج وطرق تدريس الرياضيات

الفصل الدراسي الأول لعام ١٤٢٧هـ - ٢٠٠٦م

بسم الله الرحمن الرحيم

قال الله تعالى : ﴿ ثم جعلناكم خلائف في الأرض من بعدهم

لننظر كيف تعملون ﴾ سورة يونس ، آية رقم ١٤ .

وقال الله تعالى : ﴿ واخفض لهما جناح الذل من الرحمة وقل

رب ارحمهما كما ربياني صغيرا ﴾ سورة الإسراء ، آية رقم ٢٤ .

## ملخص الدراسة

هدفت هذه الدراسة إلى التعرف على أثر استخدام المدخل المنظومي في تدريس الهندسة المستوية (وحدة الدائرة) على التفكير الرياضي لدى طلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف ، ولتحقيق هذا الهدف قام الباحث بإعداد دليل منظومي لمحتوى وحدة الدائرة في مقرر الهندسة المستوية والتحويلات تم التأكد من صدقه بعرضه على عدد من المحكمين، كما تم بناء اختبار في التفكير الرياضي تم التأكد من صدقه بعرضه على عدد من المحكمين ، و حساب ثباته باستخدام معادلة سبيرمان براون.

ولتجريب الوحدة المنظومية، تم اختيار عينة الدراسة من طلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف عددهم (٤٢) طالباً - موزعين بالتساوي على مجموعتين إحداهما تجريبية والأخرى ضابطة ، وتم تطبيق اختبار التفكير الرياضي قبلياً على المجموعتين التجريبية والضابطة ، بعد ذلك تم تعريض المجموعة التجريبية من العينة للمعالجة التجريبية (التدريس بالمدخل المنظومي)، والتدريس للمجموعة الضابطة بنفس التنظيم الخطي التقليدي للمحتوى، وبعد الانتهاء من تدريس الوحدة تم تطبيق اختبار التفكير الرياضي بعدياً على المجموعتين التجريبية والضابطة.

وفي ضوء المعالجة الإحصائية المستخدمة - والتي تناسب طبيعة البيانات ، ومتغيرات الدراسة- أظهرت نتائج الدراسة:

■ وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى  $\geq 0.05$  بين متوسطات درجات المجموعة التجريبية (الذين درسوا بالمدخل المنظومي)، ومتوسطات درجات المجموعة الضابطة (الذين درسوا بالتنظيم الخطي التقليدي) في مهارات التفكير الرياضي الرئيسية الأربع ، وهي : (مهارة التعبير بالرموز - مهارة الاستدلال - مهارة التصور البصري المكاني - مهارة البرهان الرياضي)، وفي مهارات التفكير الرياضي ككل ، لدى طلاب الرياضيات في كلية المعلمين بالطائف لصالح المجموعة التجريبية.

■ للوحدة المنظومية أثر مرتفع في تنمية التفكير الرياضي لدى طلاب الرياضيات في كلية المعلمين بالطائف. وفي ضوء نتائج الدراسة الحالية، وضع الباحث بعض التوصيات، منها:

(١) عقد دورات تدريبية وندوات ولقاءات للمهتمين بتدريس الرياضيات لتعريفهم بالمدخل المنظومي، وكيفية الاستفادة منه في تعليم وتعلم الرياضيات.

(٢) إعادة تنظيم وصياغة محتوى مناهج الرياضيات بالتعليم العام والجامعي بطريقة منظومية.

(٣) تضمين برامج إعداد المعلمين التدريب على صياغة المحتوى الرياضي بصورة منظومية.

## **Abstract:**

**This Investigation aimed to shed light on the effect of employing the systemic approach in teaching plane geometry on the mathematical thinking of the teachers college's mathematics students in the city of Taif. To realize this goal the researcher prepared a systemic manual (guide) focusing the contents on a circle unit within the plane geometry and transformations course.**

**Then he ascertain the validity of this guide's contents by requesting a number of referees to evaluate it. A test on mathematical thinking was constructed and its rabidity had been checked by a number of judges, while its reliability had been established by the Spearman-Baron formula reliability calculation. To try out the systemic unit, the researcher selected the study sample which was comprised of 42 teachers college mathematics students in Taif assigned equally to two experimental and control groups.**

**At the short of the experiment the mathematical thinking test was administered to both groups, the experimental and the control; the experimental group's students had been exposed by the systemic approach. Whereas the centre group's students had been taught following the traditional method. At the end of teaching the unit both group's students were post tested by the mathematical thinking test.**

**Based upon the statistical analyses utilized which are appropriate to the nature of data collected and variables investigated in this study, the results reached revealed the following:**

- There existed statistically significant differences at 0.05 level between the mean scores of the experimental students (who studied according to the systemic initiative approach) and the mean scores of the central students (who studied traditionally) in favor of the experimental group's students with respect to acquiring four main mathematical thinking skills: the symbolic (notation) expression skill; the inferential skill; the spatial visualization skill; the mathematical proof skill; and the whole mathematical skills.**

- The systemic initiative unit proved effective in developing the teachers college students' mathematical thinking. In light of results reached in this study the researcher presents some recommendations:**

- 1- Holding training courses, forums, and meetings for people interested in teaching mathematics to introduce the concept of systemic initiative approach and explain how to benefit from this technique in the process of teaching-learning mathematics.**

- 2- Restructuring and re-writing the contents of mathematics cumicula at general education stage and the university based upon the initiative approach.**

- 3- The incorporation within teacher education programs a training component for teachers to develop their abilities to reformulate and re-organize the mathematical contents (concepts) in line with the systemic initiative approach.**

## إهداء

- إلى روح والدي غفر الله له واسكنه فسيح جناته ، وعوضه بنعيم جنات الخلد تجري من تحتها الأنهار .
  - إلى رمز الوفاء والتضحية ، إلى من بذلت جُل عمرها و أفنت كل شبابها من أجل بناء بيت تهدمت دعائمه ، **إلى والدتي العزيزة** ، أحسن الله إليها ومتعها بالصحة والعافية ، بشارتي لها قوله صلى الله عليه وسلم : " كافل اليتيم له أو لغيره أنا وهو كهاتين في الجنة ، وأشار الراوي وهو مالك بن أنس بالسبابة والوسطى " . رواه مسلم (النووي ، ١٤٢٠هـ : ١٤٣) .
  - إلى الوالد ، والمربي ، **سعادة الدكتور / سمير بن نور الدين فلمبان** - صاحب الشخصية النقية،والنفس الكريمة،والأخلاق الفاضلة،و السجيا الحسان - اعترافاً بجميل لن استطيع أن أوفيه ما حييت ، ومهما بذلت ، فجزاه الله عني خير الجزاء ، ومتعه بالصحة والعافية ، وأحسن له العاقبة ، إنه سميع مجيب .
  - إلى أبنائي : **يزيد و صالح و مازن و لمى و غدي** ، بداية طموحي ، وأملتي ،الذي بدأ من لاشيء ، ولم يكن له سند في الدنيا إلا الثقة في المولى عز وجل ، و الصبر ، أتمنى أن تكملوا بناءه ، مستعينين بالله - المعز لمن يشاء - ، مستهدين بكتابه العزيز ، وسنته نبيه صلى الله عليه وسلم ، وبر والديكم ، فهي من مفاتيح الخير في الدنيا والآخرة .
  - إلى زوجتي **وشقبيقتي** ، اللتان ضحتا بالكثير من أوقات سعادتهن من أجل أن أنجز هذا العمل ..
  - إلى **الأقرباء والأصدقاء والزلاء** ، الذين شعرت بسعادتهم بهذا العمل .
- إليكم جميعاً ، أهدي ثمرة جهد لما يقارب سبعة وعشرين عاماً من :**  
**الأمل و العمل الجاد والصبر .**

## شكر وتقدير

سعادة الدكتور / سمير بن نور الدين فلمبان

:

/ عباس بن حسن غندورة / يوسف بن سند الغامدي

/ حفيظ بن محمد حافظ المزروعى /

.عبد العزيز بن محمد الفقي

/ محمد عبد القادر النمر

/ فيصل بن عبيد الله القرشي

/ عبد اللطيف بن حميد الرائي / ربيع بن سعيد طه ،

/ عبد الرحمن بن عبد الله النفيعي

spss

:أ/ خالد بن سالم المالكي ، أ/ ياسر بن محمد المنوفي

الدكتور/ فريد بن علي الغامدي

الدكتور/ غازي بن صلاح المطرفي

( عبد العزيز بن سعود الحجيلي ، إبراهيم بن سليم الحربي ، سهيل بن سالم الحربي )

وأخ دعوانا أن الحمد لله رب العالمين

الباحث : عوض بن صالح المالكي  
Awad\_almalkee@yahoo.com

## قائمة المحتويات

| العنوان                                       | رقم الصفحة |
|-----------------------------------------------|------------|
| <b>الفصل الأول : أبعاد الدراسة</b>            |            |
| المقدمة                                       | ٢          |
| مشكلة الدراسة                                 | ١٠         |
| أهداف الدراسة                                 | ١١         |
| أهمية الدراسة                                 | ١١         |
| فروض الدراسة                                  | ١٣         |
| حدود الدراسة                                  | ١٤         |
| مصطلحات الدراسة                               | ١٤         |
| <b>الفصل الثاني:</b>                          |            |
| <b>الإطار النظري و الدراسات السابقة</b>       |            |
| <b>أولاً : الإطار النظري</b>                  |            |
| مفهوم المنظومة.                               | ١٥         |
| نشأة الفكر المنظومي.                          | ١٨         |
| الأساس الفلسفي للمدخل المنظومي.               | ٢٢         |
| الفرق بين المدخل المنظومي ومدخل النظم         | ٣٧         |
| الفرق بين المدخل المنظومي وخرائط المفاهيم     | ٤١         |
| المدخل المنظومي في التدريس والتعليم.          | ٤٤         |
| أهداف المدخل المنظومي في التدريس والتعليم     | ٥٠         |
| تنظيم المحتوى الرياضي في ضوء المدخل المنظومي. | ٥١         |
| مراحل التدريس المنظومي.                       | ٦٢         |
| التفكير المنظومي .                            | ٦٨         |
| مهارات التفكير المنظومي                       | ٧٣         |
| ٢- التفكير الرياضي.                           | ٧٦         |
| مفهوم التفكير الرياضي.                        | ٧٧         |
| مهارات التفكير الرياضي.                       | ٨١         |
| تنمية التفكير الرياضي                         | ٩١         |
| <b>ثانياً :الدراسات السابقة.</b>              |            |
| <b>التعقيب على الدراسات السابقة.</b>          |            |
|                                               | ١١٣        |

| <b>الفصل الثالث</b><br><b>إجراءات الدراسة</b>         |                          |
|-------------------------------------------------------|--------------------------|
| ١١٧                                                   | منهج الدراسة.            |
| ١١٨                                                   | مجتمع الدراسة.           |
| ١١٨                                                   | عينة الدراسة.            |
| ١١٩                                                   | متغيرات الدراسة          |
| ١١٩                                                   | الوحدة المنظومية         |
| ١٢١                                                   | أداة الدراسة.            |
| ١٢٦                                                   | التطبيق الميداني.        |
| ١٢٧                                                   | الأساليب الإحصائية       |
| <b>الفصل الرابع</b><br><b>مناقشة النتائج وتفسيرها</b> |                          |
| ١٣٢                                                   | عرض نتائج الدراسة        |
| ١٤٣                                                   | مناقشة النتائج وتفسيرها. |
| <b>الفصل الخامس</b><br><b>ملخص النتائج</b>            |                          |
| ١٤٨                                                   | ملخص النتائج.            |
| ١٤٩                                                   | توصيات الدراسة.          |
| ١٤٩                                                   | مقترحات الدراسة.         |
|                                                       |                          |
| ١٥٢                                                   | <b>المراجع</b>           |
|                                                       |                          |
| ١٦٧                                                   | <b>الملاحق</b>           |

## قائمة الأشكال

| الشكل | عنوان الشكل                                    | رقم الصفحة |
|-------|------------------------------------------------|------------|
| ١     | المنظومة كتجمع من الكيانات المترابطة المتفاعلة | ١٦         |
| ٢     | تداخل المنظومات الفرعية للمنظومة المركبة       | ١٧         |
| ٤     | أنواع خرائط المفاهيم                           | ٤١         |
| ٥     | الصياغة الخطية للمنهج                          | ٤٥         |
| ٦     | الصياغة الخطية للمفاهيم                        | ٤٥         |
| ٧     | تدريس المفاهيم بمعزل عن بعضها البعض            | ٤٦         |
| ٨     | منظومة المنهج المدرسي في خمس مكونات أو عناصر   | ٤٦         |
| ٩     | منظومة جوانب الخبرة                            | ٤٧         |
| ١٠    | العلاقة بين المفاهيم في العلوم المختلفة        | ٤٨         |
| ١١    | العلاقة بين بعض المفاهيم الجبرية والهندسية     | ٤٩         |
| ١٢    | منظومة مجموعات الأعداد                         | ٥٣         |
| ١٣    | منظومة الحالات الخاصة لمتوازي الأضلاع          | ٥٤         |
| ١٤    | منظومة القطوع المخروطية                        | ٥٤         |
| ١٥    | منظومة العلاقات الأساسية للدوال المثلثية       | ٥٤         |
| ١٦    | منظومة الوتر والقطر                            | ٥٥         |
| ١٧    | العلاقة الخطية بين المفاهيم                    | ٥٦         |
| ١٨    | منظومة الدالة الأسية                           | ٥٨         |
| ١٩    | منظومة مهارات التفكير المنظومي                 | ٧٤         |
| ٢٠    | التصميم التجريبي للدراسة                       | ١١٧        |

قائمة الجـــــــــــــــــداول

| الجدول | عنوان الجـــــــــــــــــدول                                         | رقم الصفحة |
|--------|-----------------------------------------------------------------------|------------|
| ١      | الفرق بين المدخل المنظومي والمدخل التحليلي.                           | ٢١         |
| ٢      | توزيع عينة الدراسة                                                    | ١١٨        |
| ٣      | مهارات التفكير الرياضي الرئيسية والفرعية                              | ١٢٣        |
| ٤      | تجانس التباين                                                         | ١٢٩        |
| ٥      | تجانس الانحدار                                                        | ١٣٠        |
| ٦      | متوسطي المجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة التعبير بالرموز         | ١٣٢        |
| ٧      | اختبار ت للمجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة التعبير بالرموز       | ١٣٣        |
| ٨      | متوسطي المجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة الاستدلال               | ١٣٤        |
| ٩      | اختبار ت للمجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة الاستدلال             | ١٣٥        |
| ١٠     | متوسطي المجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة التصور البصري المكاني   | ١٣٦        |
| ١١     | اختبار ت للمجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة التصور البصري المكاني | ١٣٧        |
| ١٢     | متوسطي المجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة البرهان الرياضي         | ١٣٨        |
| ١٣     | اختبار ت للمجموعتين التجريبية والضابطة في مهارة البرهان الرياضي       | ١٣٩        |
| ١٤     | متوسطي المجموعتين التجريبية والضابطة في مهارات التفكير الرياضي ككل    | ١٤٠        |
| ١٥     | اختبار ت للمجموعتين التجريبية والضابطة في مهارات التفكير الرياضي ككل  | ١٤١        |
| ١٦     | حجم تأثير الوحدة المنظومية                                            | ١٤٢        |

## قائمة الملاحق

| رقم الملحق | عنوان الملحق                                                              | رقم الصفحة |
|------------|---------------------------------------------------------------------------|------------|
| ١          | أسماء المحكمين لتحليل محتوى وحدة الدائرة.                                 | ١٦٩        |
| ٢          | تحليل محتوى وحدة الدائرة.                                                 | ١٧٠        |
| ٣          | أسماء المحكمين للوحدة المنظومية.                                          | ١٧٨        |
| ٤          | الوحدة المنظومية في صورتها النهائية.                                      | ١٨٠        |
| ٥          | أسماء المحكمين لقائمة مهارات التفكير الرياضي<br>واختبار التفكير الرياضي . | ٢٣٠        |
| ٦          | قائمة مهارات التفكير الرياضي في صورتها<br>النهائية.                       | ٢٣٢        |
| ٧          | اختبار التفكير الرياضي في صورته النهائية.                                 | ٢٣٥        |
| ٨          | خطاب عميد كلية التربية بشأن تطبيق أداة الدراسة.                           | ٢٤٤        |

# **الفصل الأول**

**مقدمة**

**مشكلة الدراسة**

**فروض الدراسة**

**أهداف الدراسة**

**أهمية الدراسة**

**حدود الدراسة**

**مصطلحات الدراسة**

▪

▪

*Systemic Approach*

*.Metacognition*

- *Catastrophe Theory*

*Chaos*

-

*-Associations Memory Theory*

*.(Capra,2005 ) ( ) (Basarab,2003)*

— —

.( : ) ( : ).

:  
*Sequence                      Integration                      Scope*

)  
 .( - : )( :

*Connections* ( *(NCTM,2000)* )

.(Web Site:<http://Standards.nctm.org> ).

.( : ) ( : )

*Chicago Urban* (Usisikin,1999)  
*Columbus Urban* *Systemic Initiative (CSI)*  
.  
*Systemic Initiative (CUSI)*  
(2000) *Appalachian Rural Systemic Initiative*

Chaos

Game

Graph

-

) .

. (Web Site: <http://www.ehr.nsf.gov/esr/prgrams/rsi/>) ( :

( — — — — )

( )

( )

. (Web Site <http://www.angelfire.com/electronic/sec/Arab/mainA.html#about>

:

( ) ( )  
( ) ( )  
( )

- (*Hall ,2000*) (*Kanai & Norman ,2000*)

.

-

—

-

-

...

:

.{ } - -

( : )

.( : )

/

*Mathematical Thinking*

( )

$$\cdot \begin{pmatrix} \vdots \\ \vdots \end{pmatrix}$$

*Fraivillig*

(Fraivillig, 2001, 456),

□

■

•

•

—

■

—



1

■

—

)

(

$$\cdot \left( \begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \end{array} \right)$$

□

■

—

■

—



—

$$. ( \quad : \quad )$$

$$) :$$

$$- \quad - \quad ( \quad - \quad /$$

$$.$$

$$:$$

$$( \quad )$$

$$.$$

$$:$$

$$\begin{array}{c} : \\ ( \quad , \quad ) \geq \quad ( \\ ( \quad ) \end{array}$$

$$(\hspace{1.5cm})$$

▪

$$\begin{aligned} (\hspace{1.5cm}) &\geq (\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \end{aligned}$$

▪

$$\begin{aligned} (\hspace{1.5cm}) &\geq (\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \end{aligned}$$

▪

$$\begin{aligned} (\hspace{1.5cm}) &\geq (\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \end{aligned}$$

▪

$$\begin{aligned} (\hspace{1.5cm}) &\geq (\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \\ &(\hspace{1.5cm}) \end{aligned}$$

▪

⋮

⋮

▪

—

—

( )

.

:

:

—

—

.

—

):

(

.( )

( )

—

.

—

.

—

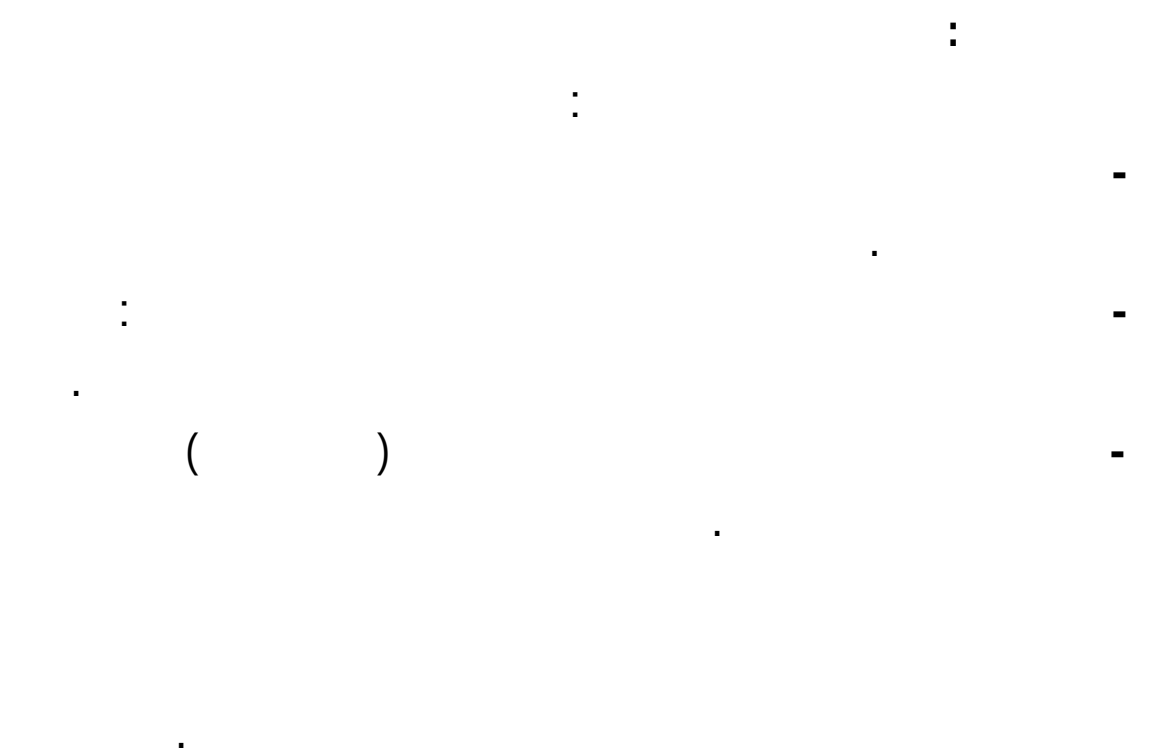
.

—

.

—

.



*Systemic Approach*

*Mathematical Thinking*

*Symbolism*

*Deduction*

: *Spatial Visualization* ■

.

: *Mathematical Proof* ■

.

■

# **الفصل الثاني**

**- الإطار النظري**

**- الدراسات السابقة**

:Systemic

set:web;./http://lexicons.ajeeb.com/Results.asp

*In-Put*

*Out-Put*

*Process*

: ( : )

.

( - : ) :

- : ) (pretti,2002,17-18 ) ( - : )

: ( - : ) (

*Objectives* .

. *Structure*

: .

.

: .

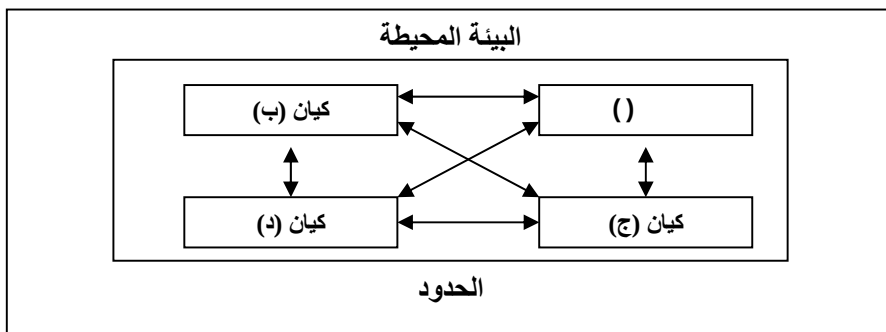
.

: .

.

: .

.

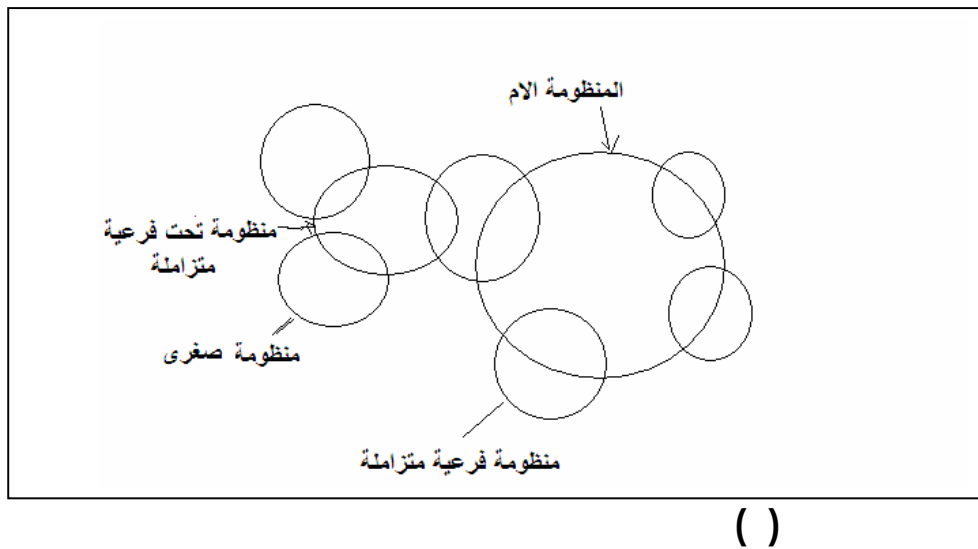


( )

Supra System

Pre System

Sub System



Close Structure

Open Structure

Develop Structure

.( - : )

■

—

—

■

(Basarab,2003)

(Capra,2005 )

Contextual ( )

)

(

( )

-

-

.

. [ ]

*Process*

*Structure*

.

*Basic*

*Fundament  
Foundations*

*Fundamental*

Basic

( ) *Gedankengebäude*

—

) ( *Basarab,2003*).

—

.(*Capra,2005*

.

: (Rosnay,1997)

( )

|       |   |
|-------|---|
|       |   |
| .     | . |
| .     | . |
| . ( ) | . |
| .     |   |
| ( )   | . |
|       | . |
| .     | . |

( - : )

:

∴ ●

· ( )

∴ ●

·

∴ ●

*Long Life Learning*

*Learning Society*

*.Self Learning*

▪

∴

· *Systemic Memory Theory:*

-

∴

· ∴ ·



( )

.

:

.

.

:

( - : )

( - : )

:

.

)

.

( )

.

.

*Theory Hierarchical Memory :*

*Meaningful Learning*

*Cognitive Structure*

.

— —

.( )

: ( : )

: -

*Qullilian* *Collines*

.( : )

:

-

:

-

.

.

-

-

)

.( :

:( )

-

*Rumelha*

*Meclelland*

.( : )

:

( - : )

( - : )

:

.

.

.

.

.

.

*. Chaos Or Catastrophe Theory*  
*Determinism*

.( — : )

.( : )

.*Constructivism Theory* -

.*Constructivism*  
*Logical Operations*

.  
*Logical Determinism*

:

—

—

—

.

.( - : )

: ( : )

-

( )

.

-

.

-

.

-

.

-

( )

.

: ( : )

)  
(

( - : )

:

( - : )

▪

▪

▪

▪

▪

▪

▪

▪

▪

.( : )

.

.( : ).

:



*System Approach*

*Systemic Approach*

*Dortmund  
Systemic*

*(Wittman ,2000)  
Systems*

*.( Whitman.2000,11)*

$$\left( \begin{array}{c} - \\ \vdots \end{array} \right) \quad \vdots$$
$$\left( \begin{array}{cc} - & : \\ & \end{array} \right)$$
$$\left( \begin{array}{c} - \\ \vdots \end{array} \right)$$

•

•

( ) (*Systemic*)

( ) (*System* )

●

2

●



●

( *N. Venr* )

## Epistemology

1

•

•

•

( )

•

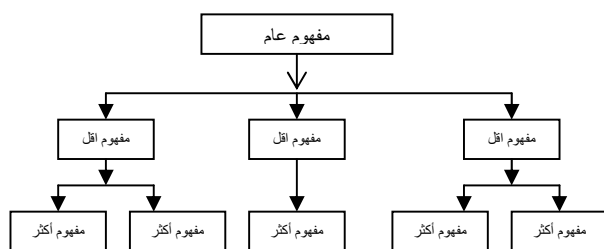
•

( )

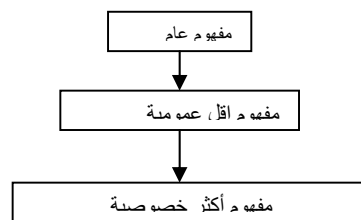
( ) ( )

*Concept's Mappings*

⋮



(ب)  
خريطة مفاهيم ثنائية البعد



(أ)  
خريطة مفاهيم ذات بعد واحد

$\cdot ( \quad - \quad : \quad )$   
*Linear*



$\cdot ( \quad : \quad )$



$\cdot ( : \quad )$   
 $( : \quad ) \quad ( : \quad ) \quad ( : \quad )$

·  
 : ( : )

·  
 ( : )

·  
 ( : ) ( : )  
 :

·  
 : ( : )

·  
 : ( : )

$$\begin{pmatrix} \cdot \\ \vdots \\ \cdot \end{pmatrix}$$

·

·

-

-

-

-

·

·

·

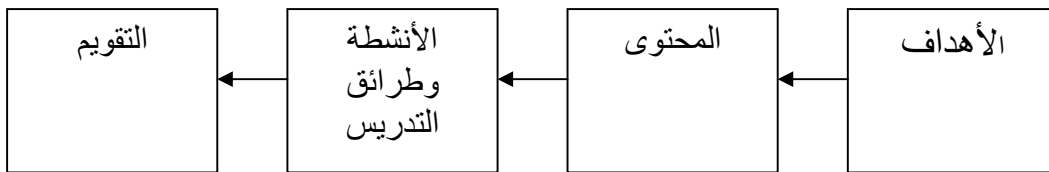
·

·

$$\begin{pmatrix} \cdot \\ \vdots \\ \cdot \end{pmatrix}$$

·

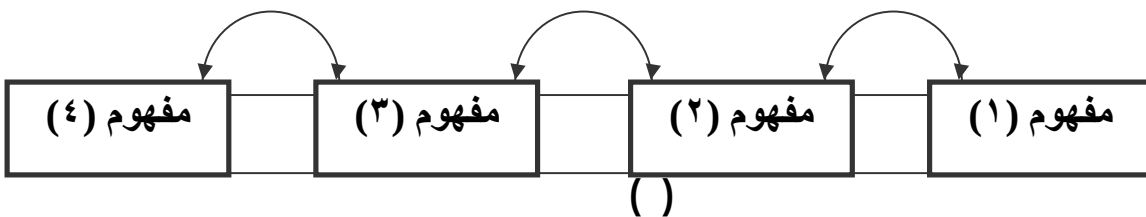
·



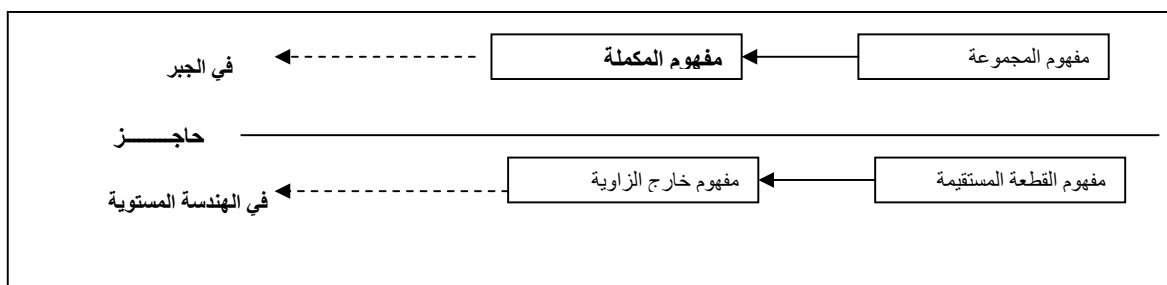
شكل رقم (٥) الصياغة الخطية للمنهج

(LA)

:

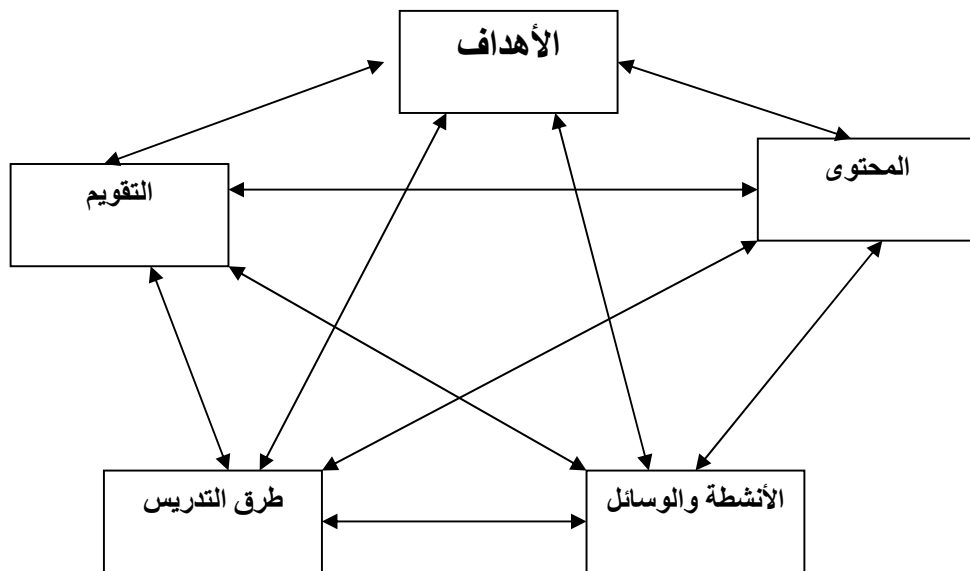


:



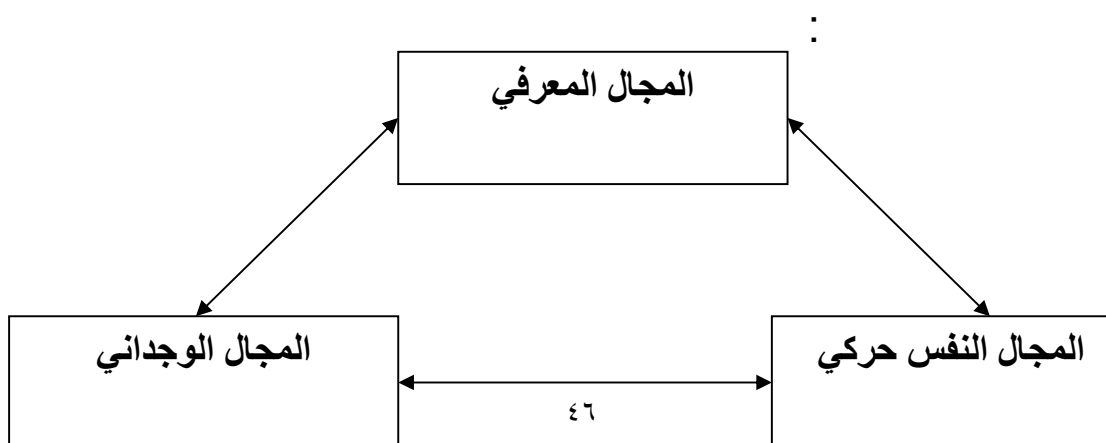
( )

:



( )

( : ) ( )



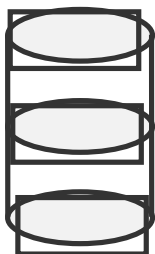
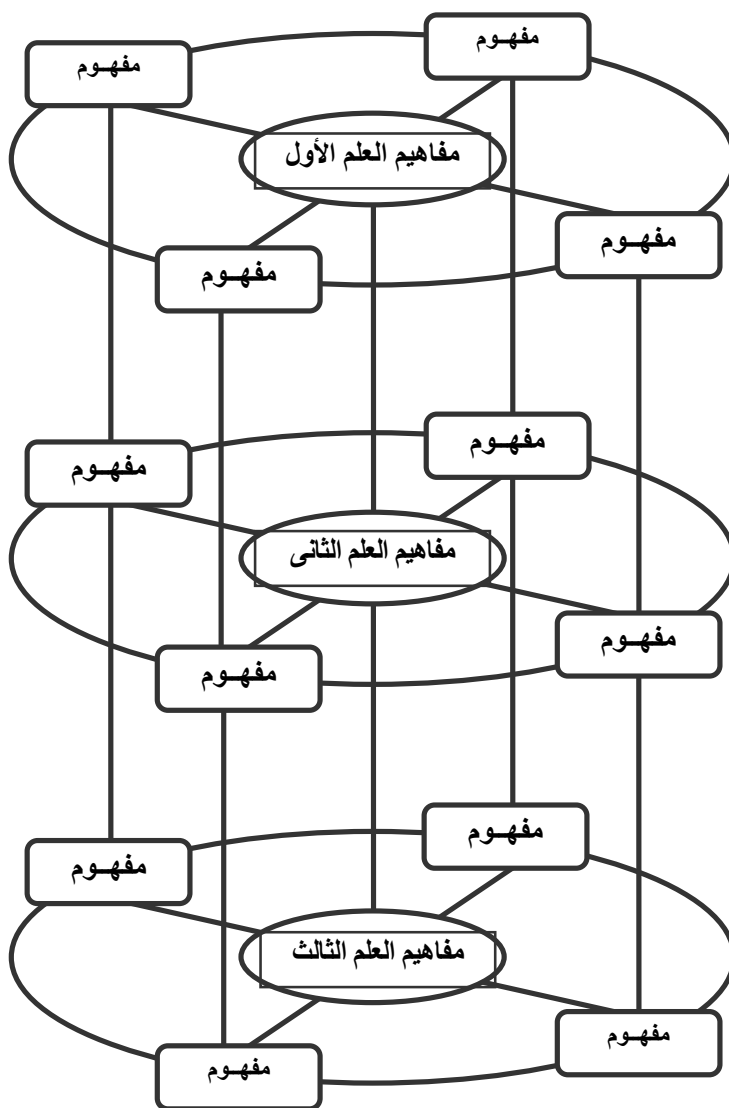
( )

)

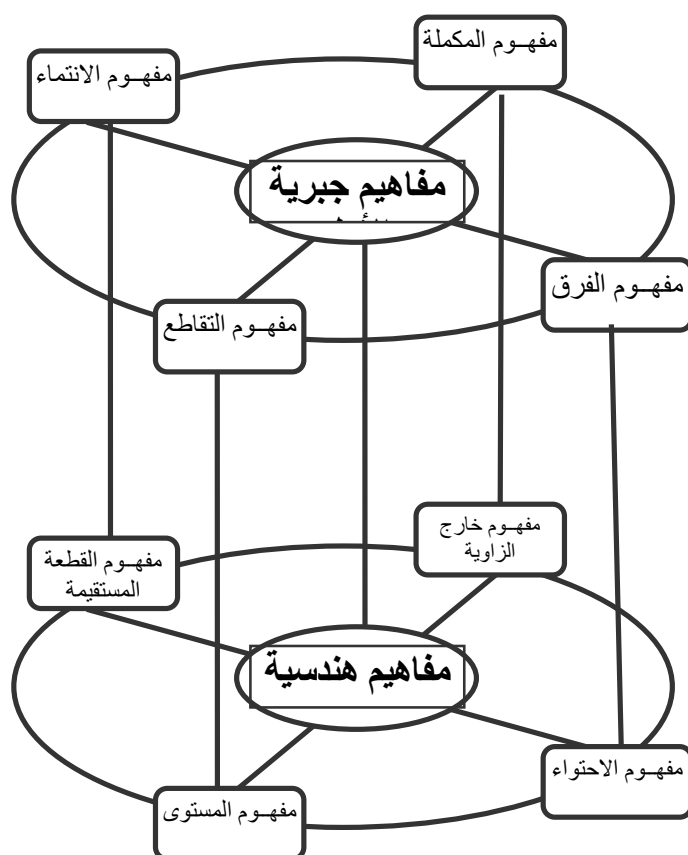
( :

- - ...

:



( )



شكل (١١) يوضح العلاقة بين بعض المفاهيم الجبرية والهندسية

( : )

.

:

( : )

:

.

-

-

-

.

.

-

.

-

.

-

-

.

( : ) ( : )

:  
:

•

.

•

.

•

.

•

—

—

.

•

.( )

o、

▪

▪

⋮

.( : ) ( : )

▪.( : )

( )  
( )

*Mathematical structure*

▪

)

.(

)

( ) :  
( : )( :

:

.( : )

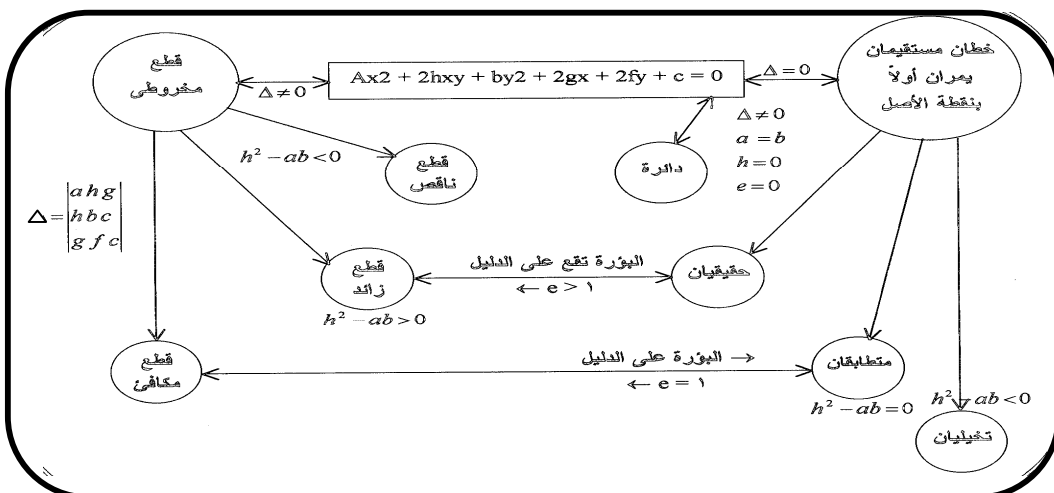
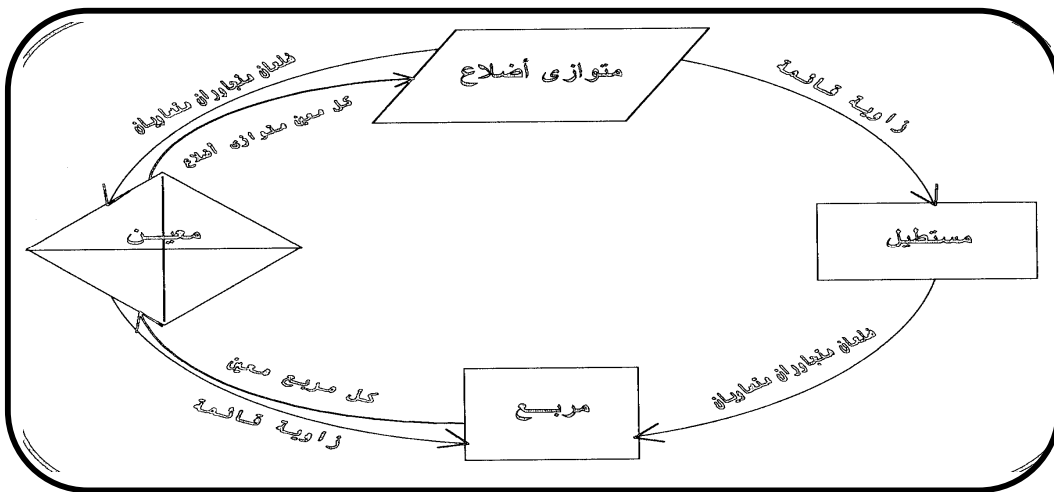
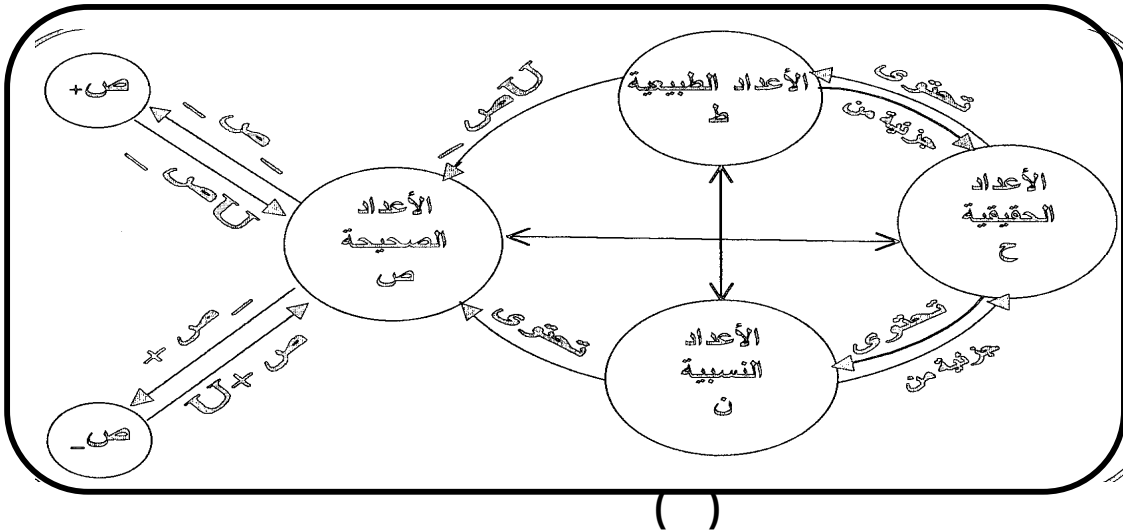
:

:

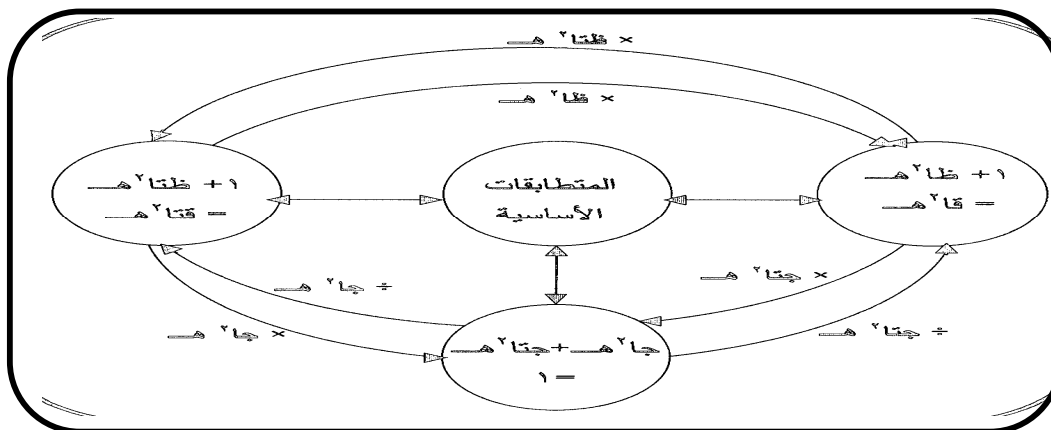
.( : )

.( : )

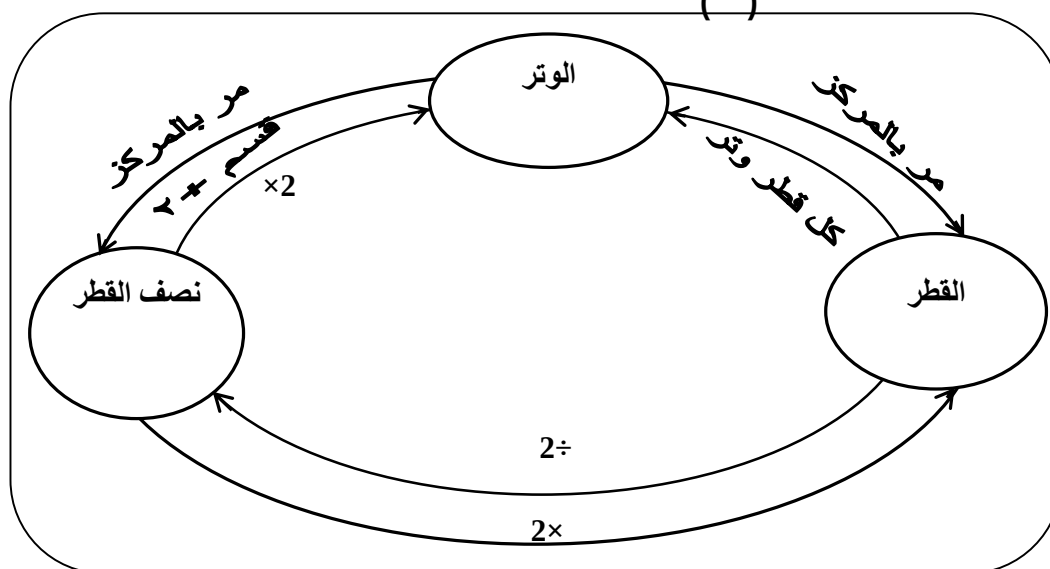
:



( : ) ( )



( )



( )

( : )

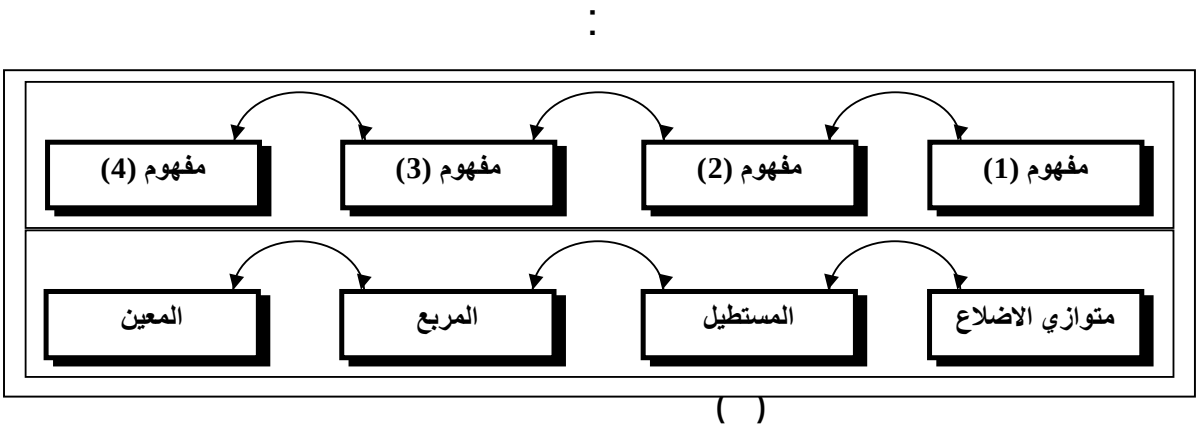
:

:

.( : ) ( : ).

.( : )

.( : )

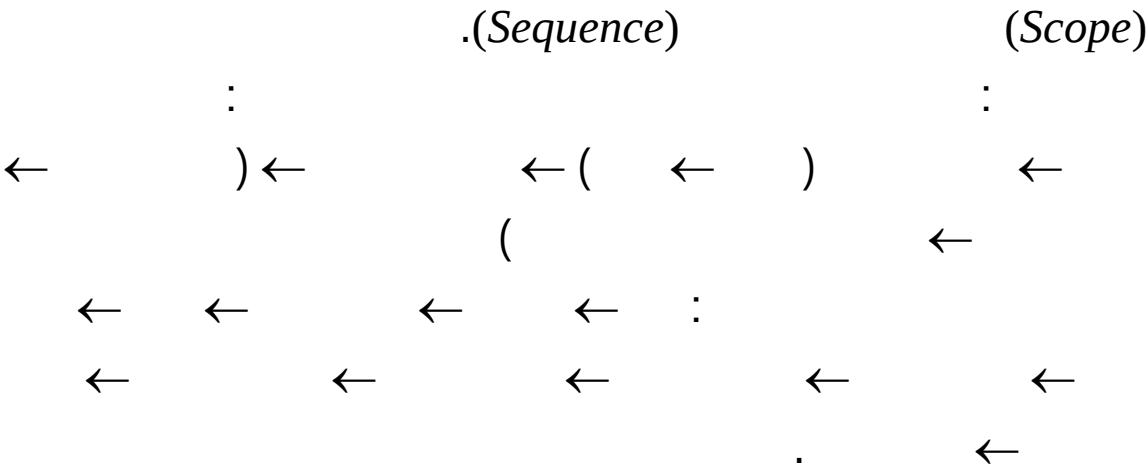


.

( )

← ( ) :

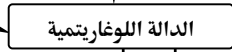
..... ← ( ) ← ( )





□

□



( )

:

.

.

.

( : )

-

-

-

-

-

-

.

-

-

-

-

- -

( : )

*Scope*

*Integration*

*Sequence*

)

.( :

: )

.( -

( : ) ( - : )

:

( ) -

-

## Standards

.

-

"

.

.

-

-

.

.

-

-

.

■

( - : ) :

:

( - : )

.

.

*Engagement* .( )

.

*Exploring* .

.

*Concept Introduction* . (                    )                    .

*Elaboration* . (                    )                    .

*Evaluation* .                    .

:

▪

▪

▪

.(                    )                    .

▪

▪

.

■

■

■

■

■

■ ( ) ■

.

.

.( ) .

.

( )

▪ ▪

.( : )

*Performance*

*Portfolios Assessment*

*Check Lists*

*Assessment*

*Holistic Scoring*

*Rating Scales*

*Interviews*

.

.

:

/

.

.

.

.

: ).

.

.(

:

—

—

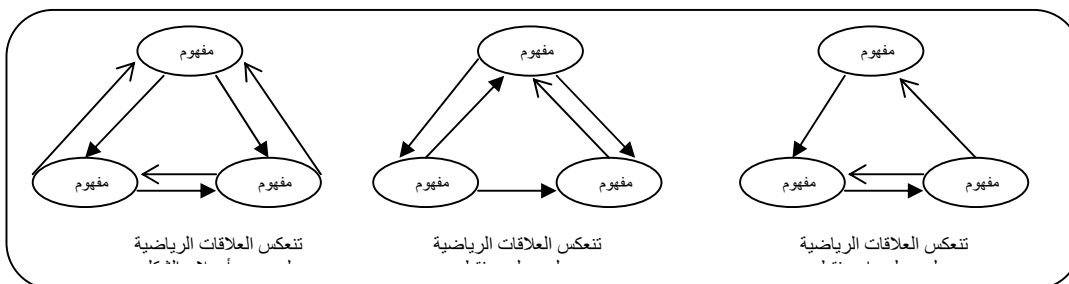
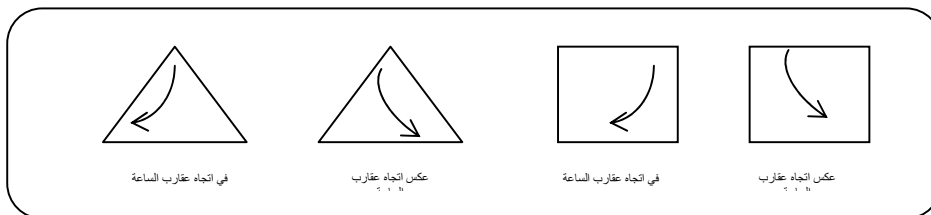
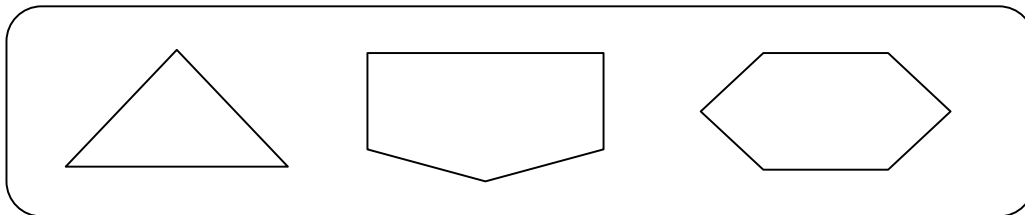
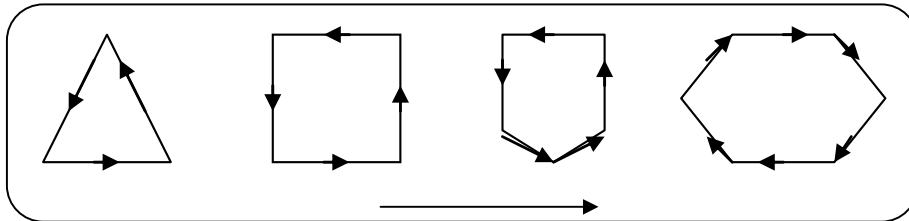
—

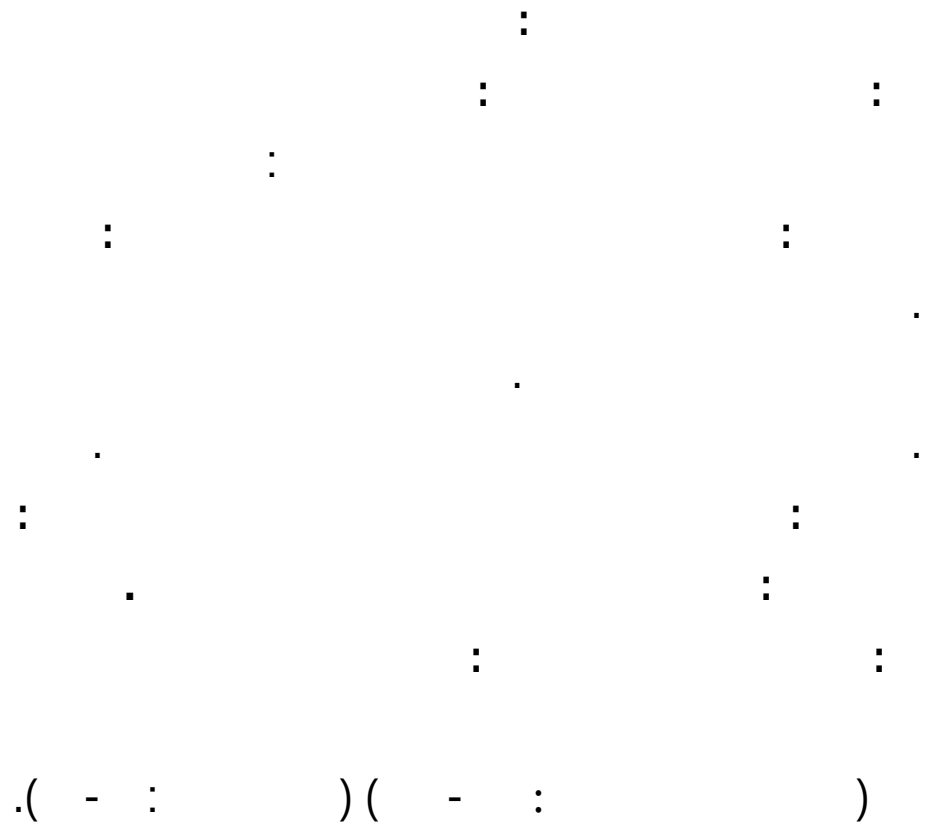
—

( ) ( )

.( - : )

— — — ) ( .





(Klir,1991)

*Facets of Systems Science*

( Richmond,1991)

.( : )

)

( :  
: ( : )

(Battista,1998) .  
( : )

.

( : )

*Systemic Thinking*

.

: ( : ) ( : )

$$\begin{array}{ccc}
 & \cdot & - \\
 \cdot ( & & ) & - \\
 \cdot ( & & ) & - \\
 & \cdot & - \\
 & \vdots & \\
 & \cdot & \vdots
 \end{array}$$

*(Doerner 1989)*

$$\cdot \quad ( \quad )$$

.

.( : ). .

( ) :

.

( ) :

.

-

-

.

Ossimitz )

( 1995

*A way of Systemic presentation*

*High Order Thinking*

*Stiles (HOTS)*

## Thinking

- ( : ) *Curricula*

- 
- 

$$\left( \begin{array}{cc} - & \vdots \end{array} \right)$$

■

■

■

■

■ ■

■ ■

■

■

■

■

■

■

■

■

■



■

■

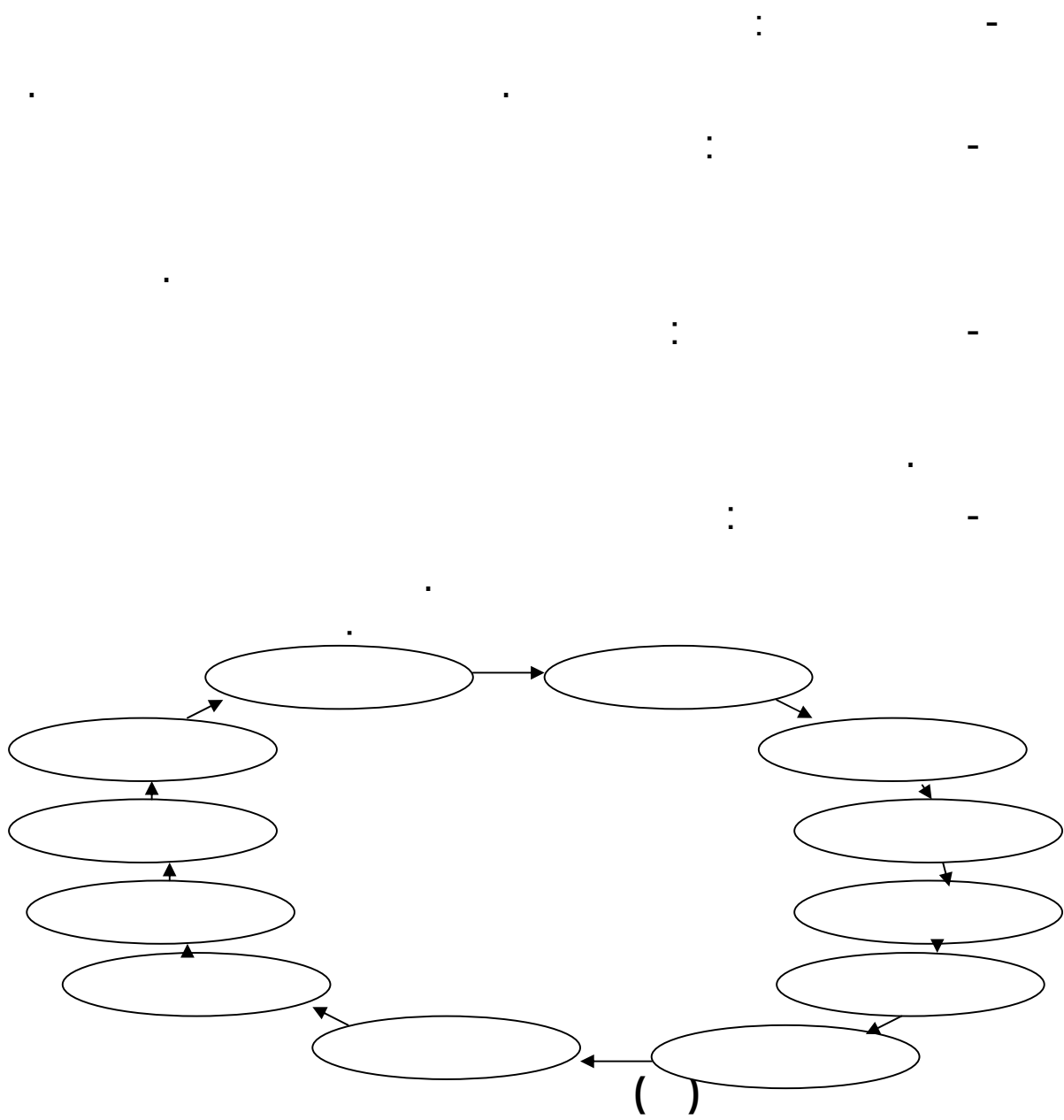


■

■

■

■



$( : ) \quad ( : )$

$:$

■



■

■

■

■

$$- \quad ( \quad )$$

—

□

■

■

■

■

$$\square \quad ( \quad )$$

■

■

■

■

■

■

■

■

■

■

■

■

•

■

■

■

■

■

■

$$\left( \begin{array}{c} - \\ \vdots \end{array} \right)$$
$$\left( \begin{array}{c} \text{ } \end{array} \right)$$

□

□

- 
- 

■

■



■

- 
- 

■

■

□ □

■

■

■

□ □



■

1

$$\cdot \left( \begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \end{array} \right)$$

■

*Mathematical Thinking*

-

:

—

—

)

.( :

(*NCTM* ,2000)

.( *De Bono*,1992) .

( *NCTM* ,2000 )

*Reflective*

*Mathematical Thinking*

*Thinking*

*Critical Thinking*

*Deductive Thinking*

) ( :

) *Creativity Thinking*

.( :

:

:

· ·

[.\(http://lexicons.ajeeb.com/Results.asp](http://lexicons.ajeeb.com/Results.asp)

: *De Bono*

.(*De Bono 1992*)

: ( : )

·

: Costa

*Costa* )

.(1998

: ( : )

-  
-  
-  
-

-  
-  
-  
-

( )

:

.

,( *Ilaria*,2002)

.( *Ilaria* , 2002,1520 ) .

: ( : )

)

.(

: ( : )

.

: ( : )  
):

(

□

$$\begin{pmatrix} \vdots \\ \vdots \end{pmatrix} \quad \left( \begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \end{array} \right)$$
$$\begin{pmatrix} \vdots \\ \vdots \end{pmatrix} \quad \left( \begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \end{array} \right)$$

■

(Dubinsky&Others, 2005,17)

■

•

- 
- 

■

■

■

$$):$$

(

■

■

■ ■

■ ■

■

:

) :

(

.

▪

.

(Ruth M & Others, 2004),

*Thinking Processes* :

*Attitudes*

*Beliefs*

*Knowledge*

.

(Jane,F& Others ,2000,400-401 )

:

*Essential Cognitive Processes* :

.

:

*Higher Order Cognitive Processes* :

.

:

*Meta Cognitive Processes* :

.

. *Thinking about Thinking*

(Dubinsky&Others ,2005,23)

:

( - : ) ( *Lutfi* ,1998)

:

:

:

:

:

:

:

:

( : )

.

:

$\vdash ( \quad ) \quad \blacksquare$

.

$\vdash ( \quad ) \quad \blacksquare$

.

$\vdash ( \quad ) \quad ( \quad - \quad : \quad ) \quad ( \quad - \quad : \quad ) \quad :$   
 $\vdash ( \quad ) \quad ( \quad - \quad : \quad ) \quad ( \quad - \quad : \quad ) \quad ( \quad - \quad$   
 $\quad \vdash ( \quad - \quad : \quad ) \quad ( \quad - \quad : \quad ) \quad ( \quad - \quad$

***Induction:*** .

$\vdash ( \quad : \quad )$

*Reasoning*

.

.

$\vdash$

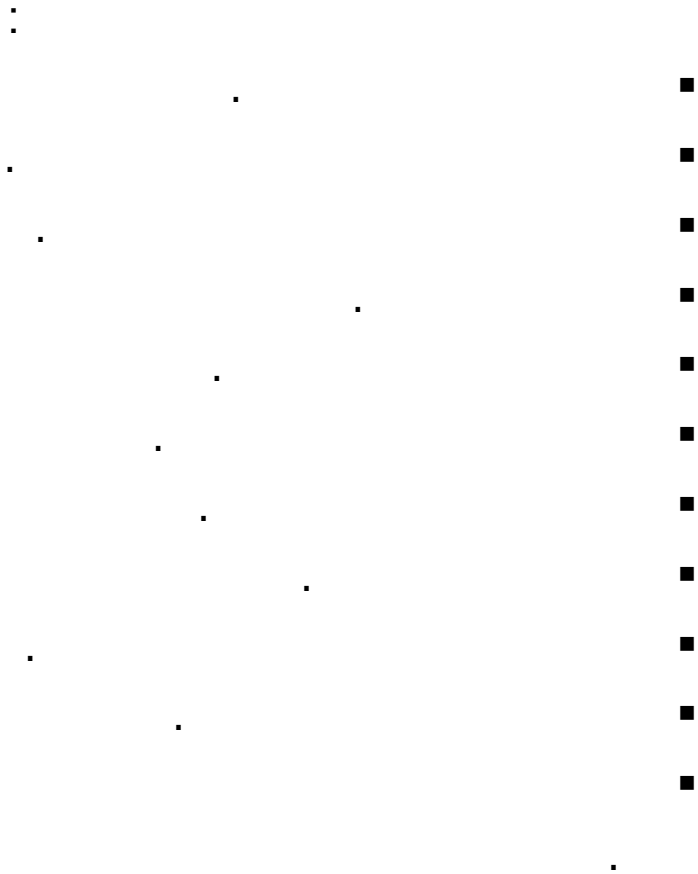
$\vdash$

.

$\vdash \quad \blacksquare$

$\vdash \quad \blacksquare$

.



**:Deduction**

.( : )

*Theory*

:

*by Deduction*

*Axioms*

*Theorems*

*The Deductive Or Axiomatic System*

*Concepts*

*Undefined Concepts*

.

.

*Axioms*

:

.

*Abstractions*

.

.





∴

•

∴

$$\begin{aligned} & \cdot ( \quad \cdot \cdot \quad ) \\ & ( \quad - \quad : \quad ) \end{aligned}$$

∴

( )

•

( )

•

( )

( )

•

( )

∴

( )

•

■

•

■

•

( )

( ← )

( )

•

( )

•

•

( )

•

( )

∴

• ( )

•

•

•

•

•

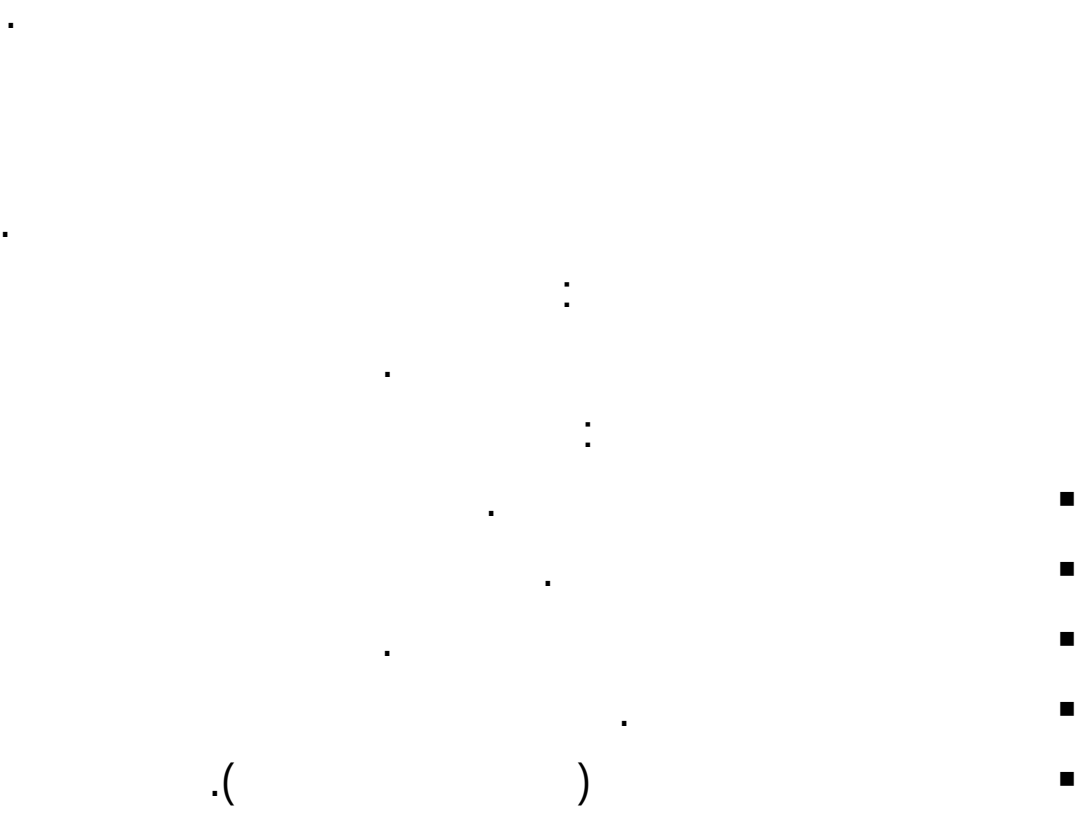
•

•

•



*Relational Thinking:* ( )



*.Spatial: Visualization* ( )  
( *Spatial Ability* )

:

:

.

:

.

:

.

.

.

.

.

.

.

.

:

■

■

■

■

■

■

■

■

:

.

- 
- 
- 

.( : )

(Kathleen, Ann , 2001,62)

:

.( )

.

( )

.

*Heuristics*

.

.

.

:

.( - - )

.

:

( )

- 
- 
- 
- 
- 
- 
-

( ... — — ) : ■  
 . ■  
 . ■  
 . ■  
 . ■  
 . ■  
 . ( : . )

– *Meta Cognition* )

( —

.(Costa,1998,161)

: ■

$$\begin{aligned} & : \quad ( : ) \\ & . ( ) : \\ & . ( ) : \\ & ) : \\ & ) : \\ & . ( \end{aligned}$$

. ( )  
 (Carig, 2005,13)  
 :  
 — Think Time

*Asking questions at all cognitive :* ■

*.levels*

## Redirecting questions

*Designating a respondent*  
*Repeating student answers*

■  
 ■

⋮

.

⋮

⋮

-  
 -

.( )

⋮

(

.

(

.

(

.

(

.

( )

⋮

(

.

(

.

(

.

/

/

(

.

( )

:

-

.

-

.

-

.

-

.

-

.

· ( )

-

:

·

·

·

·

·

·

( )

( )

·

·

·

· ( )

-

( )

.

.( ) -

:

.

.

.

( )

-

-

-

-

.

.( )

-

( )

)

(

)

.(

-

-

.

.( )

-



—

■

■

—

—

1

■ ( )

—

•

•

1

1

1

■

( )

( / )

( / )

▪ ( / )

( / )

—

—

■

■ ( )

□ □

■

:

( )

.( ) -

( )

.

-

-

.

.( ) -

( )

:

:

.

.

.

.

.

.

.

.

.( )

-

:

-

.

[illegible]

( )

: ( ) ( )

·  
) -

( -

· -

( ) -

) -

(

·

·(Freeman& Others, 1999) -

:

- -

· - -

%

. ( Kanai & Norman, 2000) -

( - - )  
( )

( )

:

-

)

.

- -

(

-

-

- -

.

-

.

. ( *Hall, 2000* ) -

*Standards*  
(*NSTM*)

- :

. ( ) - - -

*Regional educational, 2001* ) -  
( *laboratories annual report*

(*Hatch*)

( *New Mexico*) %

( - - - - )

- - -- : - -

.  
.( *Herlihy, 2002*) -

( )

(*E D C*)

(% )

: %

. -

-

.

. -

:

( ) -

( - ) -

(*E D C*)

( )

. ( *Barnhardt, 2002* ) -

( )

( )

.

-

)

-

(

-

- ∴

/

-

-

/

-

.

-

.

-

:

- :

- - - -  
- / - -  
- - -  
-

-

-

.

-

*Systemic initiative for Montana :* -  
*(2002 ) mathematic and science integrated mathematics*

( - )

(Choas )

(Graph)

( Game)

.

( - ) :

.( — — — )

( : ) *Klieme & Michel* -

( )

( )

.

:

.

-

.

-

.

-

-

.

-

-

.

-

⋮

-

-

)

(

.

- )

( - -

⋮

( ) -

.

( ) ( ) :

( ) ( ) ( ) ( )

( ) ( ) ( ) ( )

*Kanai & ,2000) (Harvey & Roxanne ,1999 )*

*( Barnhardt , 2002) ( Herlihy, 2002) , ( Norman*

*( Klieme & Michel ,2004 )*

*(Hall ,2000 )*

.

:

( ) ( ) ( )

*(2001)Regional educational laboratories annual report*

*(Kanai & Norman ,2000 )*

( ) ( *Klieme & Michel, 2005 )*

( )

( )

( )

.

( )

) ( ) ( ) :

*(Harvey & Roxanne ,1999*

:

( )

( ) ( ) ( ) ( ) ( )

*( Klieme & Michel, 2005 )*

( ) ( ) ( ) :

(Kanai & Norman, 2000)

$$\cdot \left( \quad - \quad - \quad \right)$$

( ) ( ) :

( ) ( )

■

—

( )



—



# الفصل الثالث

## إجراءات الدراسة وخطوات تطبيقها

.

:

:

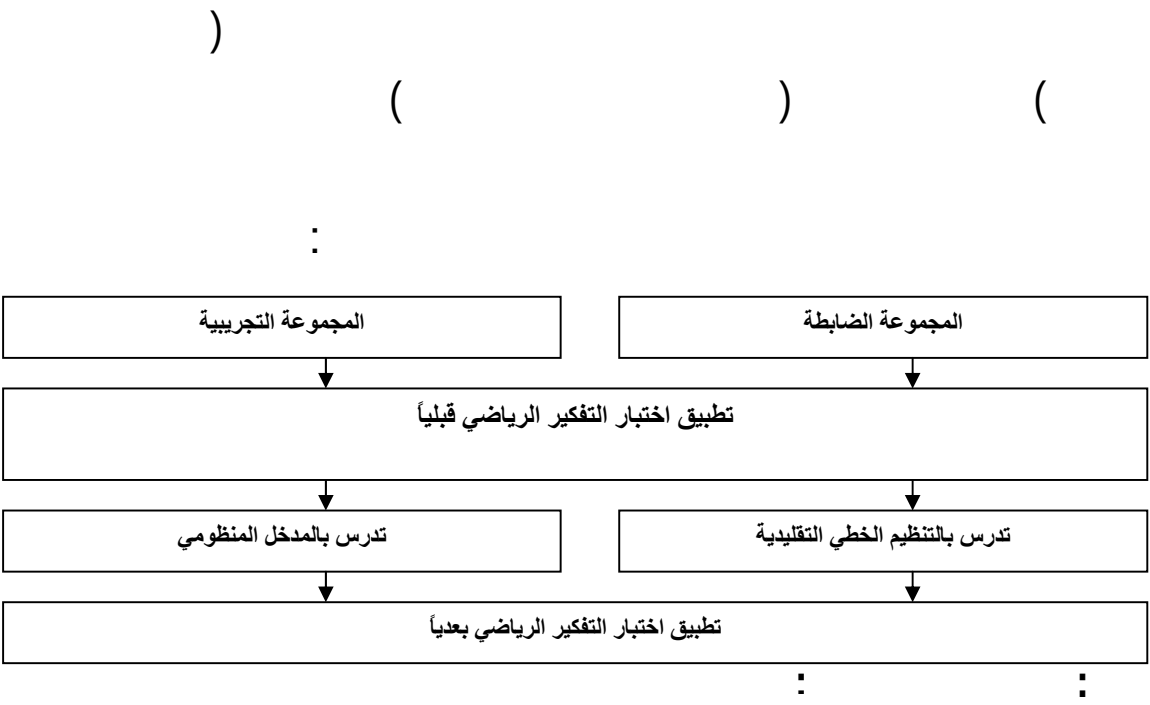
:

:

( : )

*Non-Equivalent Control Group Design*

( : )



شكل (٢٠) التصميم التجريبي للدراسة

/

( )

( )

( )

:

( )

|  |  |
|--|--|
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

( : )

:-

. ANCOVA

: :

:

: .

.

: .

.

: .

%

- ( ) -

( )



■

□

□

1

■

)

(

)

(

)

□

1

•

)

(

)

(

)

(

(

■

1

□

□

■

■

1

■

1

1

□

□

\_( )

---



1

■

1

■

1

■

1

■

■

.( )

:

:

:

:

■

■

■

■

:

:

■

■

)

( )

( ) :

■

.( ) ( ) ( ) (

■

■





∴  
)

∴

(

.

.

.

.

.

.

■

■

■

■

■

■

.

∴

-

.

-

.

-

( )

∴

∴

-

( ) ( )

( ) ( )

. ( )

: -

-

-

( : )

( )

( )

(% )

)

.(

:

:

( )

( )

/

:

:

-

. - - :  
 : -  
 - ) :  
 - ( -  
 - - :  
 - -  
 .  
 : -  
 - - :  
 .  
 :  
 :  
 (SPSS)  
 :

(ANCOVA) (

)

.( :

: (ANCOVA) ( )

*Normally Distributed* -

( : )

) ( )

( ) ( :

( )

.

:*Homogeneity Of Variance* -

( : )

*Levene's Test*

:

( )

|   |      |     |     |  |
|---|------|-----|-----|--|
| , | * ,  |     |     |  |
| , | ( ,) |     | ( ) |  |
| , | * ,  | ( ) | ( ) |  |
|   |      |     |     |  |

|            |     |  |  |   |
|------------|-----|--|--|---|
| ,          | * , |  |  |   |
| ,          | * , |  |  |   |
| . , $\geq$ |     |  |  | * |

▪

,  $\geq$  ( )

.( : ) ( : ) .

*Homogeneity Of Regression* -

( : )  
:  
( )

▪

|     |     |   |  |   |   |
|-----|-----|---|--|---|---|
|     | ( ) |   |  |   |   |
|     | * , | , |  | , | * |
| ,   | * , | , |  | , | * |
| ,   | * , | , |  | , | * |
| ,   | * , | , |  | , | * |
| * , | * , |   |  |   | * |

. ,  $\geq$  \*

$$, \geq$$

.

(*ANCOVA*)

( t-test) ( )

( )

.

( )

*Effect Size*

(

( )

)

( : ) (

**( $\eta^2$ )**

.( : )

## **الفصل الرابع**

**عرض نتائج الدراسة.**

**مناقشة النتائج وتفسيرها.**

:

:

:

:

( )

:

:

-

,  $\geq$

:

( )

( )

.

:

( )

.

|  |  |   |  |
|--|--|---|--|
|  |  |   |  |
|  |  |   |  |
|  |  | , |  |

( )

. ( )

|          |   |  |   |  |  |  |
|----------|---|--|---|--|--|--|
|          |   |  |   |  |  |  |
|          |   |  | , |  |  |  |
| , $\geq$ | , |  |   |  |  |  |

" "

:

( )

" "

( )

▪

|  |  |  |   |  |  |  |
|--|--|--|---|--|--|--|
|  |  |  | , |  |  |  |
|  |  |  |   |  |  |  |

( )





$$\begin{aligned} & \left( \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right) \\ & \left( \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \left( \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right) \\ & \left( \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right) \end{aligned}$$

|  |  |  |  |
|--|--|--|--|
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |



|  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|

$$\begin{aligned} & \left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right) \\ & \left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right) \\ & ) \qquad \qquad \qquad , \geq \\ & \qquad \qquad \qquad ( \phantom{0} ) \qquad \qquad \qquad ( \phantom{0} ) \\ & \qquad \qquad \qquad , \geq \qquad \qquad \qquad ( \phantom{0} , \phantom{0} ) \end{aligned}$$

.

$$\begin{aligned} & \qquad \qquad \qquad : \qquad \qquad \qquad - \\ & , \geq \qquad \qquad \qquad : \\ & \left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right) \\ & \left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right) \end{aligned}$$

.

:

$$( \phantom{0} )$$

.

|  |  |   |   |
|--|--|---|---|
|  |  |   |   |
|  |  |   |   |
|  |  | , | , |

(       )

(       )

.

“ ”

:

(       )

(       )

“ ”

.



( )

.

:

( )

▪

|  |  |   |   |
|--|--|---|---|
|  |  |   |   |
|  |  |   |   |
|  |  | , | , |

( , )

. ( )

" "

:

( )

( )

" "

▪

(  
(  
) ,  $\geq$

|             |   |  |   |   |  |  |
|-------------|---|--|---|---|--|--|
|             |   |  |   |   |  |  |
| $\geq$<br>, | , |  | , |   |  |  |
|             |   |  |   | , |  |  |

( ) ( , )  
,  $\geq$

.

:

( )

:  $(\eta^2)$   $(d)$   
 ( )

|  |            |  |  |
|--|------------|--|--|
|  | $(\eta^2)$ |  |  |
|  | ,          |  |  |
|  | ,          |  |  |
|  | ,          |  |  |
|  | ,          |  |  |
|  | ,          |  |  |

( )  
 ( )

( , )  $(\eta^2)$   
 )

( :

( )  
 ( ) % ,  
 % , ( )  
 % , ( ) ( )  
 ) ( )  
 ( ) % , (

) % , ( )  
.( ) (

▪  
:  
-

( ) ( , ) :  
( ) ( , ) ( )  
· ( ) ( )  
:

( ) ( )  
( ) ( ) ( )  
· ( ) ( )  
) -  
(

( )

▪  
( ) -

·  
) -  
(

*Friedman,1994* ( ) } :  
( : ) { *Micheel,1984*  
) -  
(

·  
-  
( )

( ) ( ) :  
 ( ) ( ) ( )  
*Harvey & ,1999* ) ( ) ( )  
 , ( *Kanai & Norman ,2000*) (Roxanne  
 ( *Barnhardt , 2002*) ( *Herlihy, 2002*)  
 ( *Hall ,2000* ) ( *Klieme & Michel ,2004* )

( ) ( )  
 ( ) ( )

:

) ■

(

.

■

-

-

.( )

■

:

(

(

(

.( : )

( )

( )

-

( , ) (η2)

:

( ) ( )

.

## الفصل الخامس

- ملخص نتائج الدراسة.
- التوصيات.
- المقترحات.

:



■


$$(\quad)$$

(ANCOVA)

■

$$\left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right)$$

—



—

■

—

 Springer

—

■

—

■

( )

\_\_\_\_\_

**( $\eta 2$ )**

 $(\quad, \quad)$ 

)

■

(



(

.

(

(

.

(

.

# المراجع

( )

■ ■ ■

■ ■ ■

( )

■ ■

( )



( )

( )

( )

■ ■

( )

( )

■ ■

■ ■

( )

□



( )

- ( ) .

■ ■ ■ ■ ■

▪ ( ) ▪

■ ■

■ ■

$$\left( \begin{array}{c} \text{ } \\ \text{ } \end{array} \right)$$

■ ■

( )

( )

$$\left( \begin{array}{cc} & \\ - & - \end{array} \right) \quad \left( \begin{array}{c} \\ \end{array} \right)$$


( ) .

-

. :

( ) .

:

**Spss** ( ) .

. :

( ) .

.

( ) .

.

( ) .

.

( ) .

.

( ) .

.

( )

-

..

( ) .

-

..

( ) .

( ) .

( ) .

( ) .

( ) .

:-

( ) .

- . :

( ) .

. :

( ) .

- . :

( ) .

- .

· :

( ) .

· :

-

· ( . ) .

( ) .

-

· :

( ) .

·

( ) .

·

· :

·

( ) .

·

( ) .

·

( ) .

·

( ) .

·

· :

· ( ) .

·

( ) .

· :

( ) .

-

· :

( ) .

· :

( ) .

-

· :

( ) .

· :

( ) .

( )

·

·

( ) .

· :

( ) .

· - -

( ) .

( ) .

— .

—  
( ) .

:

( ) .

· :  
( ) .  
· :

( ) .

· :  
( ) .

· :  
( ) .

· :  
( ) .

.

( ) .

. :

( ) .

. :

( ) .

. . - :

( ) .

. :

—

( ) .

.

( ) .

. :

—

( ) .

. :

( ) .

. :

( ) .

—

. :

( )

.

-

· :

( )

.

-

· :

( )

.

:

( )

.

:

·

( )

.

:

·

( )

.

-

·

.<http://www.ehr.nsf.gov/esr/prgrams/rsi/> )

·

.(Web Site:

( )

.

:

·

· .(Web Site<http://www.angelfire.com/electronic/sec/Arab/mainA.html#about>)

·

· :

( )

.

$$\left( \begin{array}{c} \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array} \right) \quad \cdot$$

( )

$$\left( \begin{array}{c} \text{ } \\ \text{ } \end{array} \right)$$

( )

$$\left( \begin{array}{c} \text{ } \\ \text{ } \end{array} \right)$$

( )

$$\frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2}$$
$$\left( \begin{array}{c} \text{ } \\ \text{ } \end{array} \right)$$
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

■ **THE** **—** ■

( ) .

-

.

( ) .

( )

-

..

( ) .

.

:

( ) .

:

( ) .

.

( ) .

-

-

:

( ) .

.. :

- 100.** Aunio, Pirjo , et al. (2005).Mathematical Thinking Intervention Programmers for Preschool Children with Normal and Low Number Sense, **European Journal of Special Needs Education**, v20, n2.
- 101.** Barnhart,(2000), Educational Renewal in Rural Alaska :the Alaska Rural Systemic Initiative .**The Rural Educator** ,vo.(21),No (2) 9-14 Winter (2000).

102. Basarab ,Nicolescu ,(2003),**Transdiscip larity and Complexity: Levels of Reality as Source of Indeterminacy**,<http://maaber.org/archive.htm>.
103. Capra, Fritjof, (2005),**Criteria OF Systemic Thinking** ,<http://maaber.org/archive.htm>.
104. Costa, A..(1998).**Techniques for teaching thinking** .Pacific Grove ,Ca :Midwest Publications
105. Craig, Jim, (2005),Assessing the Relationship Between Questioning and Understanding to Improve Learning and Thinking (QUILT) and Student Achievement in Mathematics: A Pilot Study , Appalachia Educational Laboratory at Edvantia (NJ1), Web site: <http://www.edvantia.org>.
106. De Bono , E. ( 1992 ) , **Six Thinking Hats for Schools** Cheltenham , New York .Vic Hawker and Brown low Education
107. Dubinsky, Ed; McDonald, Michael A.; Edwards, Barbara S.; ,(2005)Advanced Mathematical Thinking, **Mathematical Thinking & Learning: An International Journal** , v7, n1.
108. Fraivillig ,Judith ,(2001),Strategies For Advancing Children's Mathematical Thinking ,**Teaching Children Mathematics** ,Vo 7 ,No 8 .
109. Freeman , G. and Others(1999), Proactive Approaches to Improving Outcomes for At- Risk Student : <http://Orders.edrs.com/Members/SP.CFm?AN=WD430948,1999>.
110. Hall , Gene, E.(2003), Evaluation of a Systemic Approach to Changing Classroom Practices for the Teaching of Mathematics ,**Journal Classroom Interaction** , Vol ,35 ,N :1 .
111. Harvey, r & Roxanne, g ,( 1999), Systemic Thinking to Support Dine Education , **In Rural Special Education for the new Millennium, Conference Proceeding of the American Council**, New Mexico March 52 – 27 – 1999.
112. Herlihy , E. et al(2003), Reaching Every Teacher : A systemic Approach to Increased Student Achievement K-12 , Internet , 53871 , [www.yahoo.com](http://www.yahoo.com) , .
113. Hills ,p,j.(1984) **Dictionary of Education**. London: Rutledge &Kegan paul.
114. Ilaria, Daniel R ,(2002).Questions That Engage Students in Mathematical Thinking. In: **Proceedings of the Annual Meeting** [of the] North American Chapter of the International Group for the Psychology of

Mathematics Education (24th, Athens, GA, October 26-29, 2002). Volumes 1-4

115. International Conference on Systemic Reform of Science & Mathematics Education: Spring of 2004: Paris, France 2004.

116. Jane, F. & Others, (2000), Designing Questions to Encourage Children's Mathematical Thinking, **Teaching Children Mathematics**, Vol 6, No 6.

117. Jinfa, C. (2000) : Mathematical Thinking Involved in U.S. and Chinese Student, Solving of process – Constrained and process Open Problems. “**Mathematical Thinking and Learning Journal**, V2, N4.

118. Kanai, Kunimitsu, & Norman, John, (2000), Systemic Reform Evaluation: Gender Differences in Student Attitudes Toward Science and Mathematics. Association for the Education of Teachers in Science (AETS Conference Papers and Summaries of Presentations), <http://www.ed.psu.edu/ci/Journals/97pap26.htm>.

119. Kathleen, S., and Ann, L. (2001), Improving Student Mathematical Thinking Skills Through Improved Use of Mathematical Vocabulary and Numerical Operations.. Master of Arts Action Research Project, Saint Xavier University and Skylight Professional Development [Http://www.Edrs.com/Menber/SP.CFM?AN=ED455120,2001](http://www.Edrs.com/Menber/SP.CFM?AN=ED455120,2001)

120. Lutfi, L., A., (1998), Mathematical Thinking of High School Students In Nebraska, **International Journal Of Mathematical Education in Science and Technology**, Vol. 22, No

121. Manuel, S. (2001), The Use Of Representation As A vehicle to Promote Student's Mathematical Thinking In problem Solving Inter National, **Journal of Computer Algebra in Mathematics Education**, v.7 n.3.

122. Mary, E. S. (1997) : Mathematical Thinking in on Introductory Applied College Algebra Course ( Applied Mathematics ), PH.D. University of Georgia.

123. Mnia, M., Fayez, (2004), The Mathematics Education into the 21st Century Project, **The Future of Mathematics Education**, Pod Teziami, Ciechocinek, Poland, June 26th – July 1st, 2004.

124. Nancy, J. and Laurie, H. (2000), Mathematical Thinking in Second-Grade Children With Different Forms LD. **Journal of Learning Disabilities**, v33n6.

125. National Council of Teachers of Mathematics (NCTM), Principles and Standards for School Mathematics, Reston, VA, USA, 2000. <http://Standards.nctm.org>.

126. Pape, S., C. Bell, et al. (2003). Developing Mathematical Thinking and Self-regulated Learning: A teaching experiment in a seventh grade mathematics classroom. **Educational Studies in Mathematics**, v 53.
127. Preetti,K,(2002), Using Curriculum Based Measures to Promote a Linked System Approach, **Assessment For Effective Intervention** ,No 27.
128. -Regional Educational Laboratories Annual Report for 2001. SEDL's Systemic Approach Creates Coherence and Builds Capacity in Schools, <http://www.relnetwork.org/2000ar/sedl-text.html>
129. Rosnay, J. (1997) Analytic Systemic Approach. <http://pespmc1.vub.ac.be/ANALSYST.html>
130. Ruth M & Others,(2004), Inquiry into Children's Mathematical Thinking as a Means to Teacher Change. **Journal of Mathematics Teacher Education** . : Volume 7, Number 3 , Pages: 237 - 267
131. Systemic initiative for Montana mathematic and science integrated mathematics' (stmmstm ),(2002), <http://www.ehr.nsf.gov/esr/prgrams/rsi/>
132. Turner, Julianne ,etl,(1997), Encouraging Mathematical Thinking." **Mathematics Teaching in the Middle School**.
134. Wittmann· Erich Ch.(2000), Developing mathematics education in a systemic process, **A Plenary Lecture in TCME-q** , Makahuri , Tokyo , Japan.

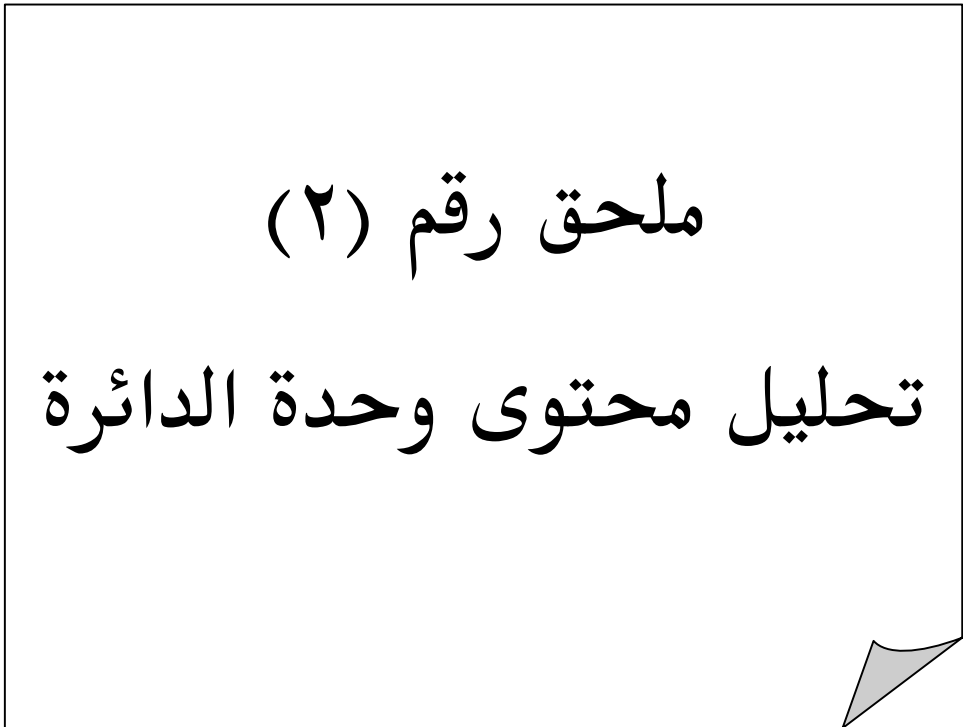
الملاحق.

ملحق رقم (١) يوضح:  
أسماء المحكمين لتحليل محتوى  
وحدة الدائرة.

## أسماء المحكمين لتحليل محتوى وحدة الدائرة.

| م  | الاسم                    | العمل                                                          |
|----|--------------------------|----------------------------------------------------------------|
| ١. | د/ سمير نور الدين فلمبان | أستاذ مشارك طرق تدريس الرياضيات بجامعة أم القرى                |
| ٢. | د/ يوسف سند الغامدي      | أستاذ مساعد طرق تدريس الرياضيات بجامعة أم القرى                |
| ٣. | أ/ احمد سالم الثقفي      | محاضر بكلية المعلمين بالطائف<br>(طالب دكتوراه بجامعة أم القرى) |
| ٤. | أ/ إبراهيم سليم الحربي   | وزارة التربية والتعليم<br>(طالب دكتوراه بجامعة أم القرى)       |
| ٥. | أ/ خالد معدي عسيري       | محاضر بكلية المعلمين بالباحة<br>(طالب دكتوراه بجامعة أم القرى) |
| ٦. | أ/ عبد الخالق الصيفي     | معيد بكلية المعلمين بالطائف                                    |
| ٧. | أ/ خالد سعدون العتيبي    | معيد بكلية المعلمين بالطائف                                    |

| رقم<br>العنصر | عنصر المحتوى | مفهوم | تعميم | مهارة |
|---------------|--------------|-------|-------|-------|
|---------------|--------------|-------|-------|-------|



|   |   |   |                                                                                                                |
|---|---|---|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|   |   | X | ١. الدائرة: مجموعة نقاط المستوى التي تبعد<br>البعد نفسه عن نقطة محددة .                                        |
|   |   | X | ٢. مركز الدائرة.                                                                                               |
|   |   | X | ٣. نصف قطر الدائرة: المسافة بين مركز<br>الدائرة وأي نقطة أخرى على محيط<br>الدائرة.                             |
|   | X |   | ٤. تتعين الدائرة بمركزها وطول نصف<br>قطرها.                                                                    |
|   | X |   | ٥. تتطابق الدائرتان عندما يتساوى طول<br>نصفي قطريهما.                                                          |
| X |   |   | ٦. رسم الدائرة بمعرفة طول نصف القطر                                                                            |
|   |   | X | ٧. الوتر: كل قطعة مستقيمة تقع نهايتها<br>على الدائرة.                                                          |
|   |   | X | ٨. القطر :القطعة المستقيمة التي نهايتها<br>على الدائرة وتمر بمركزها.                                           |
|   | X |   | ٩. القطر أطول أوتار الدائرة.                                                                                   |
|   |   | X | ١٠. داخل الدائرة : نقول عن النقطة أنها<br>داخلية إذا كانت المسافة بينها وبين<br>مركز الدائرة أقل من نصف القطر. |
|   |   | X | ١١. خارج الدائرة : نقول عن النقطة أنها<br>خارجية للدائرة إذا كانت المسافة بينها                                |

|            |                                                                                  |       |       |           |
|------------|----------------------------------------------------------------------------------|-------|-------|-----------|
| ٢٠.        | وطول الموترة لهوترة حيطر الدائرة نصف القطر.                                      | X     |       |           |
| ٢٢.        | قرصول الدائرة نرة تحاه نقاط حيدلثة مع<br>لمجموعة التقاطيل لها 3.14 و نصف         | X     | X     |           |
|            | القطر                                                                            |       |       | يتبع (١). |
| رقم ٢٢.    | القياس الدائري للأقل المحتوى                                                     | مفهوم | تعميم | مهارة     |
| العنصر ٢٣. | طول قوس من دائرة                                                                 |       | X     |           |
| ٢٤:        | تعريف المستقيم على الدائرة تحصران                                                | X     | X     |           |
| ٢٥.        | تعريف قوس المستقيم المماس للدائرة.                                               | X     |       |           |
| ٢٦:        | تعريف المستقيم القاطع للدائرة جزئية من قوس الدائرة بمجموعة نقاط جزئية من         | X     |       |           |
|            | الدائرة ومحصور بين نقطتين على الدائرة.                                           |       |       | يتبع (٢)  |
| رقم ١٥.    | الأقواس المتطابقة تلتزم بالاحتواء متطابقة في دائرة واحدة أو في دائرتين متطابقتين | مفهوم | تعميم | مهارة     |
| ٢٧:        | الزاوية المكنية هي الزاوية التي رأسها ومركزها الدائرة.                           | X     |       |           |
| ٢٨:        | قياس الزاوية باستخدام المقياس نصف                                                |       | X     | X         |
| ١٨.        | قياس القوس على قوس من الدائرة بالدرجات                                           |       | X     |           |
| ٢٩.        | قياس الزاوية المكنية على قوس من الدائرة بالدرجات                                 |       | X     |           |
| ١٩.        | قياس القوس على قوس من الدائرة بالدرجات                                           |       | X     |           |
| ٣٠.        | الزاوية المكنية هي الزاوية التي رأسها ومركزها الدائرة.                           |       | X     |           |

|               |                                 |       |                                                                                                                         |       |
|---------------|---------------------------------|-------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------|
|               |                                 |       | الدائرة تكون قائمة.                                                                                                     |       |
|               | X                               |       | ٣١. إذا قابلت زوايا محيطية في دائرة قوساً واحداً أو أقواساً متطابقة فإن هذه الزوايا متساوية.                            |       |
|               | X                               |       | ٣٢. إذا قطع مستقيمان متوازيان دائرة فإنهما يحصران، من هذه الدائرة، قوسين لهما القياس ذاته.                              |       |
|               |                                 | X     | ٣٣. تعريف الزاوية الداخلية.                                                                                             |       |
|               |                                 | X     | ٣٤. تعريف الزاوية الخارجية.                                                                                             |       |
|               | X                               |       | ٣٥. قياس الزاوية الداخلية يساوي نصف مجموع قياس القوس الواقع بين نصفيه وقياس القوس الواقع بين ضلعي الزاوية المقابلة لها. |       |
|               |                                 | X     | ٣٦. تعريف الزاوية المماسية                                                                                              |       |
|               |                                 |       | يتبع (٣)                                                                                                                |       |
| رقم<br>العنصر | عنصر المحتوى                    | مفهوم | تعميم                                                                                                                   | مهارة |
| ٣٧.           | قياس الزاوية الخارجية يساوي نصف | X     |                                                                                                                         |       |

|   |   |   |                                                                                     |     |
|---|---|---|-------------------------------------------------------------------------------------|-----|
|   |   |   | الفرق بين قياسي القوسين الواقعين بين ضلعيها.                                        |     |
|   |   | X | تعريف الشكل الرباعي الدائري.                                                        | ٣٨. |
| X |   |   | حساب مساحة الدائرة.                                                                 | ٣٩. |
|   | X |   | مجموع كل زاويتين متقابلتين في شكل رباعي دائري زاوية مستقيمة.                        | ٤٠. |
|   |   | X | تعريف الدائرتان المتحدتان في المركز.                                                | ٤١. |
|   |   | X | تعريف الدائرتان الخارجيتان.                                                         | ٤٢. |
|   |   | X | تعريف الدائرتان المتماستان من الداخل .                                              | ٤٣. |
|   |   | X | تعريف الدائرتان المتماستان من الخارج .                                              | ٤٤. |
|   |   | X | تعريف دائرتان متطابقتان                                                             | ٤٥. |
|   |   | X | تعريف دائرتان متقاطعتان                                                             | ٤٦. |
|   |   | X | إحداهما داخلية للأخرى وغير متحدتا المركز.                                           | ٤٧. |
|   |   | X | خط المركزين.                                                                        | ٤٨. |
|   | X |   | إذا تقاطعت دائرتان في نقطة غير واقعة على خط المركزين فإنهما تتقاطعان في نقطة ثانية. | ٤٩. |
|   | X |   | إذا اشتركت دائرتان بنقطة واقعة على خط المركزين فإنهما لا يشتركان في نقطة أخرى       | ٥٠. |

|               |                                                    |       | يتبع (٤) |       |
|---------------|----------------------------------------------------|-------|----------|-------|
| رقم<br>العنصر | عنصر المحتوى                                       | مفهوم | تعميم    | مهارة |
| ٥١.           | رسم عمود على مستقيم مار بنقطة واقعة خارج المستقيم. |       |          | X     |
| ٥٢.           | رسم منصف لقطعة مستقيمة.                            |       |          | X     |
| ٥٣.           | رسم منصف لزاوية.                                   |       |          | X     |
| ٥٤.           | رسم عمود على مستقيم من نقطة منه                    |       |          | X     |
| ٥٥.           | رسم موازي لمستقيم من نقطة خارجة عنه.               |       |          | X     |

ملحق رقم ( ٣ )

أسماء المحكمين للوحدة المنظومية

### أسماء المحكمين للوحدة المنظومية.

| م   | الاسم                          | العمل                                                  |
|-----|--------------------------------|--------------------------------------------------------|
| ١.  | د/ سمير نور الدين فلمبان       | أستاذ مشارك طرق تدريس الرياضيات بجامعة أم القرى        |
| ٢.  | د/ يوسف سند الغامدي            | أستاذ مساعد طرق تدريس الرياضيات بجامعة أم القرى        |
| ٣.  | أ.د. / أمين فاروق فهمي         | رئيس مركز تطوير تدريس العلوم والرياضيات بجامعة عين شمس |
| ٤.  | أ.د. / نبيل توفيق الضبع        | رئيس قسم الرياضيات بكلية التربية بجامعة عين شمس        |
| ٥.  | أ.د. / رضا مسعد السعيد         | وكيل كلية التربية بجامعة المنوفية .                    |
| ٦.  | د/ محمد عبد القادر النمر       | أستاذ مساعد برابطة الاتحاد الأوروبي .                  |
| ٧.  | د/ فاطمة عبد السلام أبو الحديد | أستاذ مساعد بكلية التربية ببور سعيد.                   |
| ٨.  | أ/ احمد سالم الثقفي            | محاضر بكلية المعلمين بالطائف                           |
| ٩.  | أ/ محمد مفرح الزهراني          | محاضر بكلية المعلمين بالمدينة المنورة                  |
| ١٠. | أ/ نوال علي الربيعان           | محاضر بكلية التربية للبنات بالرياض.                    |
| ١١. | أ/ عبد الخالق الصيفي           | وزارة التربية والتعليم                                 |

ملحق رقم (٤)

# الوحدة المنظومية في صورتها النهائية

بسم الله الرحمن الرحيم



المملكة العربية السعودية  
وزارة التعليم العالي  
جامعة أم القرى  
كلية التربية  
قسم المناهج وطرق التدريس

# الدليل المنظومي في تدريس وحدة الدائرة لطلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف

إعداد الطالب

عوض بن صالح بن صالح المالكي

إشراف

الدكتور/سمير بن نور الدين فلمبان

الفصل الدراسي الثاني لعام ١٤٢٦هـ .

## تمهيد:

ونحن في بداية قرن جديد، ومع وسائل الاتصال الحديثة وسهولة تدفق المعلومات، أصبح العالم قرية صغيرة مليئة بالمعلومات المتشابكة، لذا كان لابد من استحداث استراتيجيات جديدة في التعليم والتعلم، يمكنها أن تتواءم مع هذا التشابك وتوضح العلاقات القائمة بينها.

ويبرز من بين الاستراتيجيات الحديثة في تدريس الرياضيات المدخل المنظومي Systemic Approach كاتجاه حديث لتنظيم المحتوى الرياضي، وطريقة في التفكير، يهدف إلى إبراز العلاقات بين أجزاء المحتوى الرياضي وإكساب المتعلم إدراك ووعي شامل بأبعاد المشكلة أو الموقف الرياضي الذي يواجهه، فينطلق من منظور كلي، ومن علاقة الكل بالجزء وعلاقة الأجزاء ببعضها البعض، وعلاقة كل منها بالموقف الكلي للمادة موضوع التعلم، وإدارة عملية التفكير والتفكير في التفكير Meta cognition.

## ماذا يقصد بالمدخل المنظومي؟

المدخل المنظومي Systemic Approach، يقصد به الباحث: طريقة لتنظيم المحتوى الرياضي، تمكن من دراسة المحتوى الرياضي من خلال منظومة متكاملة تتناول ما بين عناصر المحتوى من ترابط وتفاعل بحيث تتضح فيها كافة العلاقات بين أي عنصر وغيره من العناصر، والعمليات عليها وتطبيقاتها، بما يسهم في تكوين رؤية شمولية للمادة موضوع التعلم، وبالتالي تحقيق أهداف التعلم.

## الأهداف العامة للدليل

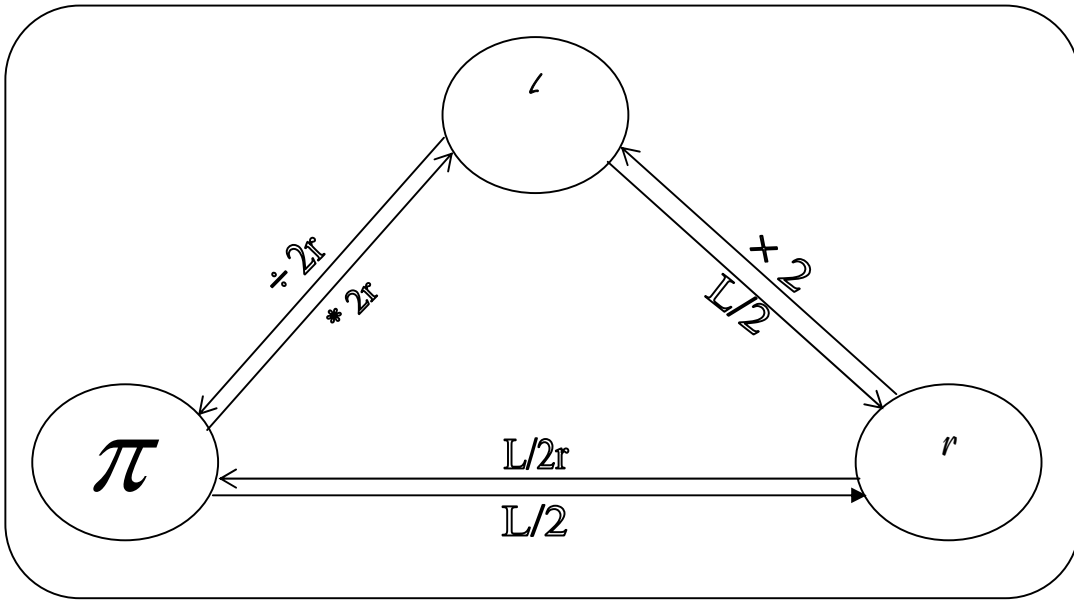
- ١- إنماء القدرة على التفكير المنظومي لدى الطلاب بحيث يكون الطالب قادراً على الرؤية المستقبلية الشاملة لأي موضوع دون أن يفقد جزئياته.
- ٢- رفع كفاءة التدريس والتعلم في الهندسة المستوية وربط أجزائها منظومياً.
- ٣- إنماء القدرة على التحليل والتركيب وصولاً إلى الإبداع.
- ٤- جعل مادة الهندسة المستوية مادة جاذبة للطلاب بدلاً من كونها منفرة لهم.

٥- إنماء القدرة على استخدام المدخل المنظومي عند تناول أي مشكلة لوضع الحلول الإبداعية لها.

مثال توضيحي لاستخدام المدخل المنظومي في الهندسة المستوية (وحدة الدائرة) العلاقة المنظومية بين محيط الدائرة (  $L$  ) ، ونصف قطرها (  $r$  ) والنسبة التقريبية  $\pi$

$$\pi = \frac{L}{2r}$$

والتي تحدد بالعلاقة



في الشكل السابق تتضح جميع العلاقات بين أجزاء العلاقة ، فالطالب الآن يستطيع أن يصل للمحيط من خلال نصف القطر ، والعكس يمكنه الوصول لنصف القطر من خلال المحيط، كما يمكنه تحديد النسبة التقريبية  $\pi$  من خلال المحيط ونصف القطر، وكذلك يمكنه الحصول على المحيط وذلك في إطار العلاقة المنظومية المتكاملة للقانون. وذلك بدلاً عن كونه قد حفظ علاقة واحدة خطية سابقاً.

مما سبق يتضح أن علاقات كثيرة قد اتضحت بين أجزاء العلاقة وبعضها البعض مما لا يتوافر في الصورة الخطية وهذا ما سوف يتضح خلال هذا الدليل.

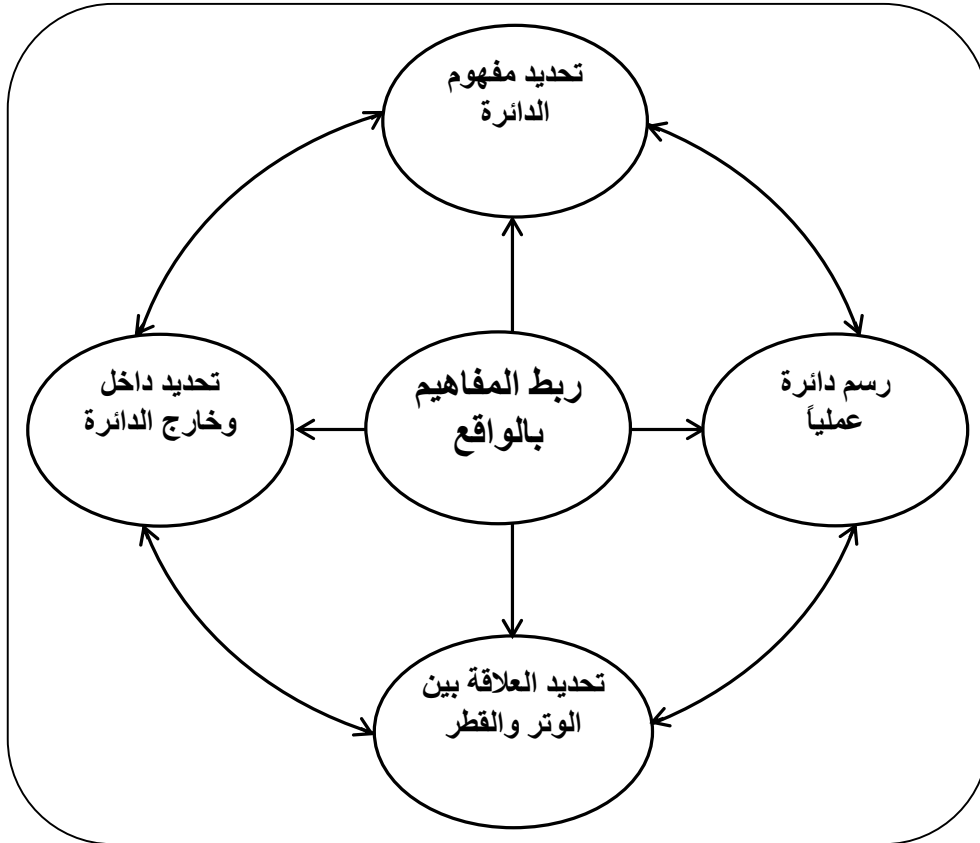
## محتويات الدليل

| م  | الموضوع                    |
|----|----------------------------|
| ١  | مفهوم الدائرة              |
| ٢  | رسم دائرة                  |
| ٣  | الوتر والقطر               |
| ٤  | داخل وخارج الدائرة         |
| ٥  | قوس الدائرة                |
| ٧  | طول الدائرة                |
| ٨  | القياس الدائري             |
| ٩  | الزاوية المحيطية           |
| ١١ | المستقيم والدائرة          |
| ١٢ | الزاوية الداخلية والخارجية |
| ١٣ | الشكل الرباعي الدائري      |
| ١٤ | وضع دائرة بالنسبة لأخرى    |
| ١٥ | الإنشاءات الهندسية         |

## الدائرة مفاهيم وتعاريف.

منظومة الأهداف:

من المتوقع بعد نهاية الدروس أن يكون الطالب قادراً على:



الوسائل:

١- جهاز العرض فوق الرأسي

٢- شفافيات.

نشاط تمهيدي :

يقدم المعلم للطلاب شفافية موضحاً عليها دوائر مرسومة ومحددة مراكزها وبعض المنحنيات المغلقة لتوضيح الفرق فيما بينها .

## مفهوم الدائرة:

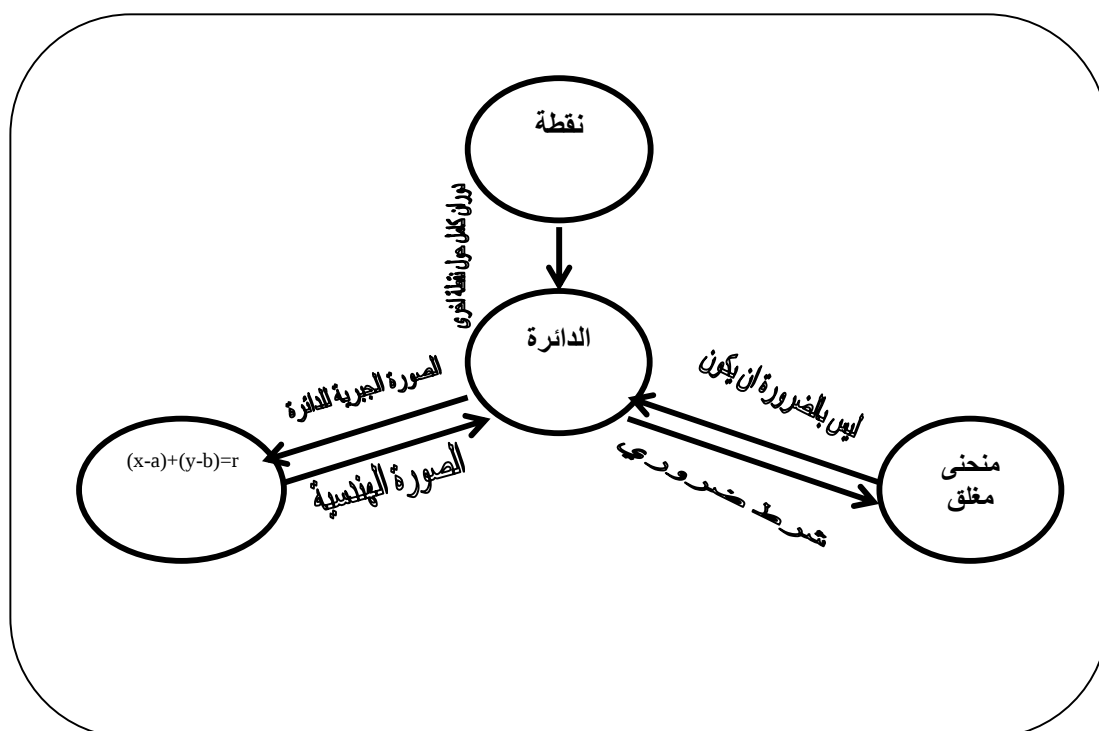
**تمهيد (١):** تمييز المنحنيات المغلقة والمفتوحة.

**تمهيد (٢):** التعبير جبريا عن المنحنيات المغلقة والمفتوحة.

**تمهيد (٣):** مراجعة مفاهيم الدوران حول نقطة.

**نشاط (١):**

تأمل منظومة العلاقات التالية .



● في المنظومة السابقة:

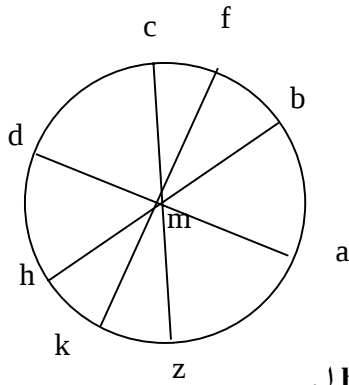
- عبر عن العلاقات بين أجزاء المنظومة كلا على حدة.
- تحقق من صحة العلاقات السابقة بأمثلة محسوسة .
- فكر في علاقات أخرى للمنظومة السابقة.

**نتيجة (١):**

تعريف: مجموعة النقاط من المستوى  $\Gamma$  والتي أبعادها عن نقطة محددة  $m$  من المستوى  $\Gamma$  متساوية ، تسمى دائرة

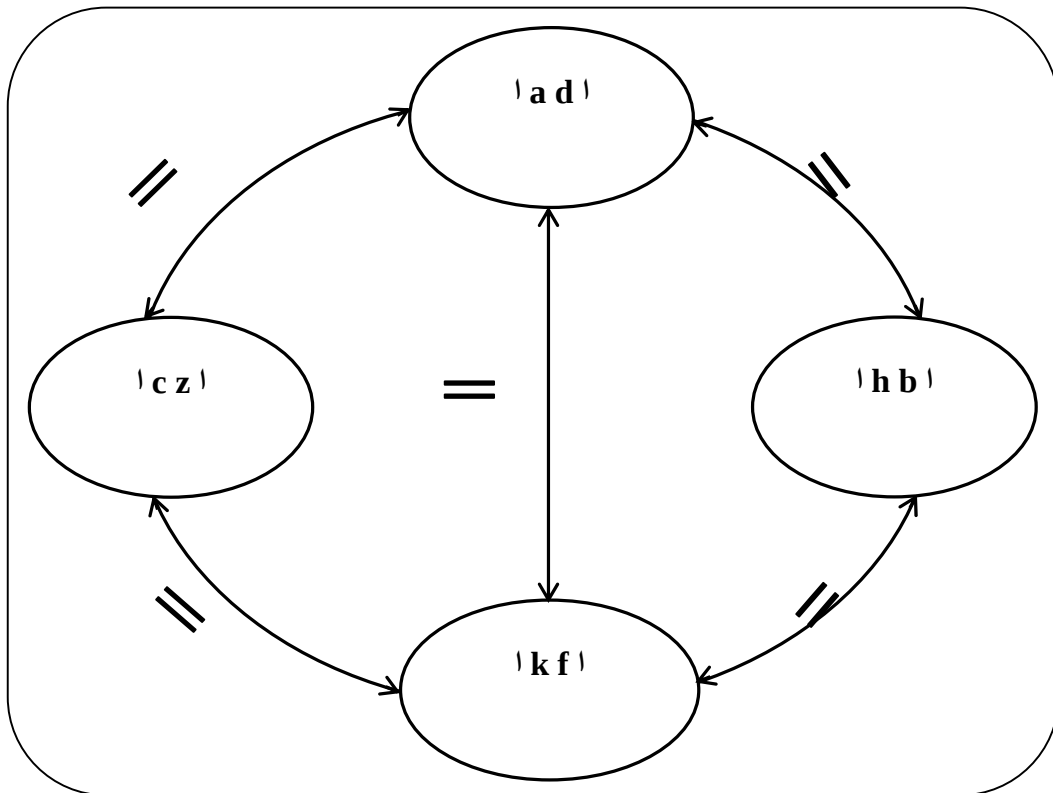
### نشاط (٣):

يعرض المعلم الشفافية التالية على الطلاب:



- اوجد قياس أطوال القطع المستقيمة:  $|ad|$ ،  $|cz|$ ،  $|kf|$ ،  $|hb|$ .

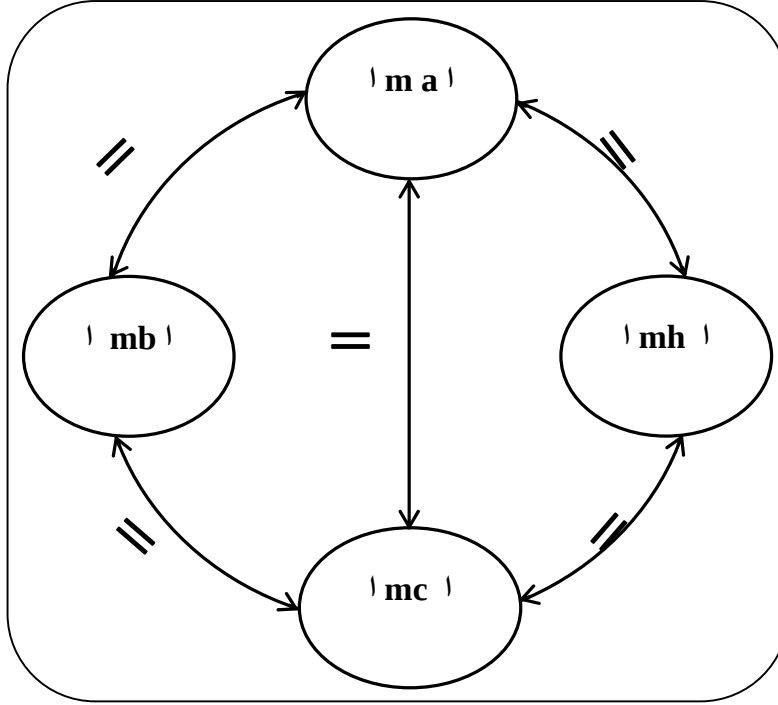
- ماذا تستنتج :



- سجل الأطوال على المنظومة السابقة،
- هل تحققت من صحة العلاقة بين الأطوال السابقة بالقياس المباشر ؟.

### نشاط (٣):

في الشفافية السابقة يقوم الطلاب بقياس أطوال:  $|ma|$  ،  $|mb|$  ،  $|mc|$  ،  $|mh|$  ، وتكتب العلاقة على المنظومة التالية:



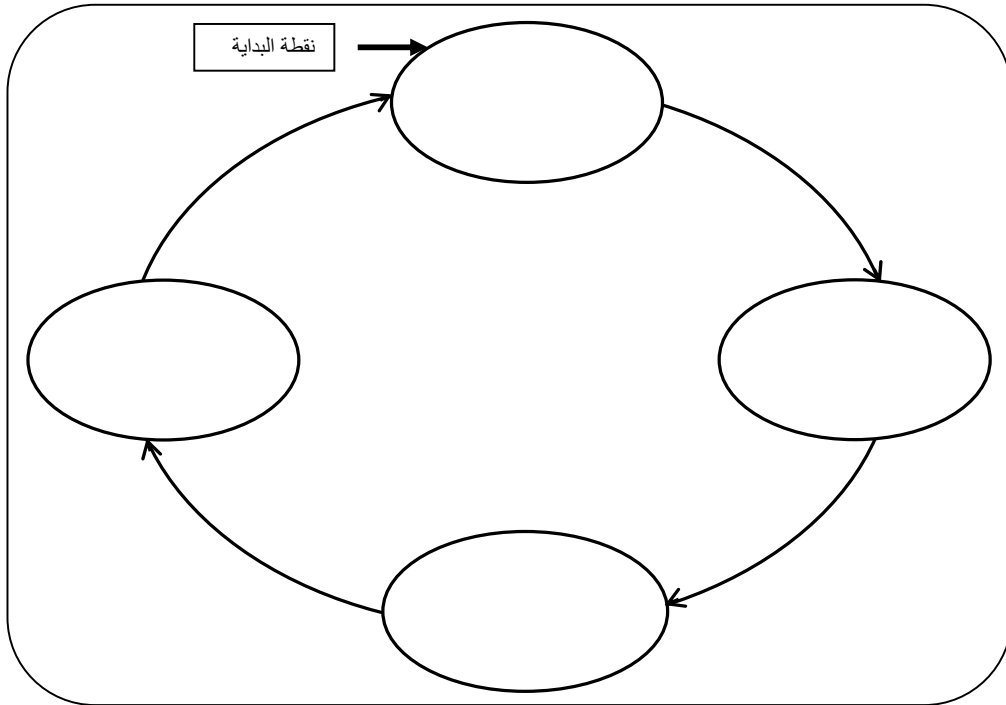
- ماذا تستنتج ؟:
- من المنظومة السابقة فإننا نسمى كلاً من  $|ma|$  ،  $|mb|$  ،  $|mc|$  ،  $|mh|$  ..... ، نصف قطر لهذه الدائرة، أما الطول المشترك للقطع المتطابقة:  $|ma|$  ،  $|mb|$  ،  $|mc|$  ، فهو طول نصف قطر هذه الدائرة.
- تتعين الدائرة إذن بمركزها وطول نصف قطرها فإذا رمزنا بـ  $(m)$  لمركز دائرة ، وبـ  $(r)$  لطول نصف قطرها فإننا نرمز لهذه الدائرة بالشكل:  $(m, r)$  وكثيراً ما نسمى الدائرة بحرف منقول مثلاً  $C=(m, r)$  :

تتطابق دائرتان إذا تساوى طولاً نصف قطريهما أى:  $(m_2, r_2) \cong (m_1, r_1) \leftrightarrow r_2 = r_1$

## رسم دائرة

### نشاط (١) :

- يطلب المعلم من الطلاب تحديد خطوات رسم دائرة شفويا .
- يطلب المعلم من الطلاب إكمال المنظومة التالية، والتي توضح خطوات رسم دائرة من البدائل التالية: ( عمل دوران للنقطة حول نقطة المركز بزاوية  $360^\circ$  ، فتح الفرجار فتحة مساوية لنصف القطر ، تحديد مركز الدائرة ، ركز إحدى رؤوس الفرجار في نقطة المركز والأخرى تحدد نقطة أخرى ) .

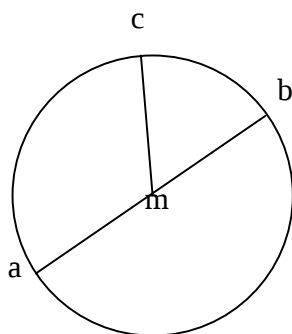


منظومة توضح خطوات رسم دائرة

### تدريب (١) :

- ارسم دائرة، مركزها  $m=(2,3)$  ، ونصف قطرها 8 سم.
- حدد بعض الأشكال ، والأجسام ، والصور ، من واقع الحياة ، والتي يمثل شكل الدائرة جزء منها.

## الوتر والقطر



### نشاط (١) :

- ارسم قطع مستقيمة موازية لـ  $ab$  ، وتتقاطع مع الدائرة في نقطتين.
- حدد قياس القطع التي رسمتها : القطعة المستقيمة  $ab$  ، القطعة المستقيمة  $mc$  .
- قارن بين القياسات، ماذا تلاحظ ؟.

### نتيجة (١) :

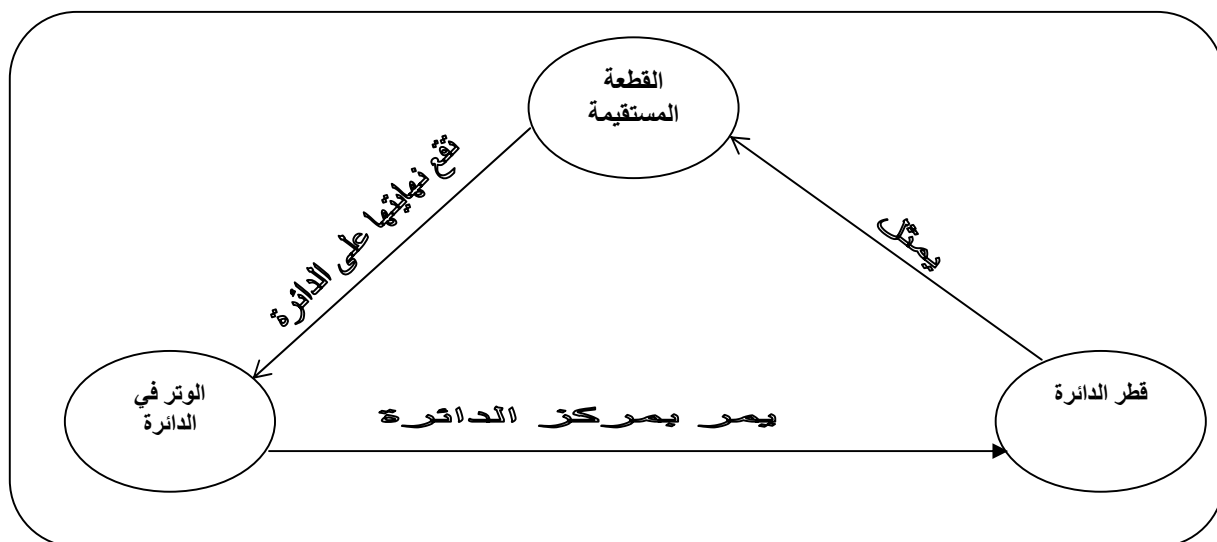
تعريف \_ كل قطعة مستقيمة تقع نهايتها على الدائرة تسمى وتر لهذه الدائرة .

### نتيجة (٢) :

تعريف \_ كل وتر في دائرة يمر بمركزها يسمى قطرا لهذه الدائرة.

### تدريب (١) : في المنظومة التالية :

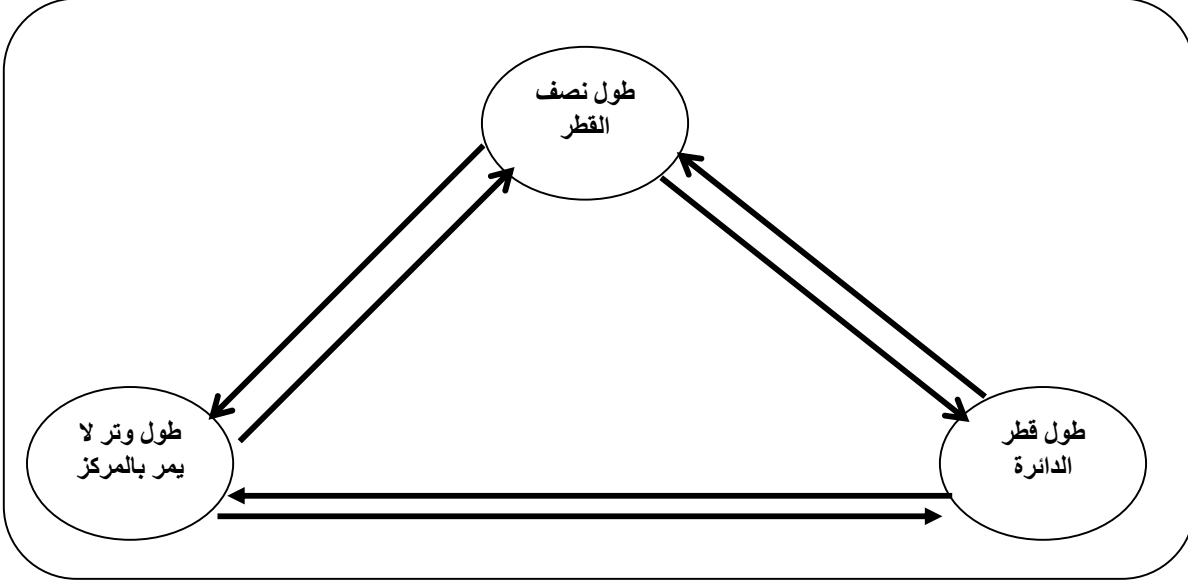
- تحقق من صحة العلاقات السابقة بأمثلة محسوسة :



- عبر عن العلاقات بين أجزاء المنظومة بصورة رمزية.
- هل تظل المنظومة السابقة صحيحة في حال عكس الأسهم المشيرة لاتجاه العلاقة .
- هل يمكن تطوير المنظومة السابقة بحيث يمكن رؤية علاقات اخرى.

## تدريب (٢) :

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد :



منظومة العلاقة بين نصف القطر والقطر والوتر في الدائرة

- في المنظومة السابقة :

- عبر عن المنظومة السابقة رمزيا .
- استخدم الرموز، ( $>$  ،  $<$  ،  $=$ ). لإكمال المنظومة السابقة.
- اضرب أمثلة تطبيقية تؤكد صحة المنظومة السابقة.
- هل يمكن تعديل ، أو إضافة أجزاء أخرى للمنظومة ، لتظهر علاقات أخرى ؟ .
- هل يمكن بناء منظومات أخرى تربط هذا الدرس بالدروس السابقة؟.

## نتيجة :

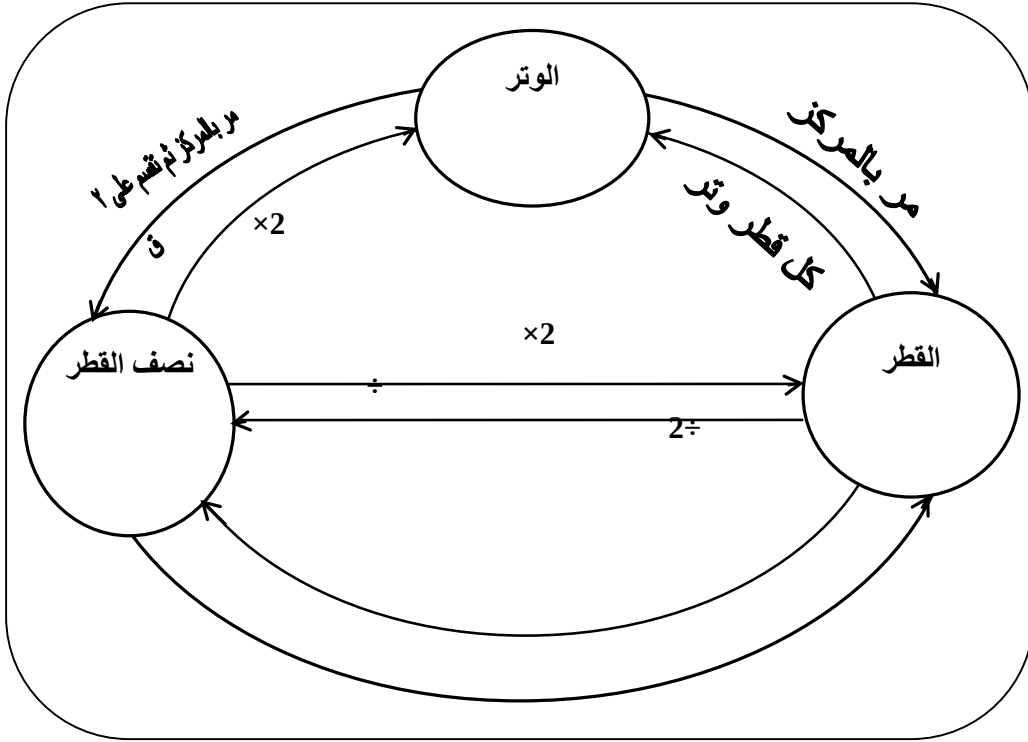
القطر أطول أوتار الدائرة.

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٠٩ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.

هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.

### تدريب (٣) :

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد :



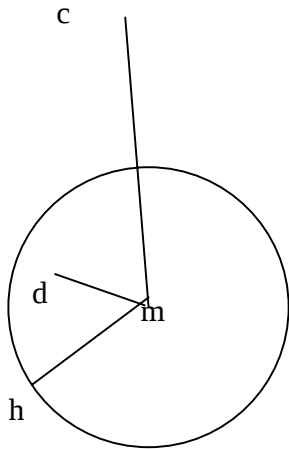
منظومة العلاقة بن القطر والوتر ونصف القطر

- في المنظومة السابقة :

- هل العلاقات بين أجزاء المنظومة صحيحة ؟.
- عبر عن العلاقات بين أجزاء المنظومة لفظياً .
- تحقق من صحة العلاقات السابقة بالقياس المباشر على الدائرة.
- فكر في علاقات أخرى للمنظومة السابقة.

### التقويم النهائي:

- هل يمكنك بناء مخططات منظومية توضح العلاقات بين القطر ونصف القطر و القطاعات الزاوية.



## داخل وخارج الدائرة

### نشاط تمهيدي:

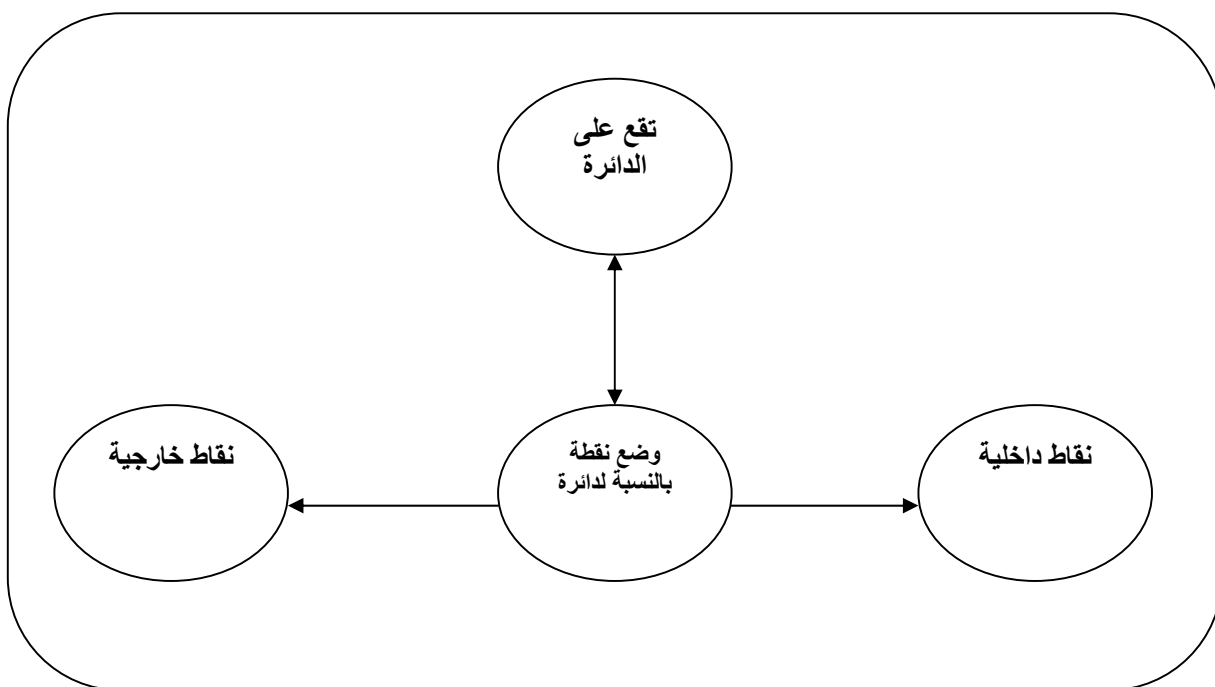
في الشكل السابق ، نلاحظ أن الدائرة  $(m,r)$  تقسم المستوى إلى الذي

يحويها إلى ثلاثة مجموعات جزئية ، الأولى مجموعة الدائرة ،

والثانية مجموعة النقاط الواقعة داخل الدائرة ، والثالثة مجموعة النقاط خارج الدائرة.

### نشاط (١) :

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد :



- في المنظومة السابقة :

- ضع الصيغ المناسبة بحيث تكون العلاقات بين أجزاء المنظومة صحيحة  $\{ < r, |mc| > r \}$

$$\{ |mh| = r, |mc| \}$$

- هل يمكن تطوير المنظومة السابقة بحيث يمكن رؤية علاقات أخرى؟

- هل يمكنك رؤية المنظومة السابقة في منظومة أكبر؟

- تأكد من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة ؟.

- تحقق من صحة العلاقات السابقة بالقياس المباشر على الدائرة.

- عبر عن العلاقات بين أجزاء المنظومة لفظياً .

### نتيجة (١) :

تعريف- تسمى النقاط الداخلية لدائرة داخل هذه الدائرة.

### نتيجة (٢) :

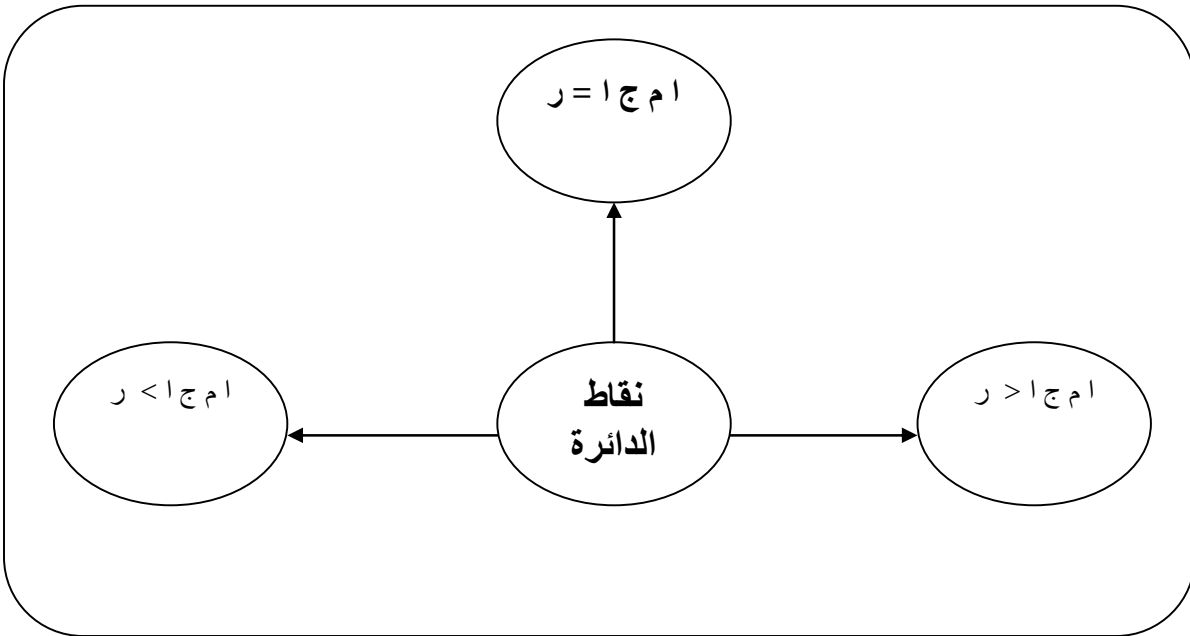
تعريف- تسمى النقاط الخارجية لدائرة خارج هذه الدائرة.

### تدريب (١) :

- عبر رمزياً عن مفهوم : داخل الدائرة و خارج الدائرة .

### تدريب (٢) :-

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد .



منظومة وضع نقطة بالنسبة لنقاط الدائرة

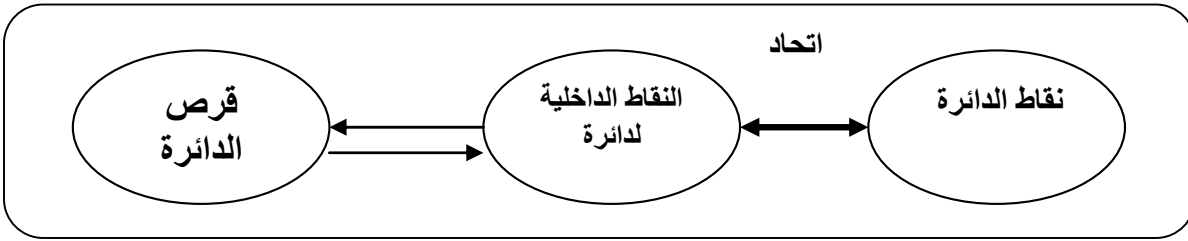
- في المنظومة السابقة :

- أكمل المنظومة، بما يناسبها من الرموز التالي:  $(=, \neq, \in)$ .

- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- حدد العلاقات بين أجزاء المنظومة لفظياً .
- فكر في علاقات أخرى تربط بين أجزاء المنظومة السابقة.

### نشاط (١) : \_

- عبر عن المنظومة التالية رمزيا :

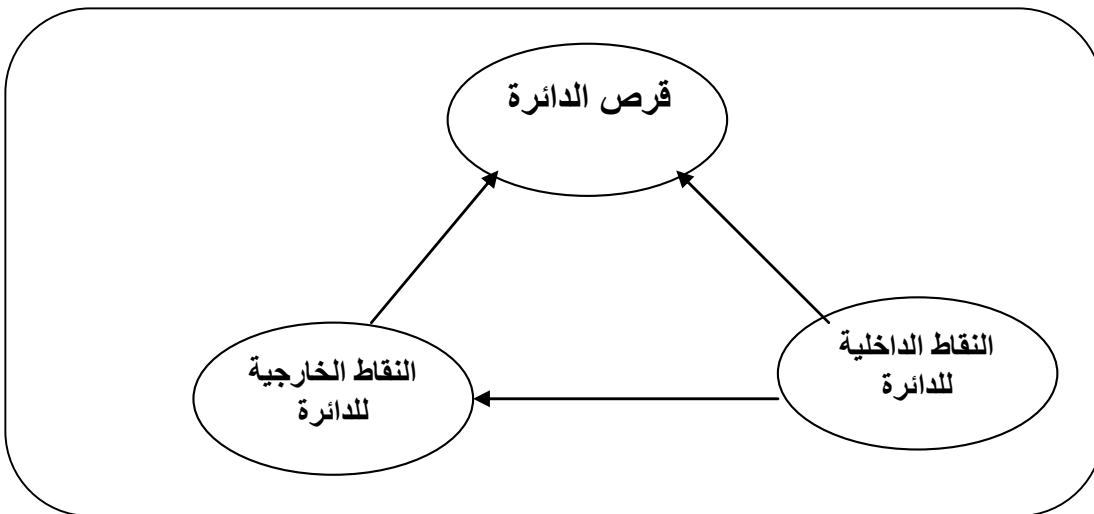


منظومة قرص الدائرة

- ماذا تستنتج؟.....
- عبر عن العلاقات بين أجزاء المنظومة لفظياً.
- هل يمكن تطوير المنظومة السابقة بحيث يمكن رؤية علاقات أخرى؟

### تدريب (٣) :-

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد .

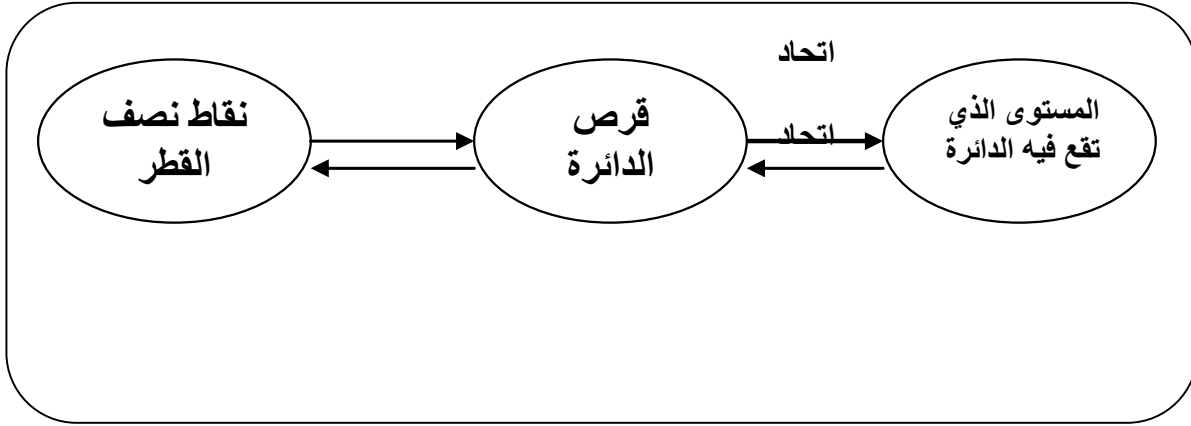


منظومة وضع نقطة بالنسبة لنقاط الدائرة

- في المنظومة السابقة :
- أكمل المنظومة السابقة، بما يناسبها من الرموز التالية (  $\cap$  ،  $\cup$  ،  $\subseteq$  ،  $\supseteq$  ،  $\neq$  ،  $\supset$  ،  $\subset$  )
- عبر عن كل علاقة بصيغة لفظية .
- هل يمكن إضافة أجزاء للمنظومة السابقة بما يساعد على أظهار علاقات أخرى، أو رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة أكبر .

### تدريب (٤): -

- تأمل المنظومة التالية بشكل جيد .



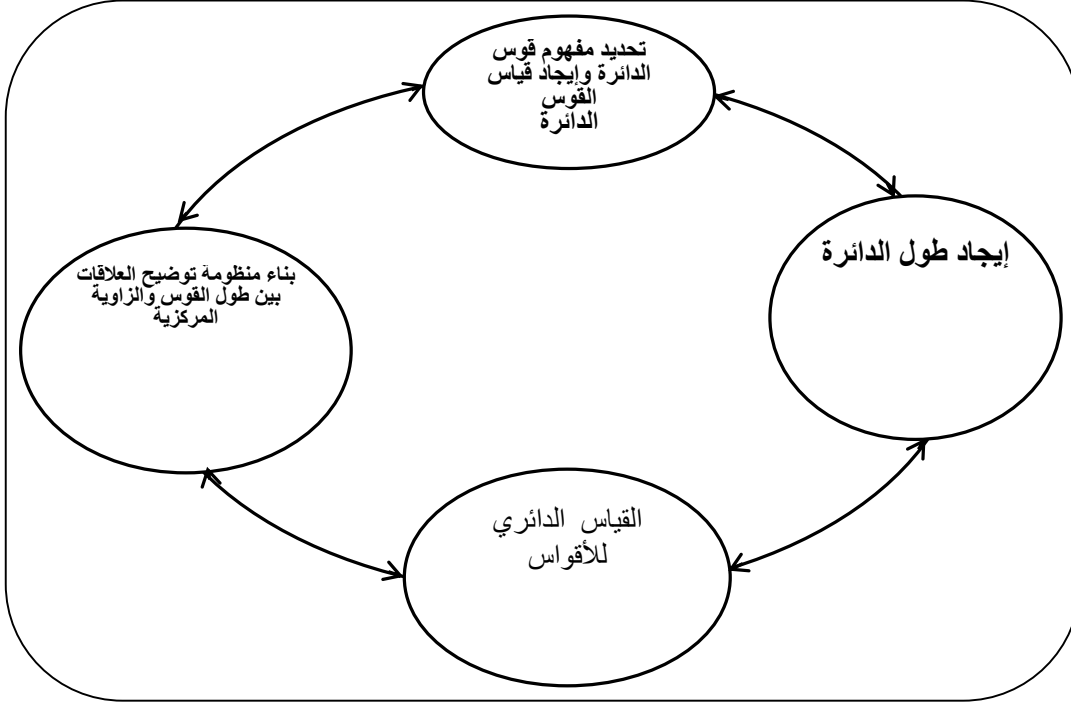
منظومة علاقة نقاط الدائرة بالمستوى ونصف القطر

- في المنظومة السابقة :
- أكمل المنظومة بما يناسبها من الرموز التالية: (  $\cap$  ،  $\cup$  ،  $\subseteq$  ،  $\supseteq$  ،  $\neq$  ،  $\supset$  ،  $\subset$  ) .
- عبر عن العلاقات السابقة لفظيا .
- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز .
- مما سبق :
- هل يمكن بناء منظومات أخرى ، للربط بين المفاهيم في هذا الدرس .
- هل يمكن بناء منظومات أخرى ، للربط بين المفاهيم هذا الدرس ومفاهيم الدروس الأخرى .

## أقواس الدائرة.

### منظومة الأهداف:

من المتوقع بعد نهاية هذه الدروس أن يكون الطالب قادراً على :



### • الوسائل:

١- جهاز العرض فوق الرأسي.

٢- بعض الشفافيات.

### نشاط تمهيدي :

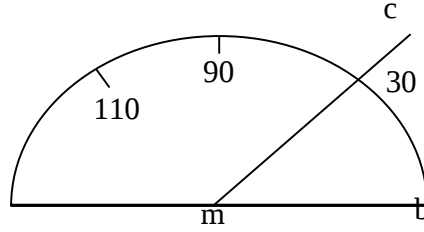
يناقش المعلم طلابه في مفهوم داخل وخارج الدائرة لتحفيزهم لوضع تعريف مقترح للزاوية المركزية والقوس ، ثم يكتب المعلم النتائج الآتية على السبورة ويطلب من الطلاب التناقش سوياً في النتائج الآتية ومدى علاقتها بالأشكال الموضحة أمامهم.

### تعريف :

قوس الدائرة  $bdc$  عبارة عن تقاطع الدائرة  $D$  مع القطاع الزاوي  $bmc$  .

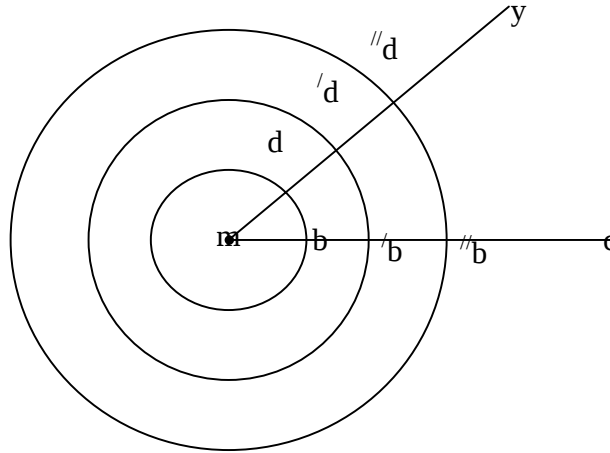
### نتيجة (١):

قياس كل قوس من دائرة (بالدرجات) يساوى قياس الزاوية المركزية (في هذه الدائرة) التي تقابل هذا القوس والعكس صحيح.



### نتيجة (٢):

إذا رسمنا دوائر متعددة ذوات مركز مشترك  $m$  فإن الزاوية المركزية  $mcy$  ، تقابل في هذه الدوائر الأقواس  $bd$  ،  $\widehat{bd'}$  ،  $\widehat{bd''}$  ، .....

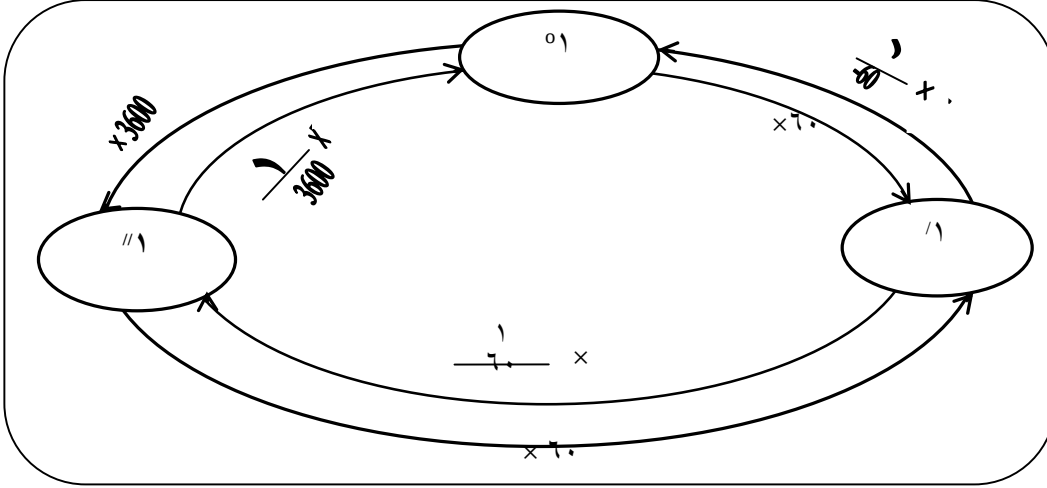


### • هل استنتجت أن :

قياسات هذه الأقواس بالدرجة متساوية ، رغم أن أطوالها (مقدرة بوحدات الأطوال) غير متساوية كما هو واضح في الشكل.

## نشاط (٢) :

- تأمل المنظومة التالية والتي تربط بين الدرجة والدقيقة والثانية.

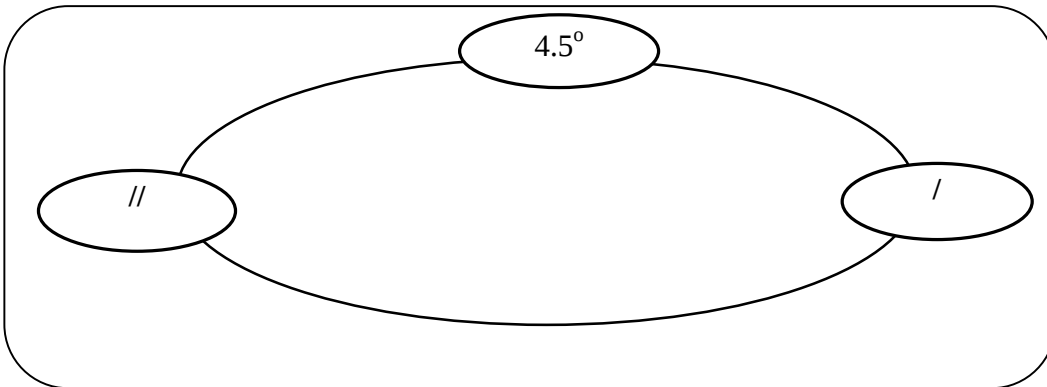


- في المنظومة السابقة :

- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة لفظياً .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة في منظومة اكبر .

## تدريب (١) :

- في ضوء العلاقات في المنظومة السابقة أكمل المنظومة التالية .



## تدريب (٢) :

- من المنظومة السابقة أكمل :  $1^\circ = \dots$  ثانية،  $25' = \dots$  ثانية،  $3600'' = \dots$  درجة.

## طول الدائرة

### نشاط تمهيدي:

١- يعرض المعلم دوائر مختلفة ويطلب من الطلاب لف خيط على الدائرة المرسومة، ثم فرده وإيجاد طوله .

٢- يطلب المعلم من الطلاب إيجاد طول القطر في كل دائرة .

٣- يطلب المعلم من الطلاب قسمة طول الدائرة على طول القطر .

### نتيجة (١) :

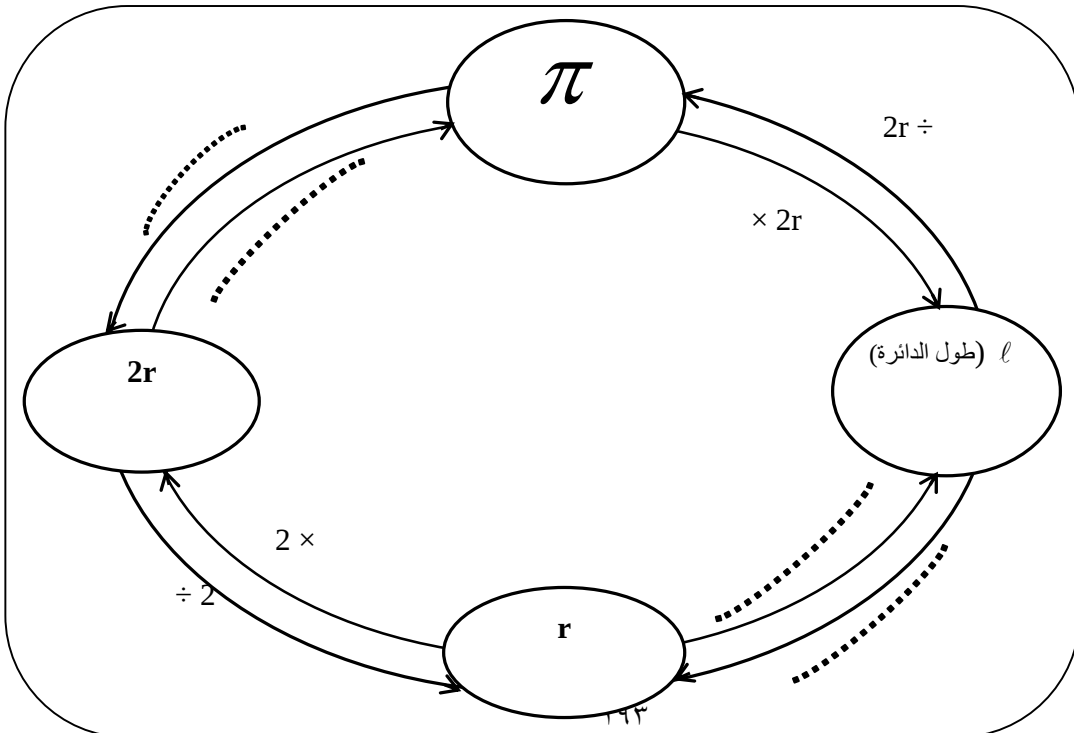
تعريف : - محيط الدائرة ، هو طول الدائرة ويساوي طول خيط لف على الدائرة.

### نتيجة (٢) :

تعريف : - حاصل قسمة طول الدائرة على طول القطر نسبة ثابتة تسمى  $\pi$  ، وتساوي  $3.14 = \frac{22}{7}$  تقريبا.

### نشاط (١) :

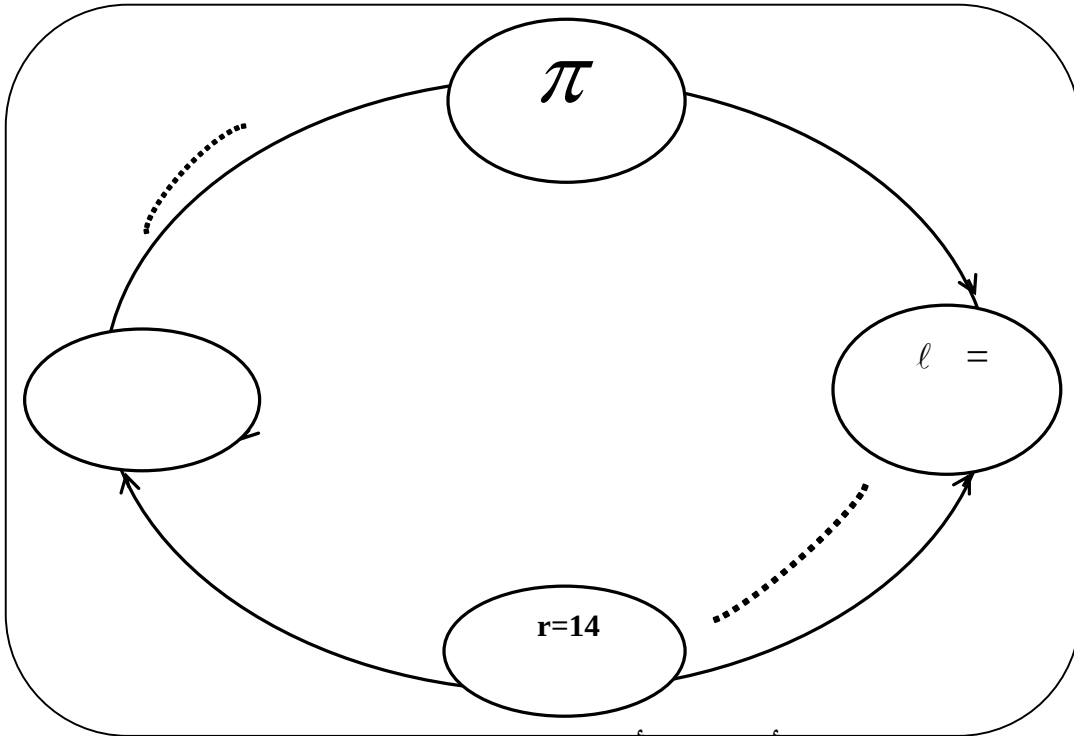
يعرض المعلم على الطلاب شفافية لمنظومة ، توضح العلاقة بين طول الدائرة ( $\ell$ ) ، ونصف قطرها ( $r$ ) ، والنسبة التقريبية ( $\pi$ ) .



- في المنظومة السابقة :
- أكمل كتابة شروط العلاقات.
- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة لفظيا ورمزياً.
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة السابقة ؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر .

### تدريب ( ١ ) :

- في ضوء واقع العلاقات في المنظومة السابقة أكمل المنظومة التالية .



- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة في النشاط رقم ( ١ ) ؟.

**نتيجة :** مساحة الدائرة تساوي  $\pi r^2$  .

**تدريب (١)** هل يمكنك بناء منظومة لتوضيح مساحة الدائرة ، والشكل الرباعي الدائري.

## القياس الدائري للأقواس والزوايا.

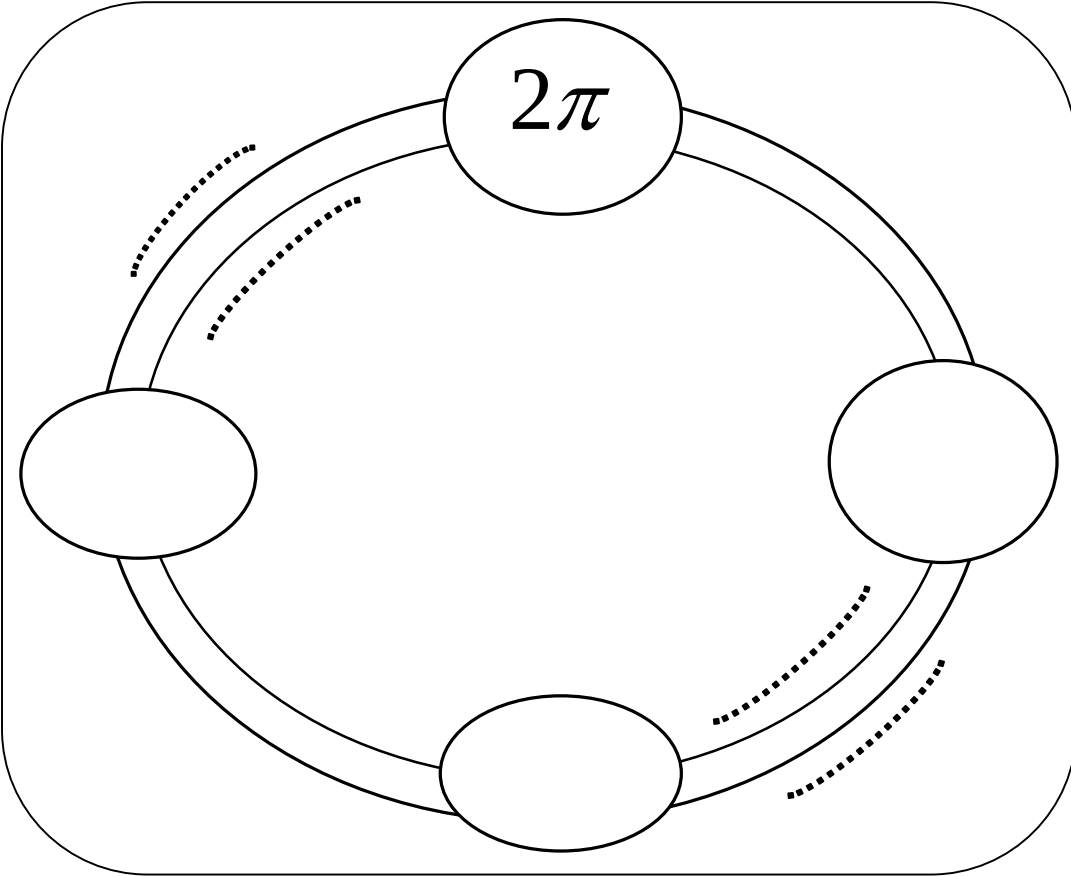
### تمهيد (١) :

إذا اتخذنا على كل دائرة نصف قطرها وحدة للقياس ، فاننا نلاحظ أن كل دائرة تحوي  $2\pi$  من هذه

الوحدة ، تسمى هذه الوحدة راديان ، ونجد أن :  $1$  (راديان) =  $\frac{360}{2\pi}$

### تدريب (١) :-

ارسم منظومة توضح العلاقات بين أجزاء العلاقة السابقة :  $1$  راديان =  $\frac{360}{2\pi}$



## طول قوس من دائرة:

### تمهيد (١):

مما سبق دراسته يتضح أن طول قوس قياسه  $1^\circ = \frac{2\pi r}{360^\circ}$  ، وبالتالي نجد أن طول قوس قياسه  $h$  ، هو  $\left(\frac{2\pi rh}{360^\circ}\right)$

### تدريب (١)

ارسم منظومة توضح العلاقتين السابقتين.

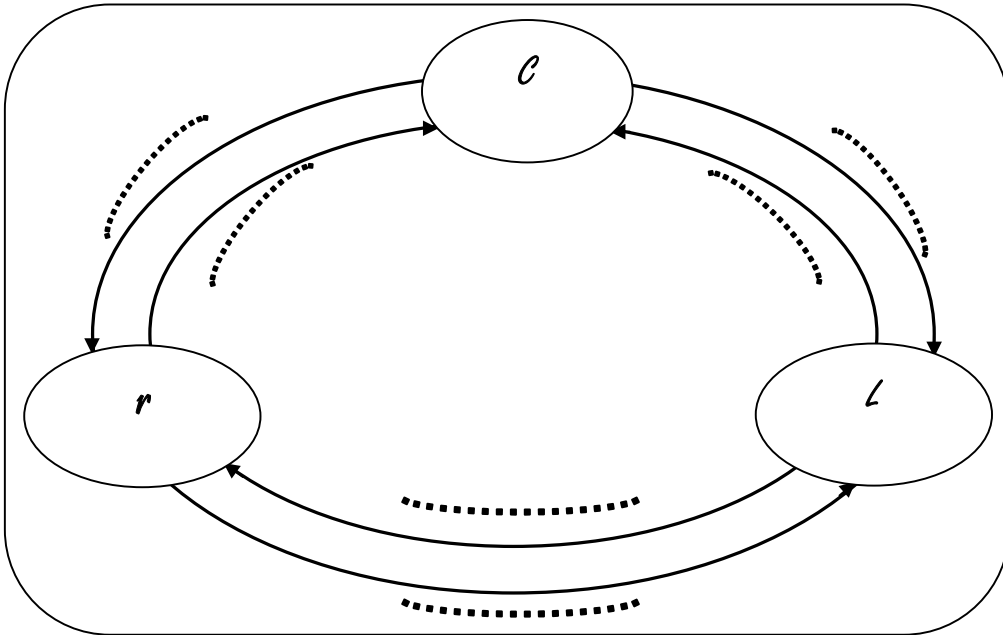
### تدريب (٢)

من خلال المنظومة السابقة ، إذا كان طول نصف قطر دائرة  $5CM$  ، فاحسب طول القوس الذي قياسه بالدرجات  $135^\circ$ .

### نشاط (١)

درست العلاقة المنظومية بين القياس الدائري للزاوية المركزية، ونصف قطر الدائرة، وطول القوس المقابل لهذه الزاوية.

• أكمل المنظومة التالية :  $c = \frac{\ell}{r}$

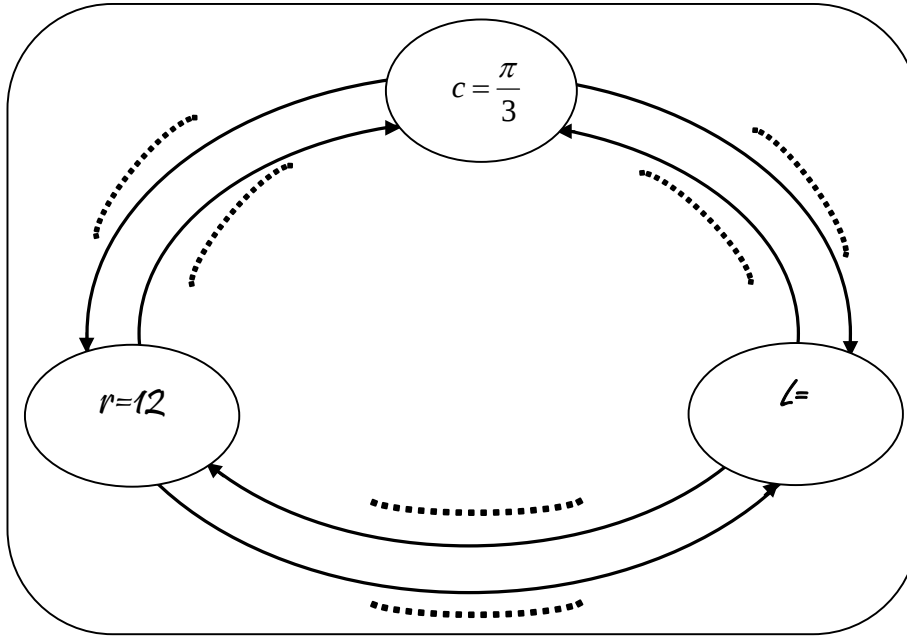


• في المنظومة السابقة :

- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة لفظياً .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟ .

### تدريب (٣) :

• في ضوء واقع العلاقات في المنظومة السابقة أكمل المنظومة التالية .



- هل يمكنك إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة في النشاط رقم ( ١ ) ؟.

### تدريب (٤) :

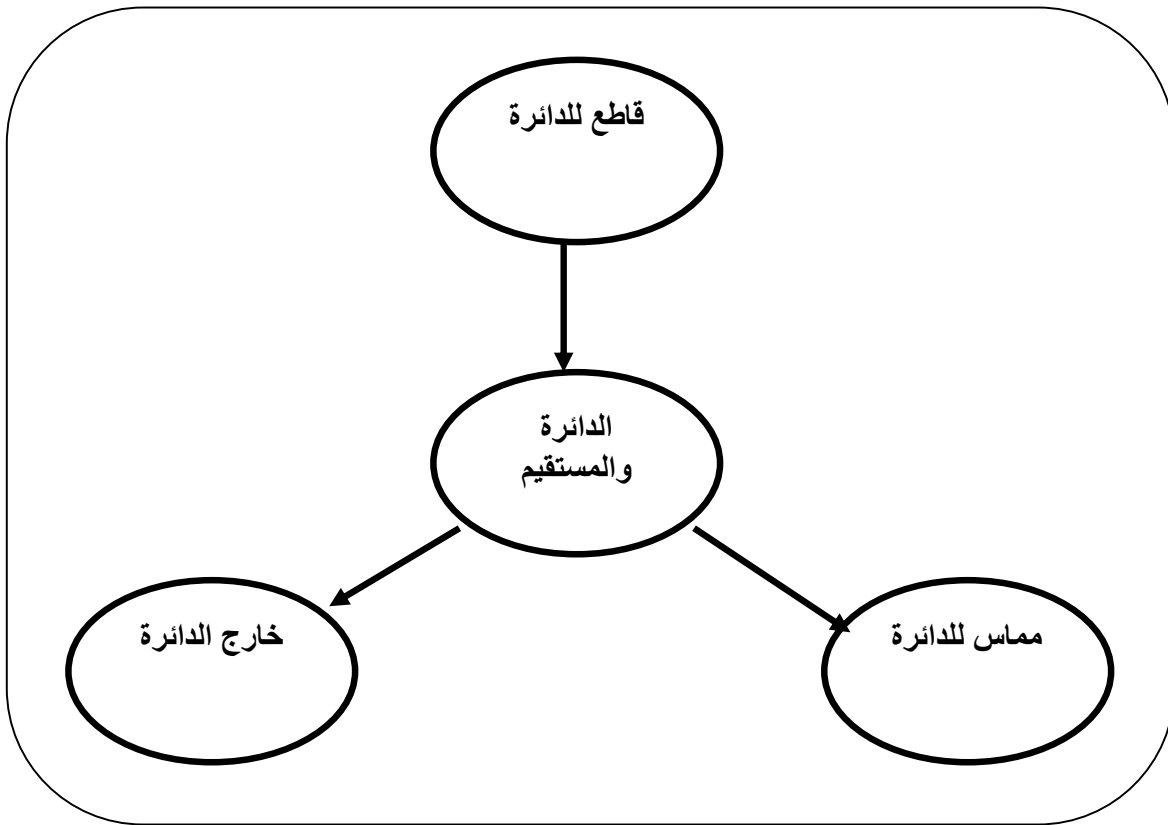
ارسم علاقة منظومية بين : القطر ( $2r$ ) ، والزاوية (  $C$  ) ، وطول القوس .

## المستقيم والدائرة .

### نشاط (1)

نفرض أن  $AB$  مستقيما ،  $D$  دائرة مركزها  $M$  ، ونصف قطرها  $R$  ، العمود النازل من  $M$  على  $AB$  ،  $C$  تنتمي  $AB$  :

- ارسم العلاقة الهندسية السابقة .
- إكمال المنظومة التالية ، بوضع الشروط المناسبة.



- عبر عن كل علاقة رمزيا .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر.

## تدريب (١) .

هل يمكن وضع تصور لمنظومة تربط بين : طول نصف القطر في دائرة ، والأوضاع المختلفة للمستقيمات.

## نظرية :

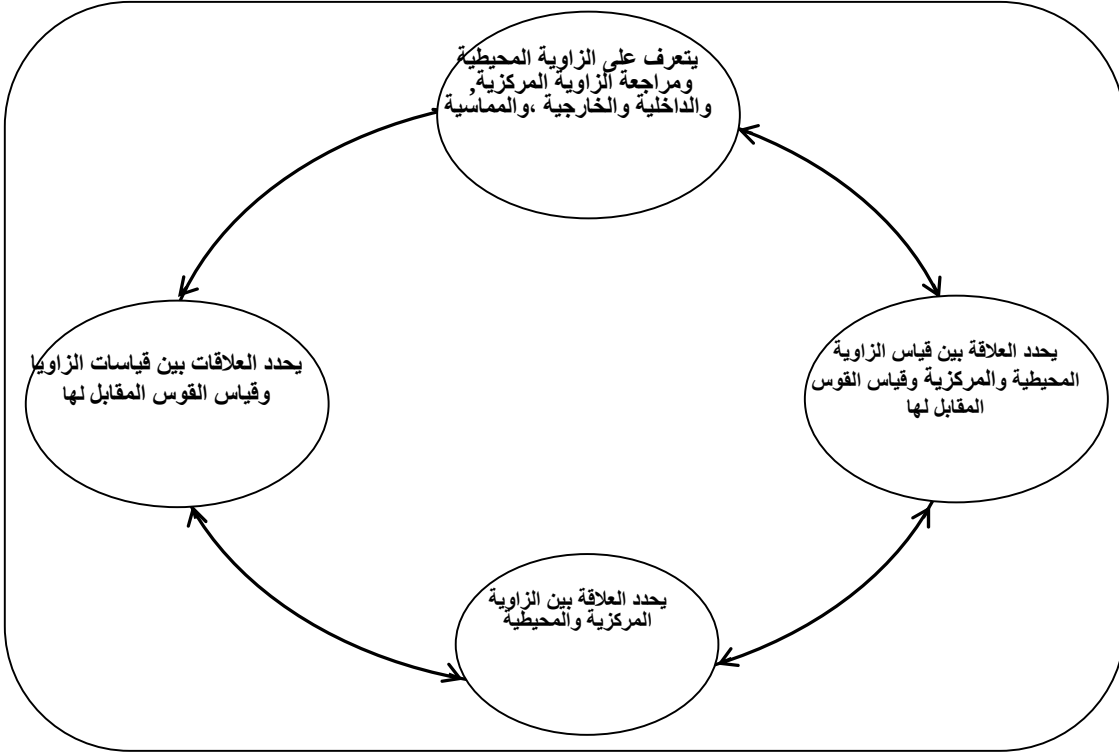
إذا انتمت إلى مستقيم نقطة من النقاط الداخلية لدائرة فان هذا المستقيم يتقاطع مع الدائرة بنقطتين .

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١١٥ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.

## الزوايا في الدائرة

### منظومة الأهداف:

من المتوقع بعد نهاية الدرس أن يكون الطالب قادرا على أن .



منظومة أهداف الدرس

### الوسائل:

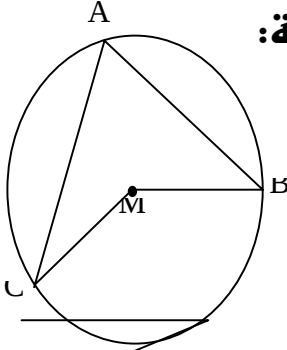
١. جهاز العرض فوق الراسي

٢. بعض الشفافيات.

### نشاط تمهيدي :

- يناقش المعلم الطلاب في المنظومة الخاصة بالعلاقة بين القياس الدائري للزاوية المركزية، ونصف قطر الدائرة، وطول القوس المقابل لهذه الزاوية.

## الزاوية المحيطية ، والزاوية المركزية:



### تمهيد ( ١ ) :

– تأمل الشكل السابق ، ثم حدد الفرق بين الزاوية  $CAB$  ، والزاوية  $CMB$  ، من حيث موقع الرأس ، والقوس الذي تحده ، وضاعا الزاوية.

### نتيجة ( ١ ) :

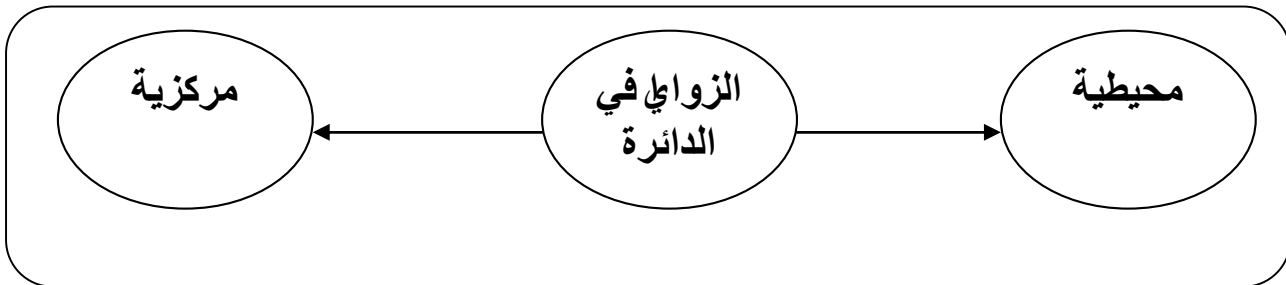
تعريف: إذا وقع رأس زاوية على دائرة ، وقطع ضلعاها هذه الدائرة سميت زاوية محيطية،  
(  $\angle CAB$  الزاوية الظاهرة في الشكل المقابل زاوية محيطية.)

تعريف: إذا وقع رأس زاوية في مركز دائرة ، سميت زاوية مركزية، (  $\angle CMB$  الزاوية الظاهرة في الشكل المقابل زاوية مركزية)

تعريف: إذا وقع رأس زاوية على دائرة ، وإحدى ضلعاها وتر والأخر مماس للدائرة سميت زاوية مماسية، (  $\angle rty$  الزاوية الظاهرة في الشكل المقابل زاوية مماسية.)

### تدريب ( ١ ) :

• في ضوء النتائج السابقة ، أكمل المنظومة التالية بما يناسبها من شروط.



### ▪ في المنظومة السابقة :

- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- عبر عن العلاقات السابقة لفظيا.
- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز.
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

### نتيجة (٣) :

نظرية : قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المقابل لها مقدرا بالدرجات.

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١١٩.
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.

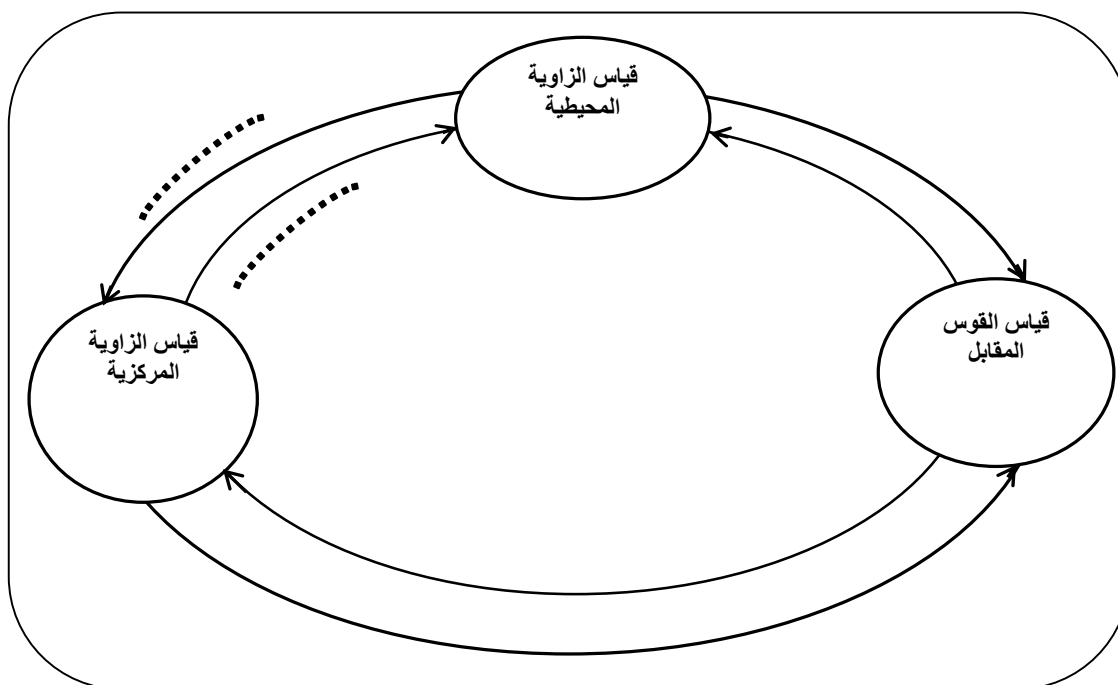
### نتيجة (٤) :

نظرية : قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المقابل لها مقدرا بالدرجات .

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١١٩.
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.

## تدريب (٢) :-

- أكمل المنظومة التالية ، وفقاً للاستنتاج الذي توصلت إليه سابقاً.

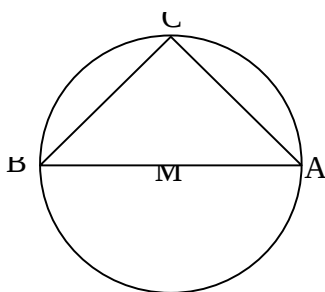


- في ضوء المنظومة السابقة :

- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز.
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة أكبر؟

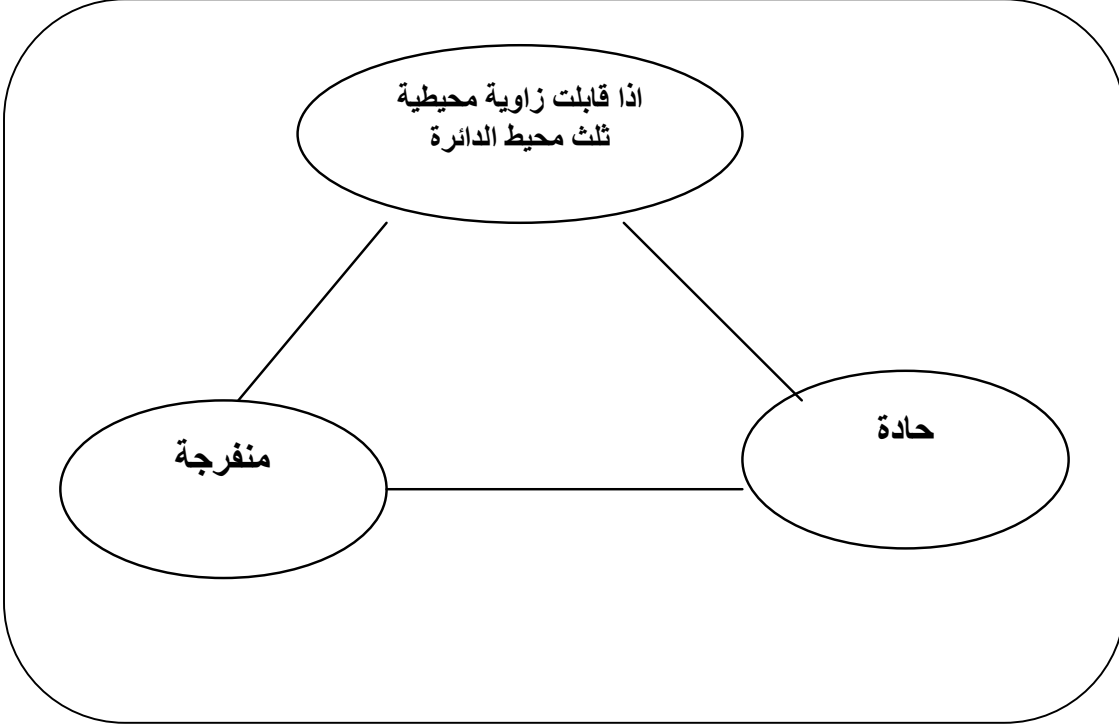
## نتيجة (٥) :

إذا قابلت زاوية محيطية نصف محيط الدائرة فهي زاوية قائمة.



### تدريب ( ٣ ) :

في ضوء النتيجة السابقة ، أكمل المنظومة التالية ، بوضع الرمز المناسب ، واتجاه السهم مما يلي ( > ، < ، = ، ≥ ، ≤ ، ≠ ) ، لتصحيح العلاقات صحيحة :



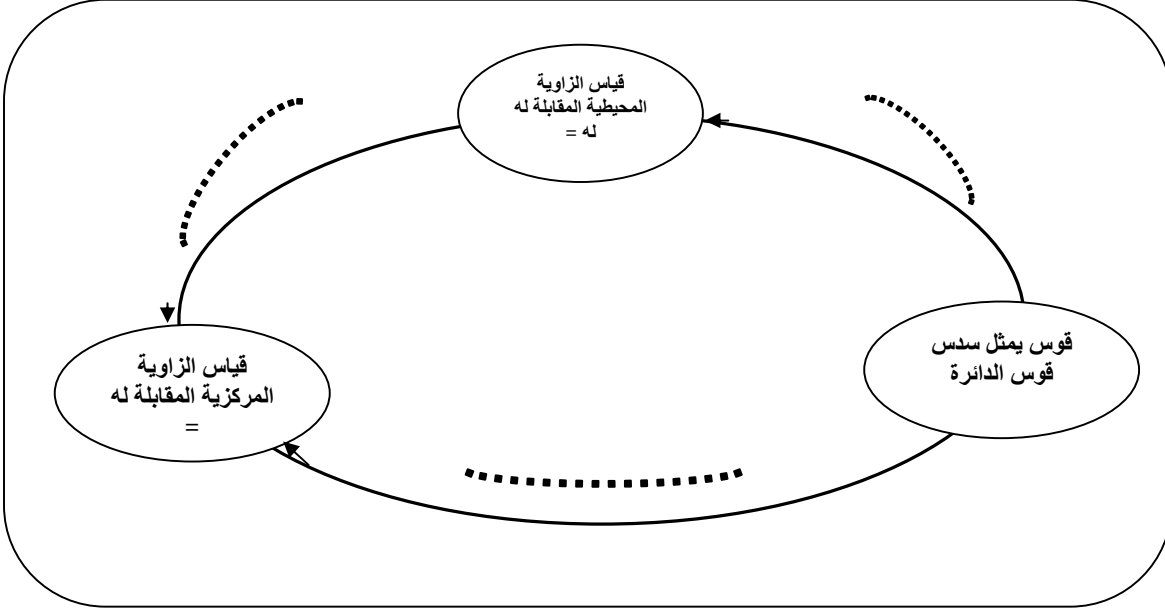
- هل يمكنك رؤية علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة ؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة أكبر؟
- 

### نتيجة (٣) :

إذا قابلت زوايا محيطية في دائرة قوساً واحداً أو أقواساً لها قياس واحد فإن هذه الزوايا متساوية والعكس صحيح.

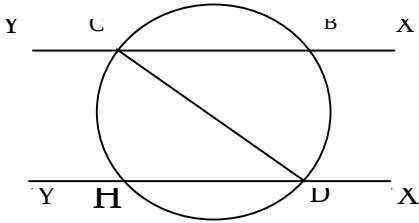
## تدريب (٤)

أكمل المنظومة التالية ، بصورة تجعل المنظومة صحيحة .



## نتيجة (٣) :-

إذا قطع مستقيمان متوازيان دائرة فإنهما يحصران ، من هذه الدائرة ، قوسين لهما القياس ذاته.

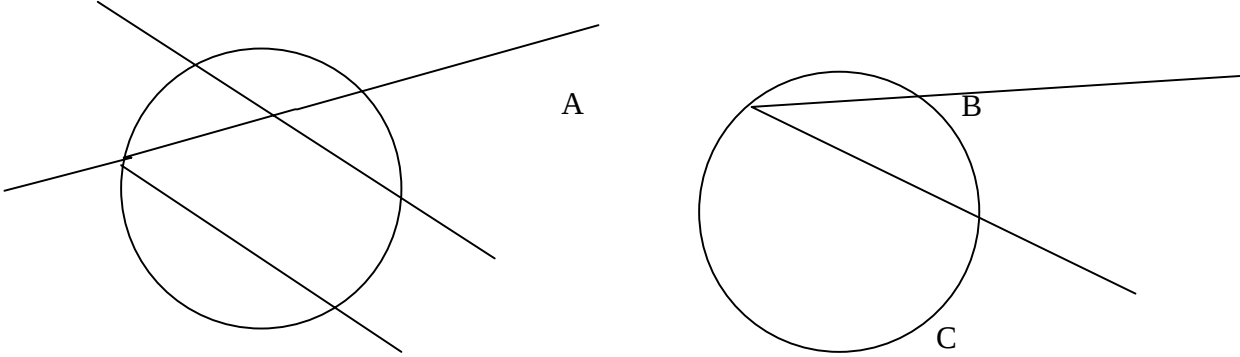


- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٢١.
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.

## الزاوية الداخلية والزاوية الخارجية

تمهيد (1) :

تأمل الشكلين التاليين :



• قارن بين الزاويتين  $A1$  ،  $A2$  من حيث : الموقع ، القياس ، طول القوس المقابل.

• ماذا تلاحظ ؟.

نتيجة (1) :

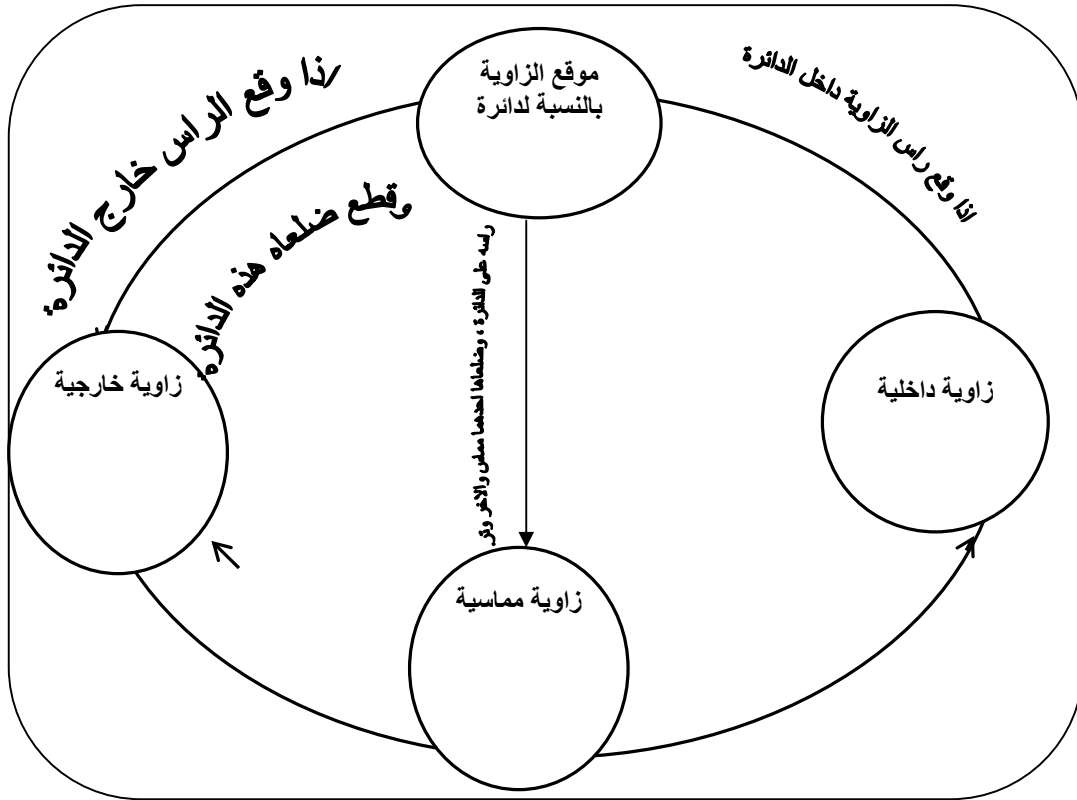
— إذا وقع رأس زاوية داخل دائرة قلنا أن هذه الزاوية زاوية داخلية.

نتيجة (2) :

— إذا وقع رأس زاوية خارج دائرة وقطع ضلعاها هذه الدائرة قلنا أن هذه الزاوية زاوية خارجية.

## نشاط (١) :

– تأكد من صحة العلاقات على المنظومة التالية ، ثم عبر عن ذلك رمزيا.

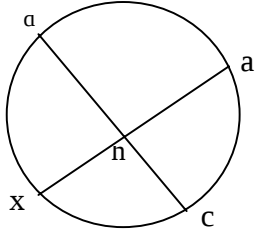


## ■ من المنظومة السابقة :

- تحقق من صحة العلاقات بين أجزاء المنظومة .
- عبر عن العلاقات السابقة لفظيا .
- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟ .
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

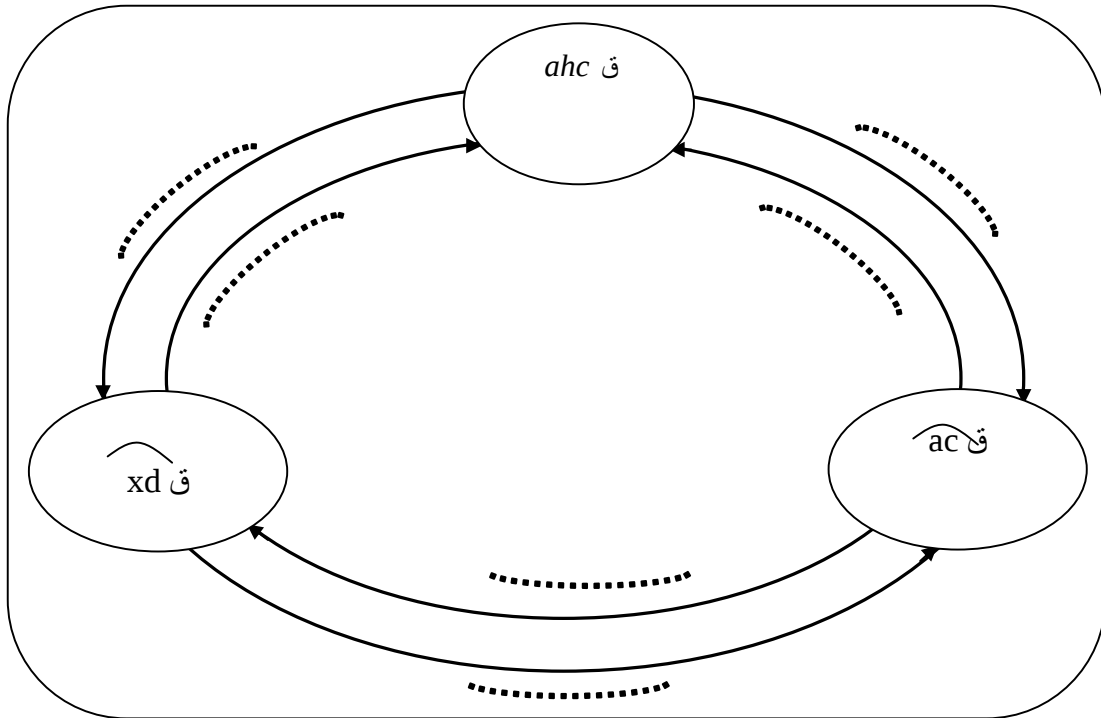
## نشاط (١) :

انظر الشكل المقابل والعلاقة المقابلة ، وفي ضوء خبراتك السابقة أكمل المنظومة.



$$\widehat{xd} + \widehat{ac} = \frac{1}{2} a\widehat{hc} \quad \text{ق}$$

$$\widehat{xc} + \widehat{ad} = \frac{1}{2} a\widehat{hd} \quad \text{ق}$$



● من المنظومة السابقة :-

- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة لفظياً .
- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.

- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

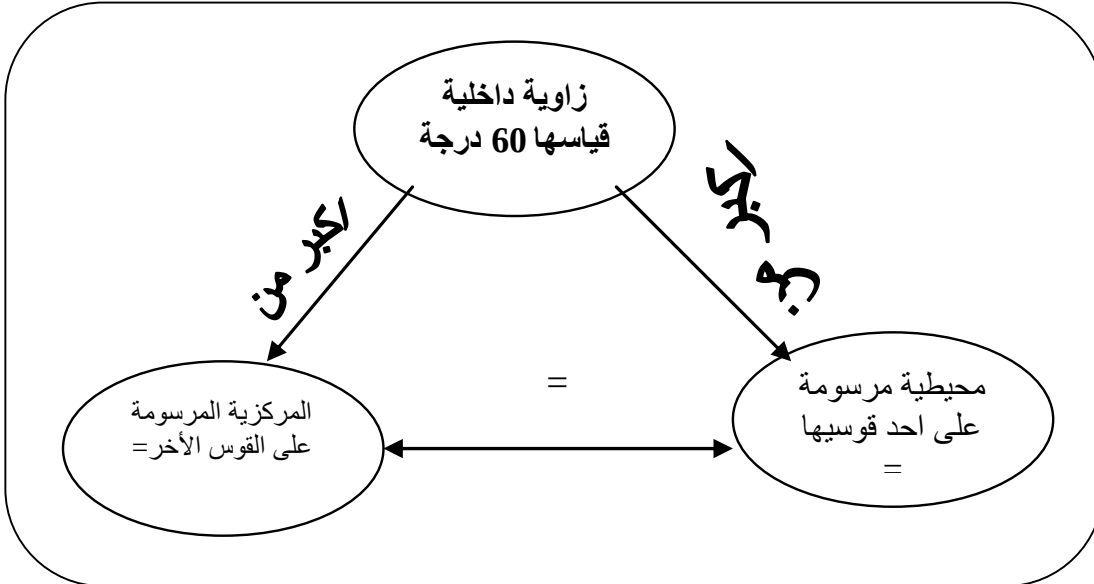
### نتيجة (١):

قياس زاوية داخلية يساوى نصف مجموع قياسي القوس الواقع بين ضلعيها والقوس الواقع بين ضلعي الزاوية المقابلة لها بالرأس .

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٢٢ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى لبرهنة النظرية.
- ما هي مقترحاتكم لتطوير البرهان السابق.

### تدريب (١)

في ضوء دراستك للمنظومة السابقة ، والعلاقات بين أجزاء المنظومة ، أكمل المنظومة الحالية من الخيارات التالية: (  $30^\circ$  ,  $40^\circ$  ,  $50^\circ$  ,  $60^\circ$  )



- عبر عن العلاقات السابقة بالرموز.

- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.

- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

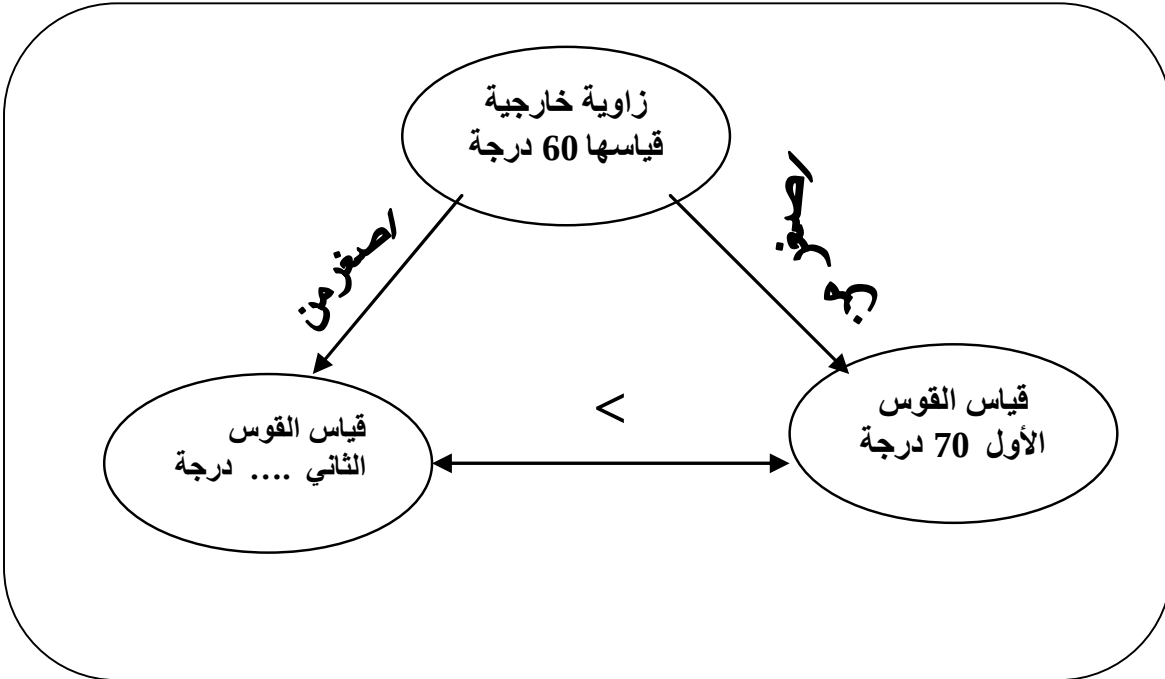
### نتيجة (٢) :-

قياس زاوية خارجية يساوى نصف الفرق بين قياسي القوس الواقعين بين ضلعيها .

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٢٣ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان السابق.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى للبرهان السابق.
- ما هي مقترحاتكم لتطوير البرهان السابق.

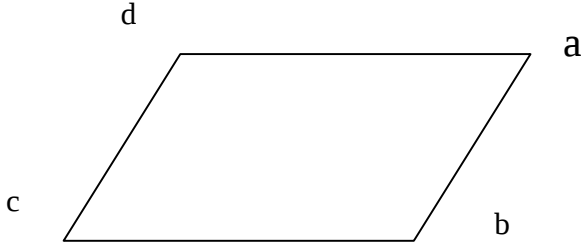
### تدريب (٢)

في ضوء دراستك السابقة أكمل المنظومة الحالية من الخيارات التالية : (  $25^\circ, 30^\circ$  ,  $35^\circ, 40^\circ$  )



- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

## الشكل الرباعي الدائري.



**تمهيد (١) :**

في الشكل الرباعي السابق abcd ، اوجد قياس جميع الزوايا .

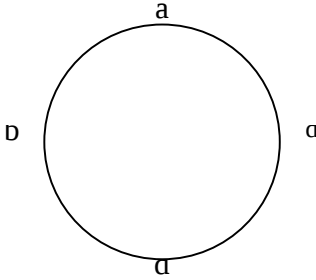
قياس  $\angle a = \dots\dots\dots$  ، قياس  $\angle b = \dots\dots\dots$  ، قياس  $\angle c = \dots\dots\dots$  ، قياس  $\angle d = \dots\dots\dots$

**تمهيد (٢) :**

ارسم شكل مربع abcd ، طول ضلعه 4cm .

**نشاط (١) :**

في الدائرة m ، ارسم الشكل الرباعي الدائري abcd.



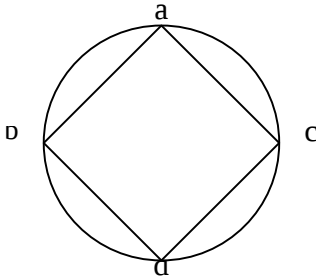
• ماذا تستنتج ؟؟؟

**نتيجة (١) :-**

إذا وقعت رؤوس شكل رباعي على دائرةسمى شكلاً رباعياً دائرياً

**نشاط (٢) :**

أوجد قياس جميع الزوايا في الشكل الرباعي الدائري التالي ، ثم اوجد



$$\angle A + \angle c = \dots\dots\dots^\circ$$

$$\angle d + \angle b = \dots\dots\dots^\circ$$

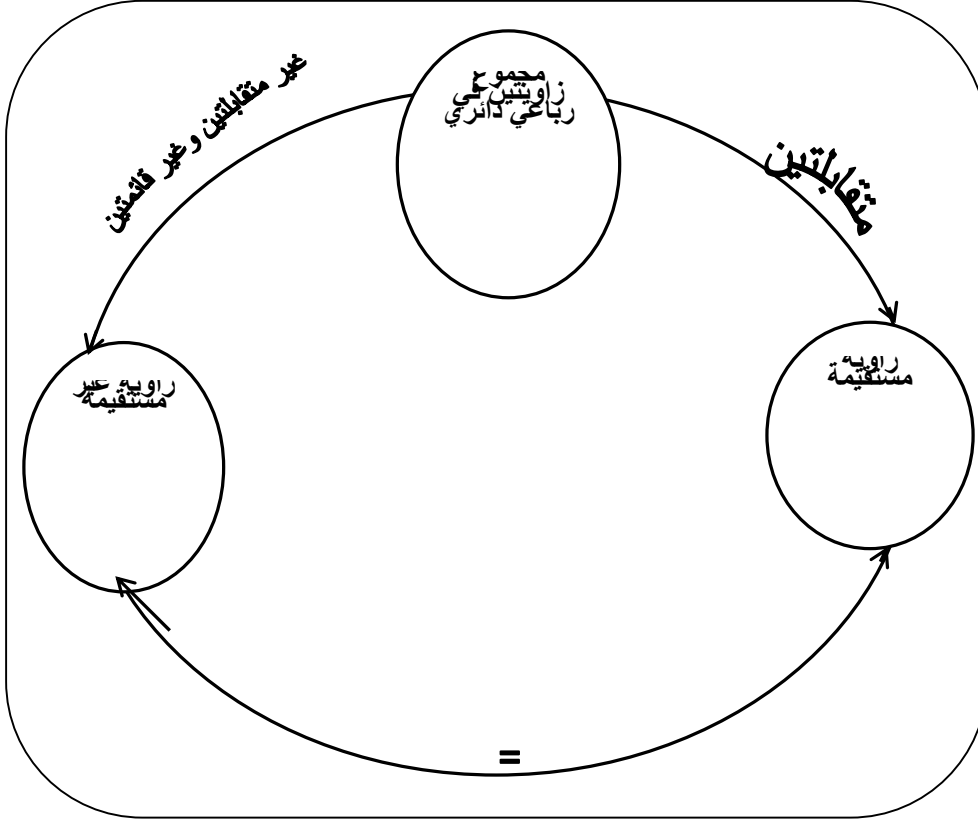
• ماذا تستنتج ؟؟؟

**نتيجة (٢) :**

— كل زاويتين متقابلتين في الشكل الرباعي الدائري متكاملتان.

### نشاط (٣) :

مما سبق يمكن استنتاج المنظومة التالية :



• في المنظومة السابقة :

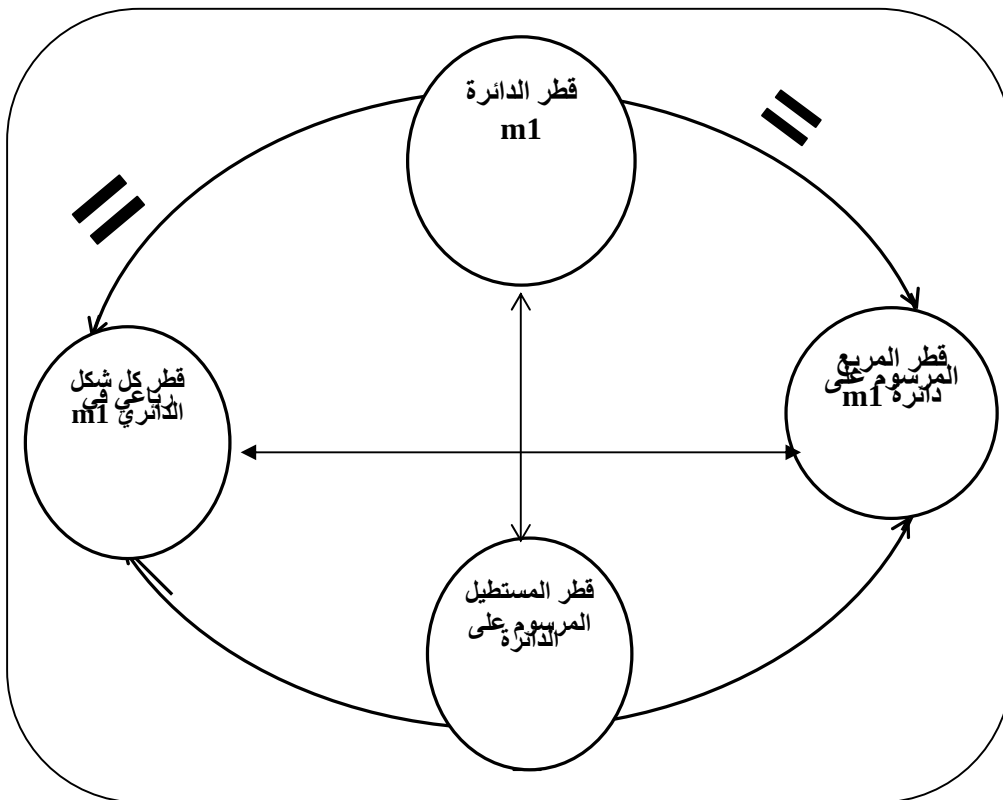
- عبر عن العلاقات السابقة بالرمز.
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- ما هي الحالة الخاصة التي تكون فيها المنظومة السابقة غير صحيحة ؟
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟

### تدريب (١) :

أضف منظومات أخرى تربط الشكل الرباعي الدائري بخبراتك الهندسية السابقة .

## نشاط ( ٤ ) :

كما يمكن استنتاج المنظومة التالية للربط بين الدرس السابق (قطر الدائرة ) ، والدرس الحالي ( الشكل الرباعي الدائري).



### • في المنظومة السابقة :

- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة رمزياً .
- هل يمكن إضافة علاقات أخرى بين أجزاء المنظومة؟.
- هل يمكن رؤية المنظومة السابقة كجزء من منظومة اكبر؟
- ما هو الشكل الرباعي الذي لا يحقق العلاقة السابقة.
- هل يمكن أن تبني منظومة للعلاقة بين نصف القطر الدائرة والمثلث القائم الزاوية في دائرة والمربع الواقع رؤوسه على الدائرة؟.

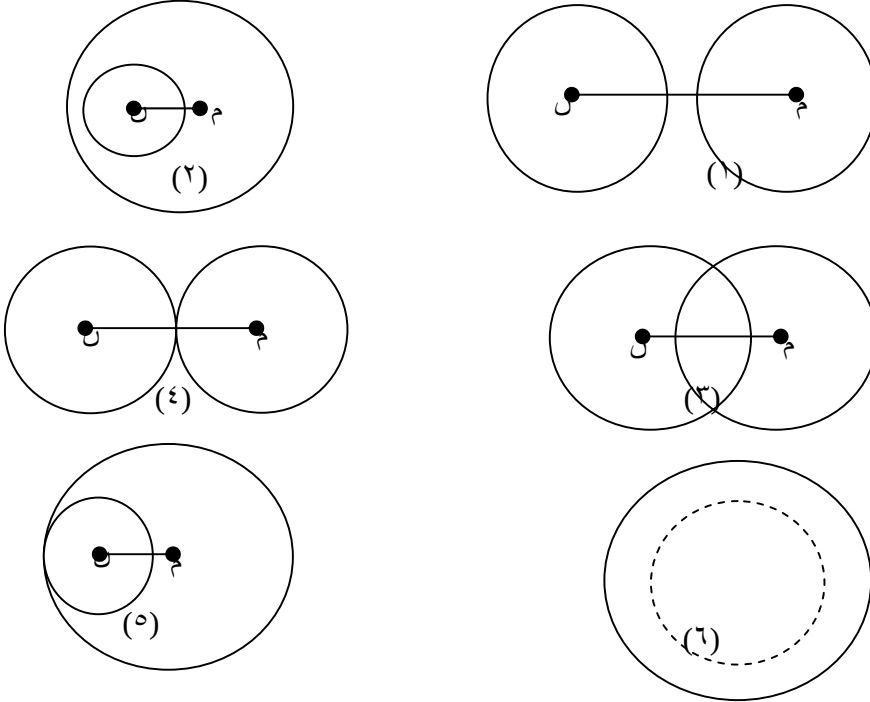
## تدريب (٢) :

عبر جبرياً عن العلاقة بين سطح الرباعي الدائري وقرص الدائرة.

## وضع دائرة بالنسبة لدائرة أخرى.

### نشاط تمهيدي : \_

يعرض المعلم بواسطة جهاز العرض الراسي الأوضاع التالية لدائرتين :



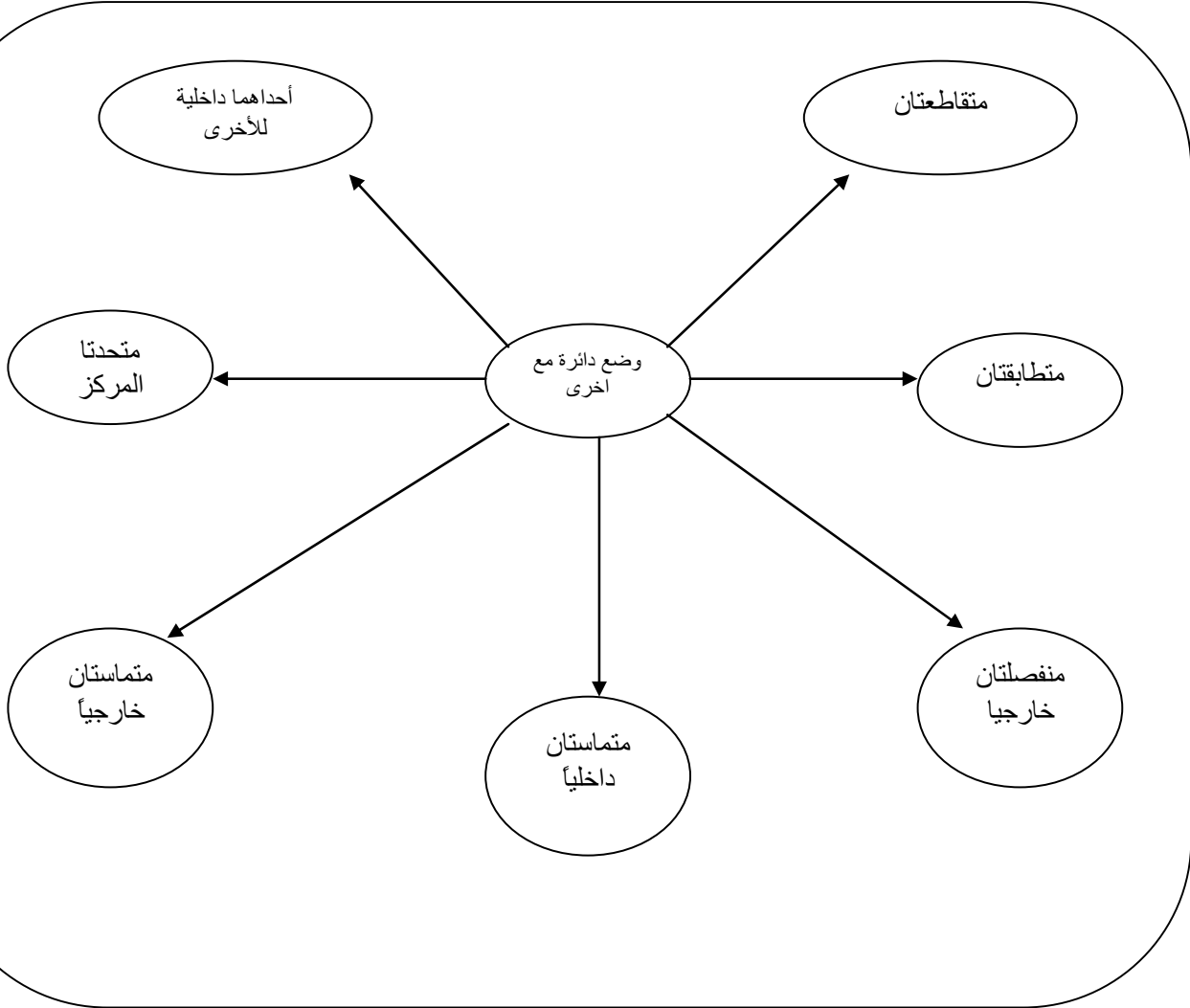
- هل هنالك أوضاع أخرى لدائرتين في مستوى واحد.
- هل يمكنك الوصول إلى وضع آخر ؟ .

### نشاط ( ١ ) :

- درست الأوضاع المختلفة للعلاقة بين أي دائرتين ، عبر جبرياً عن الأوضاع السابقة .
- فكر في العلاقة بين أنصاف الأقطار في الأوضاع السابقة.

### نشاط (٣) :

ضع الشروط المناسبة على المنظومة التالية لكل من أوضاع دائرتين . :



في المنظومة السابقة :

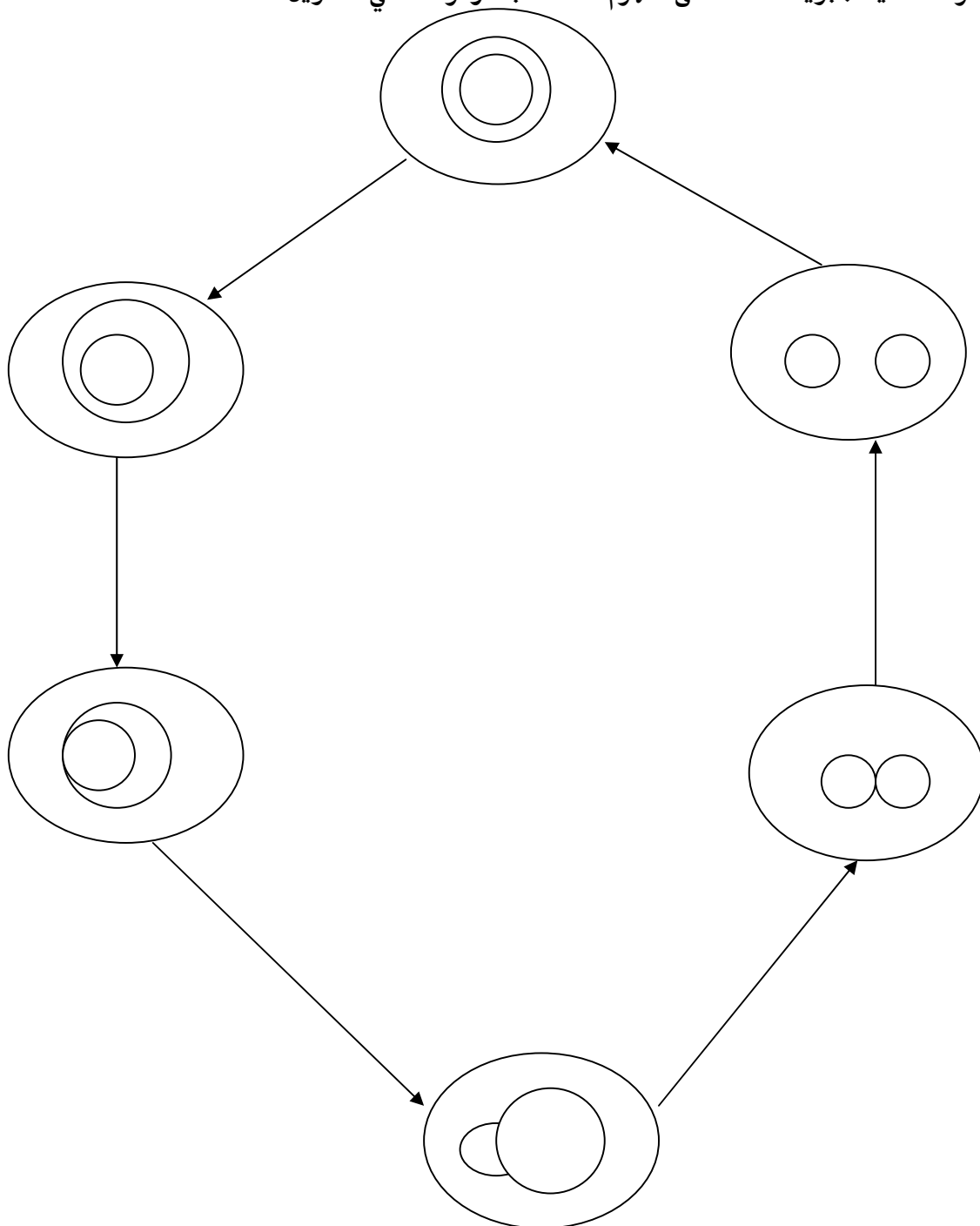
- حدد العلاقة بين أجزاء المنظومة السابقة رمزياً .
- هل يمكن أن تبني منظومات أخرى توضح أوضاع أي دائرتين ؟.

### تدريب (١) :

هل يمكن أن تبني منظومات أخرى توضح العلاقة بين الأقطار وأنصاف الأقطار للأوضاع السابقة ؟حاول أن تقوم بذلك.

### تدريب (٣):

علق على المنظومة التالية جبرياً، معتمداً على مفهوم الانسحاب، وطول نصفي القطرين.



### تدريب (٤):

فكر في تحسين المنظومة السابقة بما يساعد على رؤية علاقات أخرى بين أجزاء الدائرة ، معتمدا على أطوال أنصاف الأقطار .

### تعريف :

إذا كانت الدائرتان  $(m_1, r_1), (m_2, r_2)$  دائرتين غير متحديتين بالمركز فإننا نسمي  $m_1 m_2$  بخط المركزين.

### نتيجة (١) :

إذا تقاطعت الدائرتان  $(m_1, r_1), (m_2, r_2)$  في نقطة غير واقعة على خط المركزين فإنهما تتقاطعان في نقطة ثانية .

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٢٦ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان السابق.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى للبرهان السابق.
- ما هي مقترحاتكم لتطوير البرهان السابق.

### . نتيجة (٢) :

إذا اشتركت دائرتان بنقطة واقعة على خط مركزيهما فإنهما لا تشتركان في نقطة أخرى

- البرهان ، انظر الكتاب ص ١٣٠ .
- ارسم مخطط منظومي للبرهان السابق.
- هل يمكن اختصار بعض خطوات البرهان السابق.
- هل يمكن إيجاد طريقة أخرى للبرهان السابق.
- ما هي مقترحاتكم لتطوير البرهان السابق.

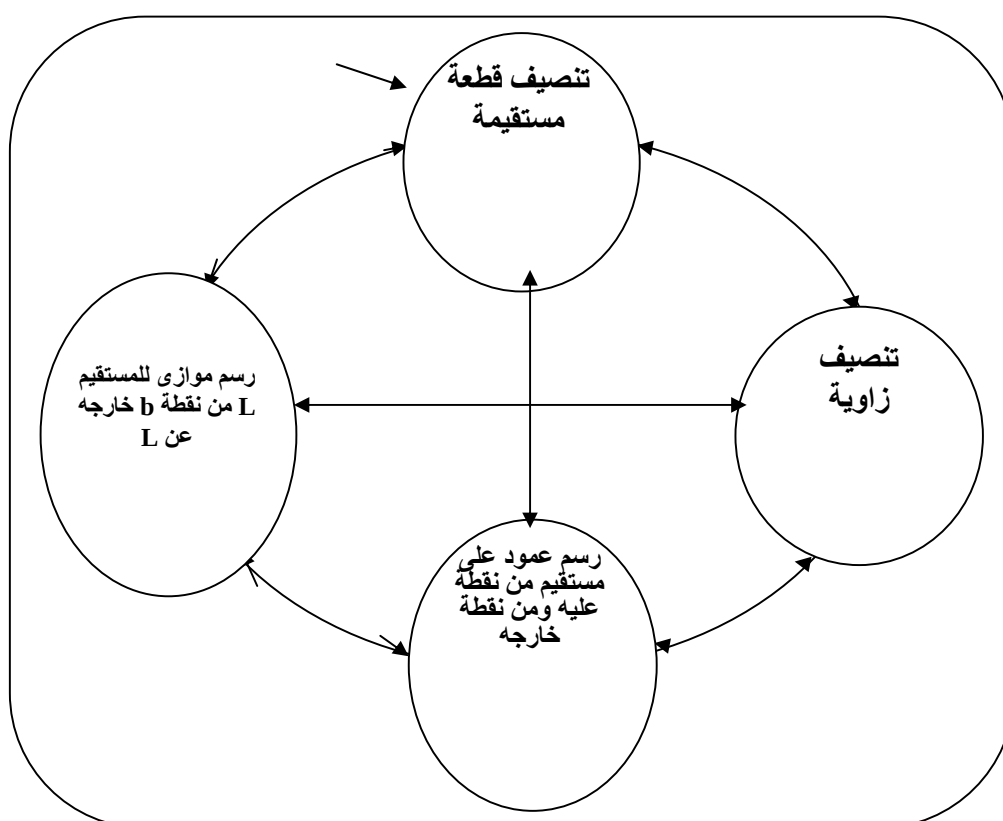
## تطبيقات:

الإنشاءات الهندسية.

## الإنشاءات الهندسية.

### منظومة الأهداف:

بعد نهاية هذا الدرس يتوقع أن يكون الطالب قادراً على:



### الأدوات والوسائل:

١. الأدوات الهندسية (فرجار - مسطرة ...)

٢. جهاز العرض فوق الرأسي

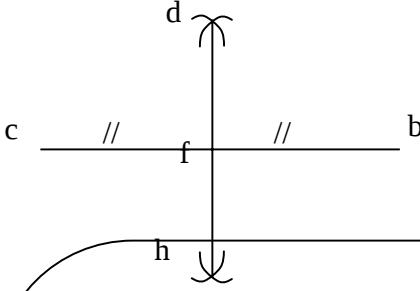
٣. شفافيات.

### تنصيف قطعة مستقيمة.

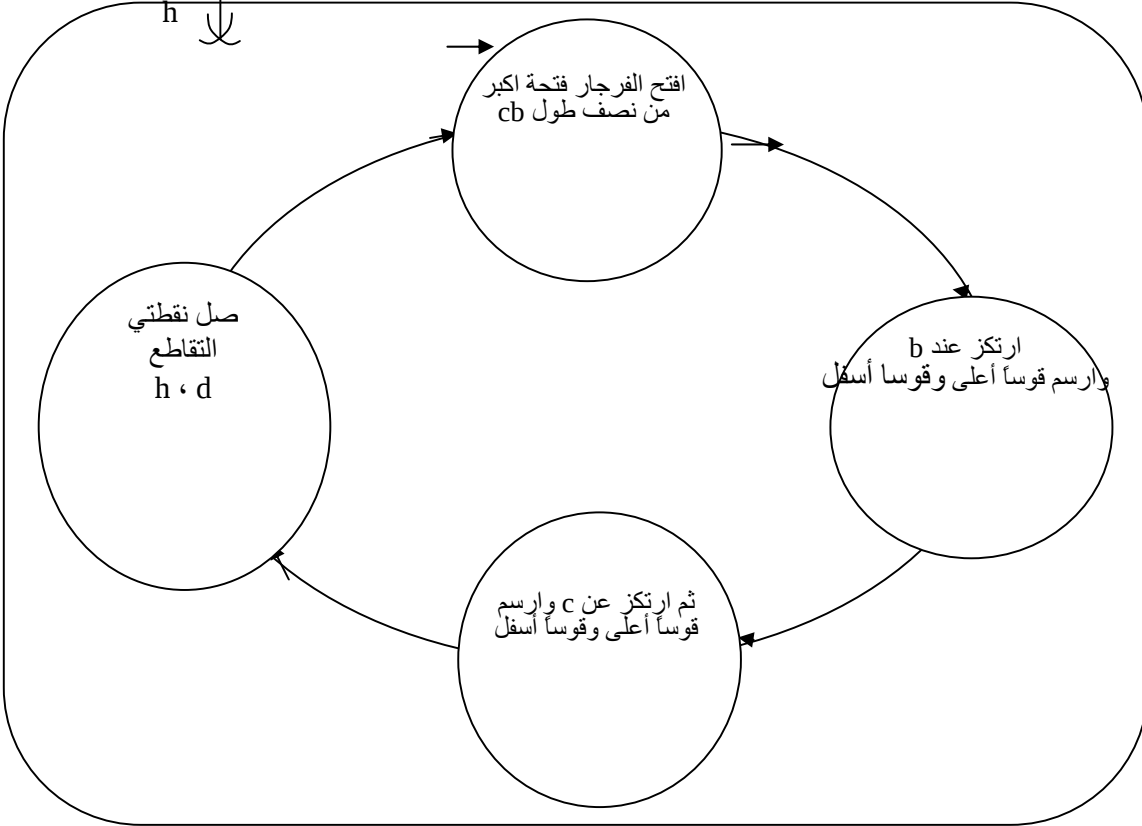
#### نشاط (١):

إذا أردنا تصنيف القطعة المستقيمة (bc) رسمنا دائرتين بنصف قطر واحد ويزيد بالطول عن نصف طول القطعة (bc) ويقع مركزاهما في b ، c متقاطعتان في نقطتين d ، h ويكون dh عموداً على (bc) ومنصفاً لها في و كما بالشكل

$$(bc) \cap (dh) = (f)$$



ويمكن عرض منظومة الأداء في النشاط السابق كالآتي :



## تدريب (١):

١- نصف القطعة المستقيمة  $ab$  طولها  $8\text{cm}$ .

٢- هل يمكنك إيجاد طريقة أخرى لرسم منصف للقطعة المستقيمة.

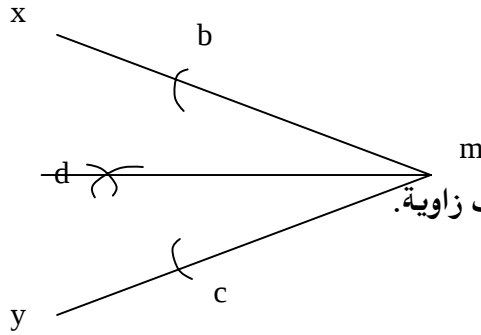
## تنصيف زاوية

## نشاط (١):

• تركز طريق تنصيف زاوية على الحقيقة التالية:

• إذا كانت الزاوية  $\angle bmc$  زاوية مركزية في دائرة مركزها  $m$  فإن نصف القطر المنصف للوتر  $(bc)$

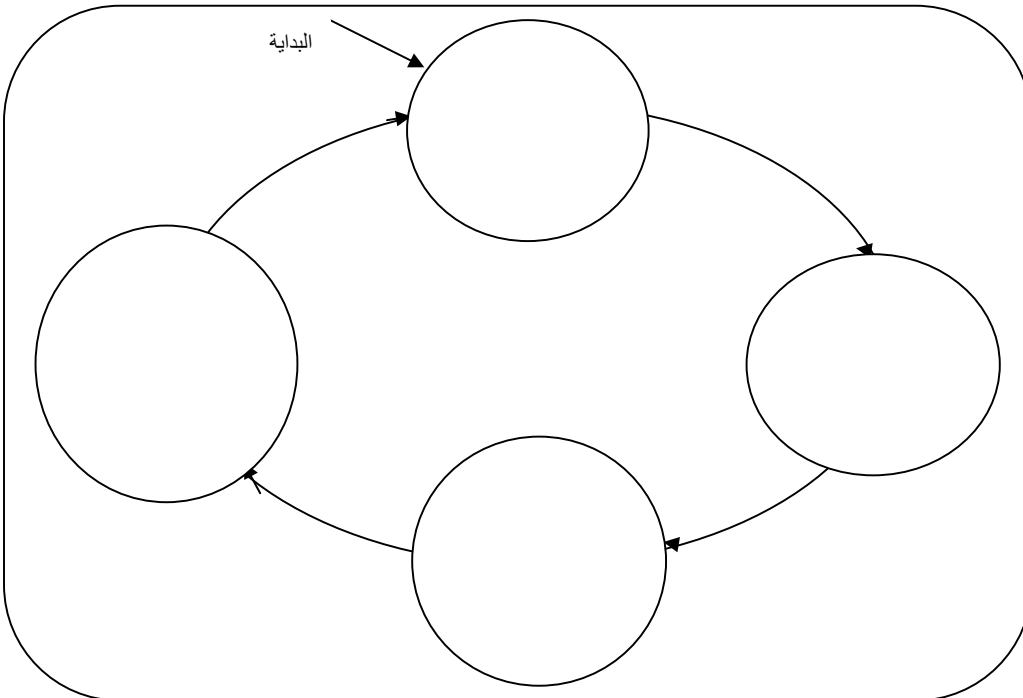
ينصف هذه الزاوية



• يناقش المعلم الطلاب في طريقة تنصيف زاوية.

## تدريب (١):

• يطلب المعلم من الطلاب بناء منظومة أداء لهذا النشاط.

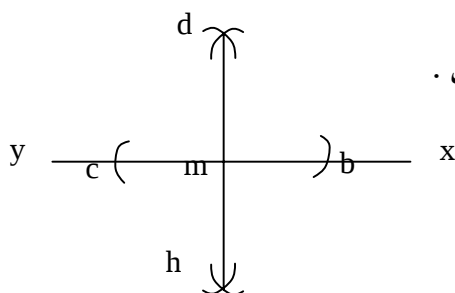


- هل يمكنك إيجاد طريقة أخرى لرسم منصف للقطعة المستقيمة بالاستعانة بمفهوم الوتر في الدائرة.

## رسم عمود على مستقيم من نقطة عليه أو خارج عنه.

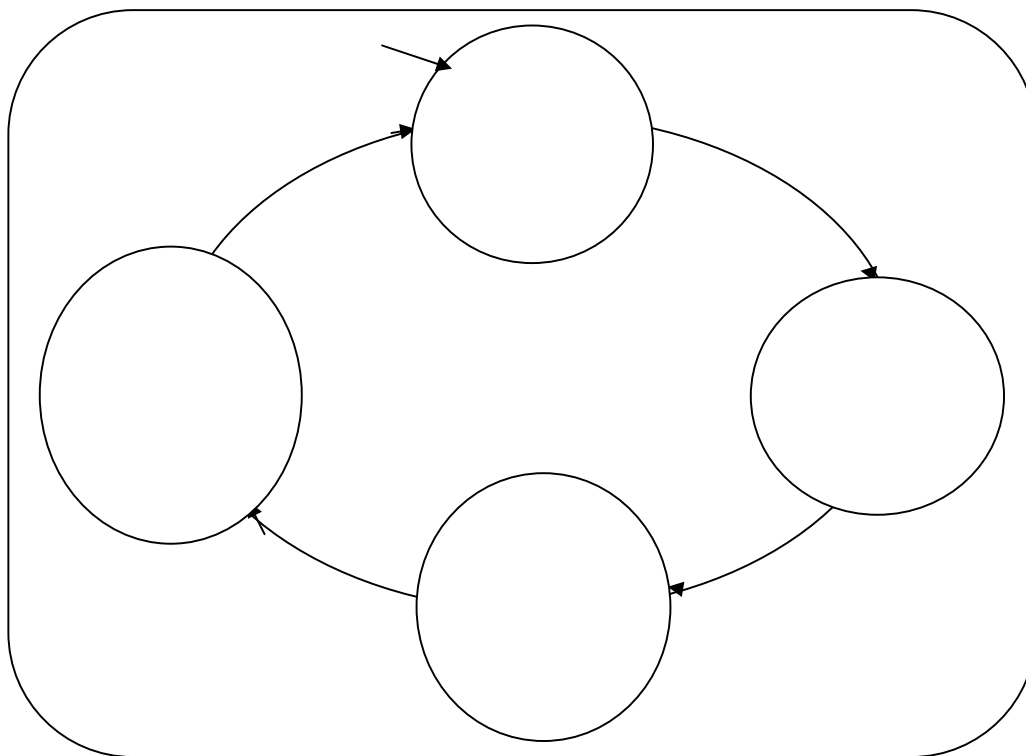
### نشاط (١):

يناقش المعلم الطلاب في خطوات العمل .



### تدريب (١):-

- ابني منظومة الأداء التي توضح طريقة رسم عمود على مستقيم من نقطة عليه أو خارج عنه.

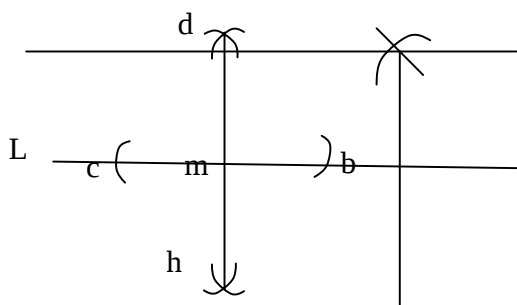


- ارسم عمود على مستقيم من نقطة عليه أو خارج عنه.

**رسم مواز لمستقيم L من نقطة b خارجه عن L بعدة طرق.**

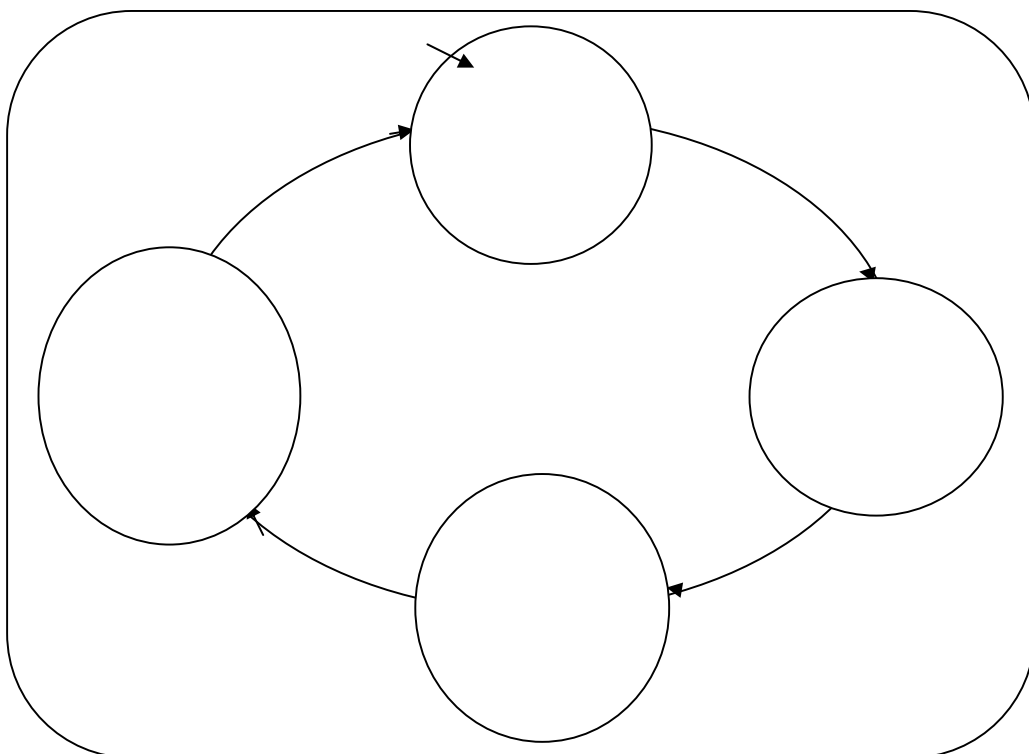
### نشاط (1):

يناقش المعلم الطلاب في خطوات العمل .



### تدریب (۱):-

ابني منظومة الأداء التي توضح طريقة رسم مواز لمستقيم  $L$  من نقطة  $b$  خارجه عن  $L$  بعدة طرق.



- ارسم مواز لمستقيم  $L$  من نقطة  $b$  خارجه عن  $L$  بعدة طرق.

ملحق رقم (٥)

أسماء المحكمين لقائمة مهارات  
واختبار التفكير الرياضي.

أسماء المحكمين لمهارات واختبار التفكير الرياضي.

| م  | الاسم                          | جهة العمل                                                    |
|----|--------------------------------|--------------------------------------------------------------|
| ١  | د/ سمير نور الدين فلمبان       | أستاذ مشارك بجامعة أم القرى                                  |
| ٢  | د/ يوسف سند الغامدي            | أستاذ مساعد بجامعة أم القرى                                  |
| ٣  | د/ عبد الناصر محمد عبد الحميد  | أستاذ مساعد بكلية التربية بشبين الكوم                        |
| ٤  | د/ محمد عبد القادر النمر       | أستاذ مساعد برابطة الاتحاد الأوروبي                          |
| ٥  | د/ فاطمة عبد السلام أبو الحديد | أستاذ مساعد بكلية التربية ببور سعيد                          |
| ٦  | د/ عمر حسين الجفري             | مشرف تربوي بوزارة التربية والتعليم                           |
| ٧  | أ/ إبراهيم سليم الحربي         | وزارة التربية والتعليم<br>طالب دكتوراه بجامعة أم القرى       |
| ٨  | أ/ احمد سالم الثقفي            | محاضر بكلية المعلمين بالطائف<br>طالب دكتوراه بجامعة أم القرى |
| ٩  | أ/ عبد الخالق الصيفي           | وزارة التربية والتعليم                                       |
| ١٠ | أ/ خالد سعدون العتيبي          | كلية المعلمين بالطائف                                        |

ملحق رقم ( ٦ )

قائمة مهارات التفكير الرياضي في  
صورتها النهائية

|                                                   |                                                                                                                              |
|---------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                   | استنتاج الخاصية المشتركة بين جميع الحالات الفردية.                                                                           |
|                                                   | فهم الحالة الخاصة أو المثال.                                                                                                 |
|                                                   | تمييز المعلومات الصحيحة والخاطئة.                                                                                            |
|                                                   | تفسير القواعد العامة.                                                                                                        |
|                                                   | استخدام قواعد المنطق في ربطها بـ (المفاهيم العامة) بالحالة الخاصة.<br>القائمة النهائية لمهارات التفكير الرياضي (محل الدراسة) |
| المهارة<br>الرئيسية                               | إدراك الأشكال الناتجة من الدوران والتغير في الفراغ.                                                                          |
|                                                   | تحديد العلاقات بين الأشكال الهندسية المتداخلة                                                                                |
| التصور<br>البصري<br>المكاني<br>التعبير<br>بالرموز | فهم العبارات الرمزية المعطاة أو التعميم أو المسألة.<br>تمييز الشكل المختلف عن مجموعة من الأشكال.                             |
|                                                   | التعبير رمزيا عن المفاهيم الرياضية.                                                                                          |
|                                                   | تمييز حركة الأشكال الهندسية المختلفة.                                                                                        |
|                                                   | الترجمة الرمزية للعبارة اللفظية المعطاة أو التعميم.                                                                          |
|                                                   | تمييز الأشكال والمجموعات المركبة أو المتداخلة.                                                                               |
|                                                   | تحديد الرموز والأشكال الرياضية المناسبة للتعبير عن العلاقات.                                                                 |
|                                                   | التمييز بين الأشكال الهندسية المستوية والمجسمة.                                                                              |
|                                                   | الترجمة اللفظية للعبارة الرمزية المعطاة أو التعميم أو المسألة.                                                               |
|                                                   | إدراك الأوضاع المختلفة للشكل الهندسي في العبارة أو التعميم أو المسألة.                                                       |
|                                                   | تمييز الأشكال الهندسية المتشابهة والمتشابهة .                                                                                |
|                                                   | رسم شكل منطقي للمشكلة الرياضية (التحويل بين معادلات إلى ألفاظ أو من جدول إلى رسم أو من معادلة إلى جدول... الخ).              |
|                                                   | استخدام أكثر من طريقة من طرق البرهان عند حل مشكلة رياضية.                                                                    |
| البرهان                                           | إدراك العلاقة بين القاعدة العامة والحالة الخاصة.                                                                             |
|                                                   | الحكم على سلامة الخطوات المتبعة في البرهان الرياضي من الناحية                                                                |
|                                                   | إدراك العلاقات بين عدة مفاهيم.                                                                                               |
|                                                   | استنتاج علاقة جديدة من عدة تعميمات رياضية.                                                                                   |
|                                                   | التطبيق الصحيح للقاعدة العامة على حالات خاصة.                                                                                |
| الرياض                                            | الحكم بخط برهان رياضي من الناحية الرياضية.                                                                                   |

|         |                                                     |
|---------|-----------------------------------------------------|
| الرياضي | التمييز بين المعطى والمطلوب .                       |
|         | تحديد المعطى في صورة رمزية .                        |
|         | تحديد المطلوب في صورة رمزية .                       |
|         | اشتقاق نتائج من المعطى مع بيان السبب .              |
|         | اشتقاق نتائج جديدة من معلومات سابقة مع بيان السبب . |
|         | إدراك العلاقة بين المعطى والمطلوب .                 |
|         | الربط بين النتائج التي التوصل إليها .               |

ملحق رقم (٧)

اختبار التفكير الرياضي في صورته  
النهائية

بسم الله الرحمن الرحيم



المملكة العربية السعودية

وزارة التعليم العالي

جامعة أم القرى

كلية التربية

قسم المناهج وطرق التدريس

# اختبار التفكير الرياضي لطلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف

إعداد الطالب

عوض بن صالح بن صالح المالكي

إشراف

سعادة الدكتور / سمير بن نور الدين فلمبان

## الفصل الدراسي الثاني لعام ١٤٢٦هـ

تعليمات اختبار التفكير الرياضي لطلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف.

### أولاً : معلومات عن الطالب.

- اسم الطالب / .....
- الرقم الجامعي / .....
- المجموعة / .....
- الرقم في المجموعة / .....

### ثانياً : تعليمات الإجابة على اختبار التفكير الرياضي :

- (١) يهدف هذا الاختبار إلى قياس قدرتك على التفكير الرياضي.
- (٢) يتألف الاختبار من ( ٢٠ ) سؤالاً ، تقيس أربع قدرات هي: التعبير بالرموز ، الاستدلال ، التصور البصري المكاني ، البرهان الرياضي .
- (٣) اقرأ الأسئلة بعناية ، والخيارات المطروحة لكل سؤال ، حيث أن لكل سؤال جواب واحد صحيح .
- (٤) اختر دائماً جواب واحد فقط و الذي تعتقد انه الصحيح .
- (٥) لا تترك سؤال بدون إجابة ، ولا تحاول التخمين .
- (٦) الإجابة تكون على نفس ورقة الإجابة وفي المكان المخصص لكل سؤال .
- (٧) ضع جميع العمليات الحسابية والمسودات على ورقة الأسئلة أو الصفحة المقابلة لها.
- (٨) زمن الاختبار ٣٥ دقيقة.
- (٩) لا تحتاج إلى أي قوانين خارجية ، فقط استخدم القوانين المرفقة مع الاختبار إذا احتجت لها.

شاكر ومقدر تعاونكم

الباحث

س ١ : إذا كان :

$$c_1(m_1, r_1) \cap c_2(m_2, r_2) \rightarrow$$

$$a) \quad |m_1 m_2| = r_1 + r_2$$

$$b) \quad |m_1 m_2| = |r_1 - r_2|$$

$$c) \quad |r_2 - r_1| < |m_1 m_2| < |r_1 + r_2|$$

$$d) \quad |r_1 - r_2| \leq |m_1 m_2| \leq |r_1 + r_2|$$

.....

س ٢ : إذا كان الرمز CD يعني قرص الدائرة، و R يعني القطر في نفس الدائرة ، فان CD يساوي :

$$a) \quad \left\{ a : |am| \leq \frac{R}{2} \right\}$$

$$b) \quad \left\{ a : |am| \right\} < \left\{ \frac{R}{2} \right\}$$

$$c) \quad \left\{ a : |am| \geq 2R \right\}$$

$$d) \quad \left\{ a : |am| \right\} > \left\{ \frac{R}{2} \right\}$$

.....

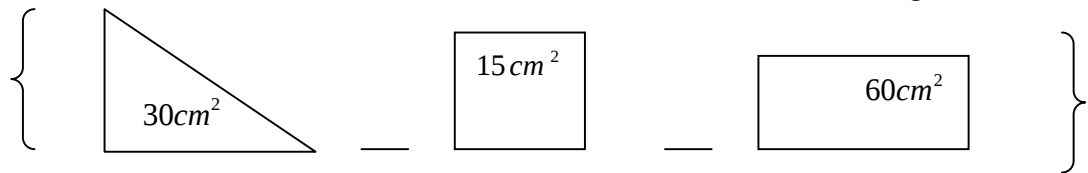
س ٣ : إذا كانت  $\angle$  يعني وتر في دائرة ،  $\mathcal{F}$  تعني بعد الوتر عن المركز في نفس الدائرة ، فالبعبارة ( إذا تطابق

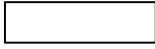
وتران في دائرة ، فان بعديهما عن مركز هذه الدائرة متساويان ، والعكس صحيح ) ، يمكن التعبير عنها رمزياً

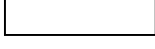
كالتالي :

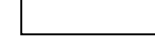
- a)  $l_1 = l_2 \Leftrightarrow f_1 = f_2$  .  
b)  $l_1 = l_2 \Leftrightarrow f_1 - f_2 = 0$  .  
c)  $l_1 = l_2 \Leftrightarrow \alpha f_1 - \alpha f_2 = 0$  .  
d) كل ما سبق صحيح

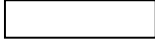
س٤ : تأمل العلاقة بين مساحات الأشكال الثلاثة التالية ، في ضوء تحديدك للعلاقة السابقة ، ومعرفتك بمفاهيم الوتر ، و القطر ، ونصف القطر، في دائرة، والعلاقة بينهما ، فحدد أي المجموعات التالية يمكن أن يعطي معنى رمزي صحيح لمفاهيم الوتر ، و القطر ، ونصف القطر ، في دائرة واحدة:



(a) {  \_  \_  }  
تعني : وتر ، قطر ، نصف قطر ، على التوالي .

(b) {  \_  \_  }  
تعني : نصف قطر ، وتر ، قطر ، على التوالي .

(c) {  \_  \_  }  
تعني : قطر ، نصف قطر، وتر، على التوالي .

(d) {  \_  \_  }  
تعني : قطر، وتر ، نصف قطر ، على التوالي .

.....

س٥ :  $\{ bdc \cap D \cap [bmc] \}$  ، العبارة الرمزية السابقة تعني :

- A. ( قوس الدائرة  $bdc$  عبارة عن تقاطع الدائرة  $D$  مع القطاع الزاوي  $\langle bmc$  ).
- B. ( قوس الدائرة  $bdc$  عبارة عن تقاطع الدائرة  $D$  مع القطاعين الزاويين  $\langle bmd$  و  $\langle dmc$  ).
- C. (a) و (b).
- D. لا شيء مما سبق.

س٦: اقرأ العبارتين التاليتين:

- (١) كل قطر في دائرة وتر في هذه الدائرة.
- (٢) المستقيم القاطع لدائرة يحمل وتر في الدائرة.
- من العبارتين السابقتين، نستنتج أن:
- (a) المستقيم القاطع دائماً يحتوي قطر الدائرة.
- (b) المستقيم القاطع محور تناظر للدائرة دائماً.
- (c) أي وتر مجموعة جزئية فعلية من مستقيم قاطع للدائرة.
- (d) كل ما سبق صحيح.

س٧: اقرأ العبارتين التاليتين:

١. قرص الدائرة هو مجموعة النقاط على الدائرة اتحاد النقاط داخل الدائرة.
٢. القطاع الزاوي الدائري مجموعة جزئية فعلية من قرص الدائرة.
- من العبارتين السابقتين نستنتج: أن اتحاد جميع القطاعات الزاوية للدائرة ينتج عنها:
- (a) قرص الدائرة.
- (b) دائرة.
- (c) النقاط الداخلية للدائرة.
- (d) لا شيء مما سبق.

س٨: اقرأ العبارتين التاليتين:

١. إذا كانت زاوية مركزية مشتركة مع زاوية محيطية في دائرة في نفس القوس فإن قياسها يساوي ضعف قياس الزاوية المحيطية.
٢. هنالك العديد من الزوايا المركزية مشتركة مع زوايا محيطية في نفس القوس.
- من العبارتين السابقتين نستنتج أن:

- (a) الزاوية المركزية دائماً أكبر في القياس من أي زاوية محيطية.  
 (b) الزاوية المركزية دائماً أقل في القياس من أي زاوية محيطية.  
 (c) الزاوية المركزية دائماً ضعف أي زاوية محيطية في القياس.  
 (d) لا شيء مما سبق.

س٩: اقرأ العبارتين التاليتين:

$$1. \text{ إذا كانت } c_1 = (m_1, 5), \quad c_2 = (m_2, 3), \quad c_3 = (m_3, 4)$$

$$2. m_1 = m_2 = m_3$$

من العبارتين السابقتين نستنتج أن:

- A. قرص الدائرة  $c_1$  يحتوي  $c_2$  ولا يحتوي  $c_3$ .  
 B. قرص الدائرة  $c_2$  يحتوي  $c_1$  ولا يحتوي  $c_3$ .  
 C. قرص الدائرة  $c_3$  يحتوي  $c_1$  ويحتوي  $c_2$ .  
 D. قرص الدائرة  $c_1$  يحتوي  $c_2$  ويحتوي  $c_3$ .

س١٠: اقرأ العبارتين التاليتين:

١. في أي دائرة يمكن رسم سداسي منتظم تقع رؤوسه على الدائرة.  
 ٢. يمكن رسم زاوية محيطية على الدائرة تشترك مع أحد أضلاع السداسي المنتظم في قوس على الدائرة.  
 من العبارتين السابقتين نستنتج أن قياس الزاوية المحيطية التي تشترك مع أحد أضلاع سداسي منتظم في قوس على الدائرة يساوي:

- (a)  $45^\circ$   
 (b)  $60^\circ$   
 (c)  $27.5^\circ$   
 (d)  $30^\circ$

س ١١ : ما مقدار الزاوية التي يصنعها عقرب الدقائق في الساعة عند تحركه من وضع الساعة 3:10 عصرا إلى الساعة 3:15 عصرا في نفس اليوم ؟

- a)  $15^\circ$   
 b)  $30^\circ$   
 c)  $45^\circ$

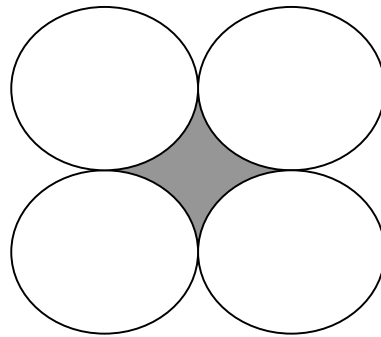
d)  $90^\circ$

س ١٢ : الشكل التالي المرسوم في المربع الأيمن يمثل قطعة هندسية من الصفيح الرقيق ، إذا قمنا بثني الصفيحة عند الخط المتقطع ولف الجانب الآخر منه ، والمطلوب منك أن تقوم بتحديد الشكل الناتج من الثني أو اللف من بين الأشكال الأربعة المقابلة له .

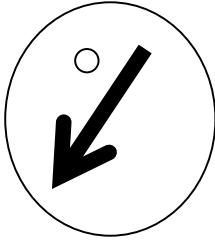
.....  
س ١٣ : في الشكل أربع دوائر قطر كل منها (1cm) ، يتماسون عند أربعة نقاط ، فما مساحة الجزء

المظلل ؟

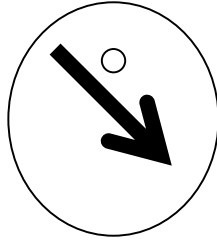
- a)  $\frac{2}{14}$   
b)  $\frac{3}{14}$   
c)  $\frac{5}{14}$   
d)  $\frac{6}{14}$



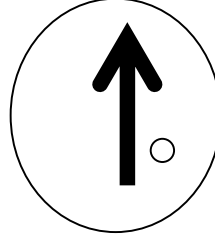
س١٤ : اختر الشكل المختلف من بين الأشكال الأربعة التالية :



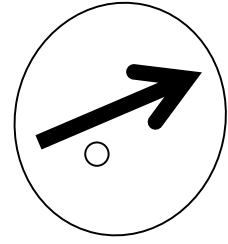
a



b



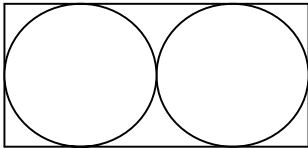
c



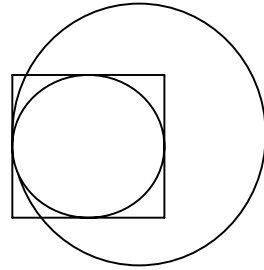
d

(d) ١٦ مجموعة جزئية مختلفة من الدائرة.

س١٦ : (الدائرتان  $m, n$  طول قطر كل منهما يساوي  $a, b=k \times t \text{ (cm)}$  ويؤلفان مع خط التماس  $a \times$  والخط  $k \times b$  شكل رباعي) في العبارة السابقة ، ما هو التمثيل الصحيح للمسألة السابقة مما يلي :

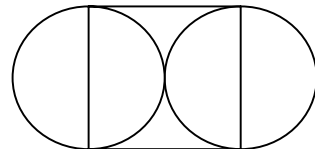


(c)



(A)

(d) لا شئ مما سبق



(B)

س١٧ : اقرأ البرهان التالي، ثم اختر رقم الفقرة التي يبدأ منها الخطأ .

في الشكل الذي أمامك  $\angle dac = 40^\circ$  .

اثبت الطالب أن  $\angle abc = 50^\circ$  .

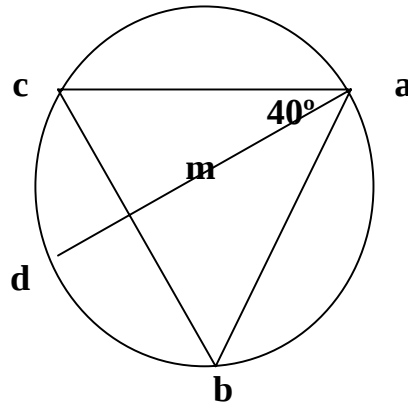
البرهان

a)  $\because ad$  قطر  $\Rightarrow \angle acd = 90^\circ$

b)  $\Rightarrow \angle adc = 40^\circ$

c)  $\therefore \angle adc + \hat{b} = 90^\circ$

d)  $\Rightarrow \angle abc = 50^\circ$



: في الشكل الذي أمامك،  $a b$ ،  $c d$  قطران للدائرة متعامدان،  $m$ ،  $n$  أي نقطتين عليها.

$M x$ ،  $my$ ،  $ng$ ،  $nk$  أعمدة على:  $a b$ ،  $c d$  كما هو مبين.

المطلوب إثبات أن  $|g k| = |x y|$  .

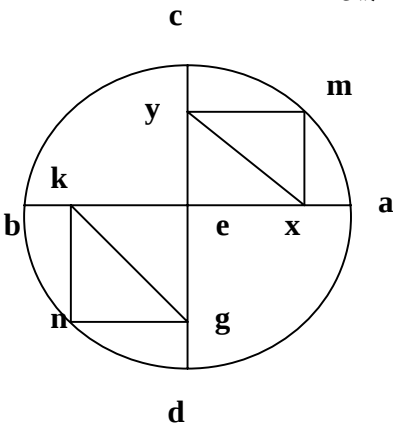
يمكن إثبات ذلك عن طريق :

(a) تطبيق المثلثين  $x e y$ ،  $e g k$

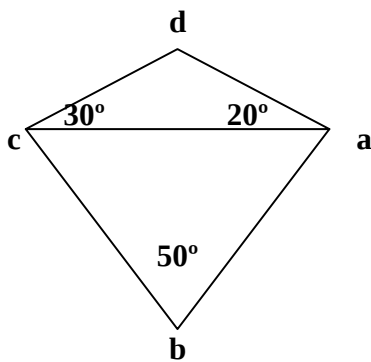
(b) تطبيق نظرية فيثاغورث

(c)  $\because r = e m = x y$  وكذلك  $r = e n = g k$  .

(d) كل ما سبق صحيح.



س١٩ : في الشكل الذي أمامك  $\hat{b} = 50^\circ$  ،  $\angle dac = 20^\circ$  ،  $\angle dca = 30^\circ$  ، اثبت الطالب أن



الشكل a, b, c, d ، رباعي دائري:

- (a) البرهان صحيح لان  $\hat{d} = 130^\circ$   
 (b) البرهان غير صحيح لان مجموع الزوايا الثلاث المعطاة لا يساوي  $180^\circ$  .  
 (c) البرهان خطأ لان  $\hat{d} = 40^\circ$  .  
 (d) البرهان صحيح لان  $\hat{b} + \hat{d} = 90^\circ$

س٢٠ : اثبت الطالب أن اكبر وتر في الدائرة (3 cm , m) ، طوله لا يساوي 5 cm.

- (a) البرهان صحيح لان اكبر وتر في الدائرة طوله 3 cm.  
 (b) البرهان صحيح لان اكبر وتر في الدائرة طوله 6 cm.  
 (c) البرهان صحيح لان اكبر وتر في الدائرة طوله اكبر من 6 cm.  
 (d) البرهان غير صحيح لان اكبر وتر في الدائرة طوله 3 cm.

ملحق رقم (٨)

خطاب عميد كلية التربية بشأن  
السماح للباحث بتطبيق الدراسة



بسم الله الرحمن الرحيم

المملكة العربية السعودية

وزارة التعليم العالي

جامعة أم القرى

كلية التربية بمكة

سَلِّمَهُ اللهُ

سعادة عميد كلية المعلمين بمحافظة الطائف

وبعد :-

السلام عليكم ورحمة الله وبركاته

أفيد سعادتك بأن الطالب/ عوض بن صالح صالح المالكي، أحد طلاب الدراسات العليا لمرحلة الدكتوراه، ويقوم حالياً بتطبيق الأداة الخاصة بدراسته ( وحدة دراسية ) ( اختبار ) والتي بعنوان:

( أثر استخدام المخطط المنظومي في تدريس المنهجية المنهجية على التفكير الرياضي لطلاب الرياضيات بكلية المعلمين بالطائف )

ويرغب تطبيقها على طلاب كلية المعلمين في مدينة الطائف.

أمل من سعادتك التكرم بالسماح له بتطبيق أداة دراسته.

وتقبلوا سعادتك خالص التحية والتقدير :-:-

عميد كلية التربية

١١ / ٢٤

د. زهير بن أحمد علي الكاظمي

الحازمي

الرقم : ١١ / ٢٤ التاريخ : ١١ / ٢٤ / ١٤٢٥  
كلية التربية بمكة المكرمة ص . ب : ٧١٥ هاتف : ٥٢٧٠٥٨٠ فاكس : ٥٢٧٠٥٨٥

مطبعة جامعة أم القرى