

٤٠٤٤٠

# تقييم نظام قياس كثافة الأعداد البشرية

## على جسر الجمرات

(( حج عام ١٤٢٥هـ ))

إعداد

د. إبراهيم البديوي & د. محمود كامل & د. عبد الفتاح مشاط & د. حسين البرهانوشي

قسم علوم الحاسوب

كلية العلوم

جامعة الملك عبد العزيز

مقدم إلى معهد خادم الحرمين الشريفين

جامعة أم القرى

ذو القعدة ١٤٢٦هـ

(1)

بِسْمِ اللَّهِ رَبِّ الْعَالَمِينَ

قال تعالى

(( وَأَذْنَ فِي النَّاسِ بِالْحَجَّ يَأْتُوكَ رِجَالًاٰ وَعَلَىٰ  
كُلِّ ضَامِرٍ يَأْتِينَ مِنْ كُلِّ فَجٍ عَمِيقٍ ))

سورة الحج 27

# الفهرس

رقم الصفحة

5	..... 1. مقدمة
5	..... 2. مكونات نظام قياس كثافة الأعداد البشرية
6	..... 3. مصادر المعلومات
6	..... 4. التوصيات
7	..... 5. الجسر الجديد وضرورة عمل نظام المحاكاة
9	..... 6. النظام المقترن
18	..... 7. نظام المحاكاة للنظام المقترن باستخدام لغة MatLab
19	..... 8. المراجع

## 1) مقدمة

إن مشكلة زحام الحجيج من المشاكل الهامة والتي تزداد صعوبة مع عدم التزام الحجيج بالإرشادات المكتوبة والمسومة والمرئية وبما يعتقد البعض من شرف الموت في الأراضي المقدسة وما ينشأ من أخطاء الحجيج نظراً لاختلاف اللغات والثقافات. وتعتبر مشكلة زحام الحجيج في منطقة الحمرات من أكبر المشاكل التي يعاني منها الحجيج إلا من تكن أنظرتها على الإطلاق مما يتوجب عليه تسخير كل الإمكانيات المادية والعلمية لإيجاد حلول لهذه المشكلة. وعليه يعتبر نظام قياس كثافة الأعداد البشرية على جسر الحمرات والذي تم استخدامه لأول مرة في حج عام 1425هـ أحد الحلول لهذه المشكلة.

ويكون النظام من جهاز خادم رئيسي وعدة أجهزة مساندة ويتم إدخال الصور للنظام لغرض المعالجة من خلال 24 كاميرا. وللوصول إلى النتائج المطلوبة يتطلب الأمر تقييم النظام من عدة جوانب تشمل العتاد والبرمجيات وموقع الكاميرات ودراسة مدى الدقة في حساب الكثافة البشرية ومقارنتها بالعدد الفعلي للحجيج بالإضافة إلى دراسة مدى إمكانية ربط مخرجات النظام مع أنظمة أخرى كذلك تقدم مقترنات لتطوير النظام وهذه تمثل الأهداف الرئيسة لهذا المشروع.

## 2) مكونات نظام قياس كثافة الأعداد البشرية

يتكون نظام قياس كثافة الأعداد البشرية الموجود في غرفة العمليات على جسر الحمرات والذي تم استخدامه لأول مرة في حج عام 1425هـ من جهاز حاسب خادم رئيسي بمواصفات متقدمة يخدم العديد من الأجهزة الحاسوبية والمساندة والكاميرات (منها 16 ثابتة و 8 متحركة) وأجهزة العرض (عدد شاشات العرض الكبيرة خمسة / عدد شاشات العرض الصغيرة يزيد عن خمسين). و يقدم النظام الخدمات التالية:

- نقل الصور والمعلومات إلى الشاشات الكبيرة حول الجمرات وطريق المشاة كتوعية وإرشاد للحجاج.
- نقل الصور والمعلومات إلى الشاشات الصغيرة داخل مخيمات المطوفين كتوعية وإرشاد للحجاج.
- نقل صورة حية لمنطقة الجمرات وطرق المشاة من خلال الكاميرات الثابتة والمتحركة إلى غرفة العمليات.
- إمكانية تحديد الكثافة البشرية في الصور Crowd Density
- إمكانية تحديد عدد الحجاج في كل صورة Flow Pers/min
- إمكانية تشغيل مستويات التحذير عن حدوث التزاحم بين الحجاج وهي كما يلي :

25-50% أحمر - 51-75% برتقالي - 75% أخضر

### (3) مصادر المعلومات

تمثل مصادر المعلومات لتنفيذ المشروع كما يلي :

أ) تواجد فريق العمل في غرفة العمليات الموجودة في جسر الجمرات بين الحمرة الكبرى والوسطى خلال فترة رمي الجمرات حسب الخطة الزمنية (يمكن د. إبراهيم البديوي من دخول غرفة العمليات يوم 1425/12/10 هـ من الساعة 6 صباحاً حتى الساعة 10 صباحاً حسب خطة فريق العمل ، لم يتمكن د. محمود كامل من دخول غرفة العمليات في يوم 1425/12/11 هـ حسب خطة فريق العمل ، لم يتمكن د. عبد الفتاح مشاط من دخول غرفة العمليات في يوم 1425/12/12 هـ حسب خطة فريق العمل بسبب عدم السماح لهم من قبل قوات الطواري بمحنة عدم وجود تصريح دخول).

ب) تواجد فريق العمل في منطقة الجمرات خلال أيام التشريق لمشاهدة الكثافة البشرية في عدة نقاط حول جسر الجمرات وداخل الجسر.

ج-) الاتصالات التي تمت بين فريق العمل والمستخدمين للنظام من قوات الطواري والدفاع المدني والمسئولين من وزارة البلدية والقروية خلال فترة أيام التشريق كذلك الاتصالات الهاتفية التي تمت بعد فترة الحج.

ه-) الرجوع إلى المصادر العلمية في مجال التحليل التصويري.

### (4) التوصيات

من خلال الاستخدام الأول لنظام قياس كثافة الأعداد البشرية خلال أيام رمي الجمرات في حج عام 1425 هـ أتضح العديد من الجوانب الإيجابية والسلبية للنظام، ويمكن اعتبار نظام اللوحات الكبيرة الموجودة في عدة مواقع في مي أنه حق نجاح واضح في الجانب المتعلق بتوعية الحجاج. كذلك نظام اللوحات الصغيرة داخل مخيمات المطوفين قدم معلومات وافرة للحجاج مما يتطلب زيادة عددها وإضافة عنصر الصوت مع الصورة.

ويمكن اعتبار أهم التوصيات هي ضرورة دراسة زيادة شاشات العرض في غرفة العمليات وزيادة الكاميرات الثابتة والتحركة وتحديد الواقع المثالي لها خاصة في الحمرة الوسطى والصغرى في الدور السفلي. كذلك عمل تعديلات على موقع الكاميرات الثابتة في بداية جسر الجمرات وطريق المشاة.

ويمكن تحديد مدى نجاح استخدام نظام قياس كثافة الأعداد البشرية خلال أيام رمي الجمرات في حج عام 1425 هـ واللاحظات المطلوب تنفيذها لحج عام 1426 هـ من خلال الجدول التالي.

رقم التسلسل	الخدمة المقدمة	نسبة النجاح لسنة 1426هـ	ملاحظات لسنة 1426هـ
1	نقل الصور والمعلومات إلى الشاشات الكبيرة حول الجمرات وطرق المشاة كوعية وإرشاد للحجاج.	%95	مطلوب زيادة الشاشات
2	نقل الصور والمعلومات إلى الشاشات الصغيرة داخل محبمات المطوفين كوعية وإرشاد للحجاج.	%95	مطلوب زيادة الشاشات ويكون هناك صوت مصاحب للصور
3	نقل صورة حية لمنطقة الجمرات وطرق المشاة من خلال الكاميرات الثابتة والمحركة إلى غرفة العمليات.	%90	مطلوب زيادة الكاميرات المتحركة والشاشات داخل غرفة العمليات
4	إمكانية تحديد الكثافة البشرية في الصور Crowd Density.	%50	تحتاج إلى مراجعة البرمجة وعمل تطبيقات تتضمن افتراض وحجاج يحملون أعتمة
5	إمكانية تحديد عدد الحجاج في كل صورة Flow Pers/min	%50	تحتاج إلى مراجعة البرمجة وعمل تطبيقات تتضمن افتراض وحجاج يحملون أعتمة
6	إمكانية تشغيل مستويات التحذير عن حدوث الزحام بين الحجاج	%25	تحتاج إلى إعادة البرمجة بالتنسيق مع الجهات الأمنية

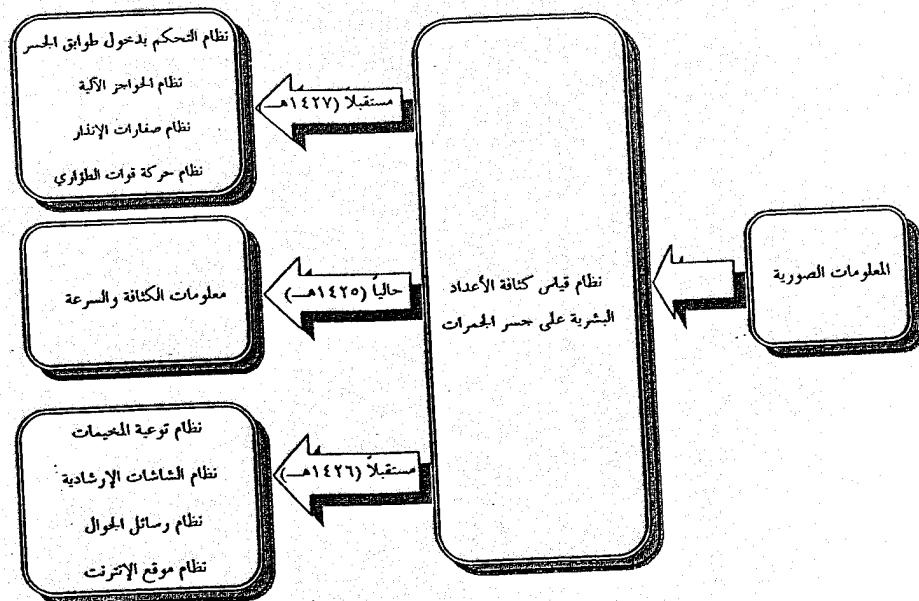
## 5- الجسر الجديد وضرورة عمل نظام المحاكاة

يتكون الجسر الجديد للجمرات من خمسة طوابق ومداخل عديدة لكل طابق ومع كل هذا فهناك العديد من الحالات المشتركة بين الجسر القديم (الحالي) والجسر الجديد من حيث الوعي لدى الحجاج والزيادة المتوقعة للحجيج كل عام مما يطرح العديد من الأسئلة: هل سوف تكرر حوادث جسر الجمرات في الفترة القادمة في طابق معين وهل زيادة عدد طوابق جسر الجمرات سيؤدي إلى احتفاء المشاكل نهائياً.

ومن هنا تأتي أهمية أنظمة المراقبة وتحديد كافة الحجيج والتي تعتمد على الحاسوب الآلي والتي تعطي إنساراً مبكراً لرج المراقبة بل وتحدد نظام التحكم المغلق مما يجعل تدفق سير الحجيج منتظاماً دون إفراط أو تفريط. وذلك عن طريق نظام إدارة الزحام باستخدام شبكات الحاسوب وتحليل الصور والذي يعتمد على نظام محاكاة في الزمن الحقيقي لجسر الجمرات الجديد مبنياً على النموذج الرياضي المشار إليه في هذا المشروع والاستفادة من هذا النموذج لوضع تصور شامل لجميع المشكلات التي قد تحدث ووضع الحلول الشاملة لها وذلك بالطبع لتلافي حدوثها على أرض الواقع كما يمكن الاستفادة من هذا المحاكى في وضع خطط التفويج. ويتضمن المشروع تصميم نظام مراقبة وتحكم وإرشاد لسير الحجيج قبل الوصول إلى جسر الجمرات لأن الزحام لا يعتمد على عدد الحجيج في منطقة جسر الجمرات وحدها ولكنه يعتمد على المنطقة التي قبلها، والمنطقة التي قبلها يعتمد الزحام فيها على المنطقة التي قبلها حيث إن منظومة عدد الحجيج مترابطة ترابطًا قوياً حتى نصل إلى مزدلفة حيث يبيت أكثر الحجيج. ومن هنا تأتي فكرة المشروع وهو تصميم منظومة حاسبات

متراصة للمراقبة والتحكم والإرشاد في جميع المناطق التي تحيط بجسر الجمرات دون النظر إلى منطقة رمي الجمرات وحدها. وتقترح هذه الدراسة تقسيم المناطق التي حول جسر الجمرات إلى عدة مناطق. ويتم التحكم والمراقبة والإرشاد في كل منطقة آخذة في الاعتبار الترابط القوي بين كل منطقة والمنطقة التي تليها حيث إن خرج عدد الحجيج من أي منطقة يعتبر دخلاً للم المنطقة التي تليها. ويتم التحكم في معدل التدفق الداخل لأي منطقة عن طريق دائرة من الجنود يحدد قطرها عن طريق خوارزم ذكي يرسل قيمة القطر إلى غرفة العمليات المركبة والتي بدورها تحرك الجنود إلى الدائرة المناسبة والمحددة في الأرض فيتقل الجنود من دائرة ذات قطر أصغر إلى قطر أكبر يحدده الخوارزم الذكي وذلك في حالة تقليل معدل التدفق الداخل ويتم العكس إذا كانت المنطقة غير مزدحمة.

ويقوم المشروع بحساب العدد الفعلى للحجيج في كل منطقة وباعتبار إن نصف متر مربعًا مساحة ملائمة لتلافي الزحام والتدافع وبناء على مساحة المنطقة يتم حساب العدد المرغوب للحجيج في هذه المنطقة. ويقوم الحاسوب بحساب الفرق بين القيمة الفعلية لعدد الحجيج والقيمة المرغوبة ويع肯 بالطبع حساب أيضاً معدل تغير هذا الفرق حيث يستخدم هذا المعدل في تحسين أداء دائرة التحكم المغلقة (أنظر الجزء القاسم المتعلق بتفاصيل النظام المقترن والتطبيق لمحاكاة النظام المقترن باستخدام لغة MatLab). وتمثل النظرة الحالية والمستقبلية للاستفادة من نظام قياس كثافة الأعداد البشرية على جسر الجمرات في الشكل رقم (1).



الشكل 1: النظرة الحالية والمستقبلية للاستفادة من نظام قياس كثافة الأعداد البشرية على جسر الجمرات.

## (6) النظام المقترن

## 1) مقدمة

لا تزال مشكلة الرحام والتندق في الطرق المؤدية إلى جسر الجمرات وكذلك عند جسر الجمرات أثناء رمى الجمار من أهم المشاكل التي تؤدي إلى بعض الحوادث وإلى عدم استشعار الحاج بروحانية العبادة. وفي هذا المقتراح نحاول تغطية النقاط التالية :

- التعرف على النموذج الرياضي الذي يحكم حركة المشاة في منطقة ما للتعرف على القيمة الحرجية لكتافة المشاة والتي بعدها يشعر المشاة بالرحم.
- التفويج والتحكم المفتوح والمشاكل التي تحدث عند عدم الالتزام به والتحكم المغلق للتغلب على مشكلة عدم التزام بعض الأفواج بمجدول التفويج.
- ترابط مناطق المشاة بعضها البعض بحيث إنه يستحيل التحكم في كثافة منطقة ما دون الأخذ في الاعتبار المنطقة إلى قبلها.
- إن المنطقة التي أمام جسر الجمرات منطقة متعددة يتراكم فيها الحجاج وعند بداية وقت رمي الجمرات تشكل هذه المنطقة مخزناً كبيراً لاستمرار تدفق الحجاج بمعدل أكبر بكثير جداً مما يمكنه تحمل الجسر العلوي والسفلي معاً.
- تصميم مبدئي لنظام مقتراح للتحكم في تدفق الحجاج للوضع الحالي والوضع الجديد والذي يتضمن تغيير جسر الجمرات إلى خمسة أدوار متكررة مع الاعتبار لجميع النقاط السابقة ولا يعيقه ظاهرة الافتراض

## 2) النموذج الرياضي الذي يحكم حركة المشاة

يمكن صياغة النموذج الرياضي لتدفق المشاة من خلال جانبين :

- كثافة الحجاج في منطقة ما  $\rho$  ، مثلاً 3/متر مربع
  - سرعة تدفق الحجاج في اتجاهي ( $x, y$ ) مثلاً 1.5 متر/ثانية
- بناء على القوانين الطبيعية التي تحكم حركة المشاة ومعادلة الاستمرارية فإن

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} (\rho u) + \frac{\partial}{\partial y} (\rho v) = 0 \quad (1)$$

بناء على بعض الافتراضات يمكن الوصول إلى المعادلة التالية :

$$-\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left( \rho g(\rho) f^2(\rho) \frac{\partial q}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \rho g(\rho) f^2(\rho) \frac{\partial q}{\partial y} \right) = 0 \quad (2)$$

(10)

$$g(\rho)f(\rho) = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{\partial q}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial q}{\partial y}\right)^2}} \quad (3)$$

حيث  $q$  تمثل رغبة الحجيج في الانتقال من مكان إلى مكان آخر ، ومع اعتبار الكميات التالية :

$$f(\rho) = \begin{cases} A & \rho \leq \rho_{trans} \\ A \sqrt{\frac{\rho_{trans}}{\rho}} & \rho_{trans} < \rho \leq \rho_{crit} \\ A \sqrt{\frac{\rho_{trans} \rho_{crit} (\rho_{max} - \rho)}{\rho^2 (\rho_{max} - \rho_{crit})}} & \rho_{crit} < \rho \leq \rho_{max} \end{cases} \quad (4)$$

$$g(\rho) = \begin{cases} 1 & \rho \leq \rho_{crit} \\ \frac{\rho (\rho_{max} - \rho_{crit})}{\rho_{crit} (\rho_{max} - \rho)} & \rho_{crit} < \rho \leq \rho_{max} \end{cases} \quad (5)$$

حيث

$$A = 1.4 \text{ ms}^{-1}, \rho_{trans} = 0.8 \text{ m}^{-2}$$

$$\rho_{crit} = 3 \text{ m}^{-2} \text{ and } \rho_{max} = 5 \text{ m}^{-2} \text{ Typically.}$$

تدفق المشاة هو

$$F = \rho f(\rho) \quad (6)$$

(11)

حل هذه المعادلة الرياضية يبين إن كثافة الحجيج تصل إلى أكثر من 4 حاجا لكل متر مربع عند الجمرات وإن الكثافة الحرجة هي 3 لكل متر مربع تبين لنا ضرورة اقتراح نظام للتحكم للمحافظة على كثافة مناطق الزحام عند فقط 2 لكل متر مربع.

### (3) التفويج والتحكم المفتوح

تعتبر جداول التفويج لتنظيم تدفق الحجيج في أوقات مختلفة للحد من مشكلة الزحام أحد الحلول الجيدة للوصول إلى كثافة ثابتة هي 2 متر مربع. ولكن هذا الحل يعتبر حلًا ثابتاً وغير مرن يعني إنه يعتمد على مدى التزام أفواج الحجيج بجدوال التفويج. ولفهم أعمق لفكرة التفويج وربطها بنظام التحكم المفتوح ويبيان المشاكل التي تحدث عند عدم التزام بعض أفواج الحجيج بجدوال التفويج نعطي فكرة بسيطة عن نظام التحكم المفتوح وكيف يحدث الزحام من خلال الشكل (1) والذي يبين منطقة ما (م) بها مساحة  $A$  مربعا.



شكل (1) منطقة رمي الجمرات

لو فرضنا إن معدل تدفق المشاة الداخل إلى هذه المنطقة  $M$  هو  $Q_{in}$  (حاج كل ثانية) ويخرج منها  $Q_{out}$  (حاج كل ثانية) فإن عدد الحجيج داخل هذه المنطقة في الفترة الزمنية من 0 إلى  $t$  هو

$$n = \int_0^t (Q_{in} - Q_{out}) dt \quad (7)$$

حيث  $t$  هي الفترة التي يتواجد فيها الحجيج في الجمرة وهي فترة يتراوح متوسطها بين دقيقة وثلاث دقائق معتمدة على نشاط الحاج وعمره ويعتمد أيضاً على كثافة الحجيج أثناء الرمي وهذه الفترة لا يمكن التحكم فيها إلا بعد تقليل كثافة الحجيج أي إنها متغير تابع وليس مستقلأ.

(12)

ويمكن حساب القيمة للعدد  $n$  كما يلي: بما إن  $A$  متر مربع حيث إن  $P$  المربعة هي 3 لكل متر مربع وبالرجوع إلى خرائط جسر الجمرات يتبيّن لنا إن عرض الجسر حوالي 80م وحوالي 15م تشغّل طول الحوض البيضاوي والمنطقة المتاحة للتحكم من رمي الجمرات داخل الحوض فيمكن حسابها كما يلي:

$$\text{مساحة } M = 15 * 80 = 1200 \text{ م مربع}$$

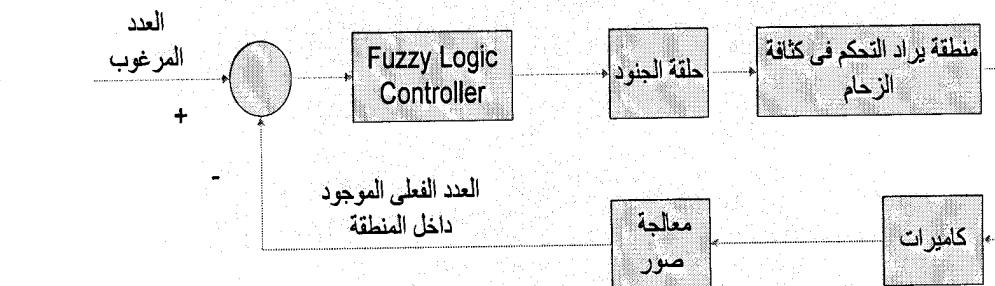
ففي وقت الذروة يمكن فرض  $Q_{in}$  تساوى 160 حاج كل ثانية وباعتبار إن  $Q_{out}$  لن تكون لها قيمة أكبر من الصفر إلا بعد مرور دقيقة على الأقل فيمكن حساب  $n$  خلال فترة دقيقة كما يلي:

$$N = 160 \times 60 = 9600$$

والقيمة المربعة لعدد الحجيج هي  $3600 = 3 \times 1200$  وهذا بالطبع بعد فرض إن المساحة م كلها متاحة لرؤية الجمرة وهذه بالطبع أكبر بكثير من المتاح ومع هذا الفرض يتضح إن كثافة المتر المربع في هذه الحالة قد يصل إلى 9 حاجاً وهذا بالطبع يؤدي إلى كارثة محققة. والمنفذ الوحيد التي يمكن إن تحدّى من هذه الكثافة هو  $Q_{in}$  وهذا الذي تحاول إن تعمّله جداول التفويج وهي محاولة إعطاء أزمنة مختلفة للحد من تدفق الحجيج معاً. ولكن لا يمكن الاعتماد على جداول التفويج وحدها وذلك لأنّه في حالة عدم الالتزام بها وهو غالباً ما يحدث وهذا الذي يدعى إلى إن تتكامل فكرة التفويج باستخدام التحكم المغلق وليس التحكم المفتوح.

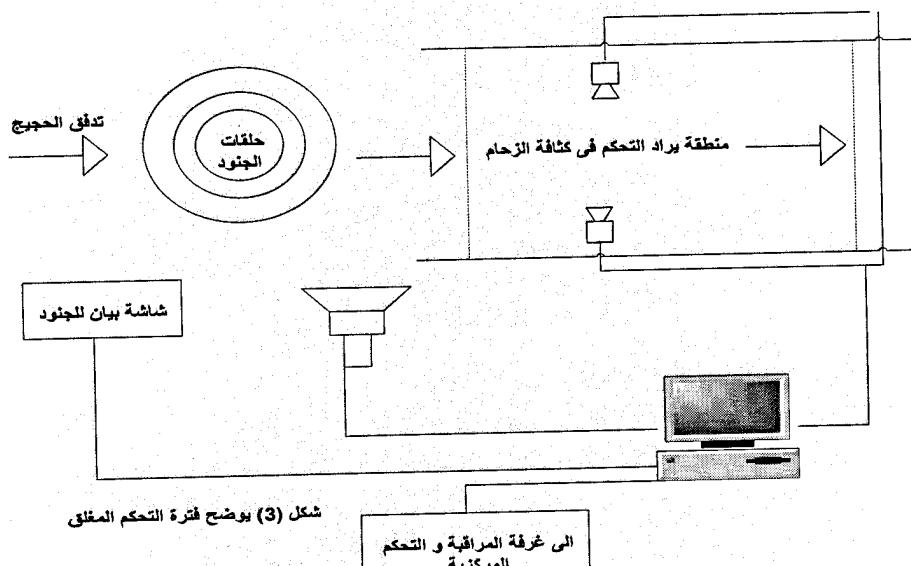
#### 4) التحكم المغلق للتغلب على عدم الالتزام بجدول التفويج

شكل (2) يبيّن فكرة التحكم المغلق للحفاظ على كثافة أي منطقة عند 2 حاج لكل متر مربع والتي تمثل في وضع كاميرات كحساسات تستخدم في حساب عدد الحجيج داخل أي منطقة وتصل الكاميرات بمحاسوب مجهز باستلام وتحليل الصور وبناء على خوارزم ذكي يقوم بحساب عدد الحجيج داخل هذه المنطقة.



شكل (2) دائرة التحكم المغلق

والفرق بين العدد الفعلي للحجيج والعدد المرغوب يمر على خوارزم ذكي (Fuzzy Logic Control) لحساب الدائرة المطلوب انتقال الجنود إليها للحد أو السماح بمرور تدفق أقل أو أكثر حسب الحاجة. ويوضح شكل (3) كيفية قيام الحاسوب بحساب الدائرة التي يجب إن ينتقل إليها الجنود وإعطاء ذلك الأمر صوتياً وعن طريق شاشة بيان وفي نفس الوقت يتصل هذا الحاسوب بشبكة الحاسوب الأخرى لتكون منظومة حاسبات المناطق المختلفة والتي تتصل بدورها بمحاسبات غرفة المراقبة والتحكم المركزية.



وبالرجوع إلى شكل (3) يتضح لنا فكرة التحكم المغلق والتي تلقي مشكلة عدم التزام بعض أفواج الحجيج بجدوالي التفويج كما إنها لا تتأثر بوجود الافتراض. وليبيان ذلك فإن كل منطقة لها كثافة محددة بناءً على مساحتها وبمحاسب إن عدد الحجيج المرغوب في هذه المنطقة حتى لا يتم الزحام هو 2 حاج لكل متر مربع فأنه سوف يتم المحافظة على القيمة المرغوبة (كما في شكل 2). وتبدأ الكاميرات بتصوير عدد الحجيج الفعلي الموجود في المنطقة (ما في ذلك المفترشين للطرق) وإرسال هذه الصور إلى الحاسوب الذي يقوم بمحاسب عدد الحجيج الفعلي الموجود داخل المنطقة وبمحاسب الخطأ (وهو الفرق بين العدد الفعلي والعدد المرغوب) وبناء على الخوارزم الذكي يقوم بمحاسب الدائرة الالزمة لكي ينتقل الجنود إليها. وعندما ينتقل الجنود إلى الدائرة الجديدة فإن معدل تدفق الحجيج أما إن يقل أو يزيد بناء على الخطأ المحسوب المراد جعله صفرًا لكي تتساوى القيمة الفعلية لعدد الحجيج في المنطقة مع العدد المرغوب.

نلاحظ من ذلك إن دائرة التحكم المغلق تحافظ على تساوى العدد الفعلى مع العدد المرغوب بغض النظر عن ظاهرة الافتراض أو عدم التزام بعض أفواج الحجيج بجدوالي التفويج. ولكن هل التحكم في منطقة واحدة لا

يؤثر على المنطقة التي قبلها؟ بالطبع لا فإن مناطق جسر الجمرات المتالية مرتبطة بعضها ترابطاً شديداً وهذا الجانب يحتاج إلى تفصيل لضمان الحصول على النتائج المرغوبة.

### 5) ترابط مناطق المشاة بعضها البعض

إذا طبقنا نظام التحكم المغلق عند الجمرة الكبرى مثلاً واستطعنا إن نحد التدفق إلى هذه الجمرة بحيث نتلافق الزحام بل نستطيع إن نقول إننا حافظنا على العدد المرغوب عند هذه الجمرة بحيث لا يزيد أو يقل عن 2 حاج لكل متر مربع. نقول إذا استطعنا ذلك فإن التدفق الزائد والذي منعه انتقال الجنود إلى الحلقة الأكبر نسبياً هذا التدفق الزائد سينقل الزحام إلى الجمرة الوسطى أو فلنقل إن المنطقة التي بين الجمرة الكبرى سينتقل إليها الزحام مما يجب إن يطبق فيها أيضاً مبدأ التحكم المغلق والذي بدوره سينتقل الزحام إلى الجمرة الصغرى ومنها إلى مدخل الجسر والذي يستقبل عدة طرق رئيسية. أي إن هذه الطرق جميعها يتوجه فيها الحجاج إلى جسر الجمرات لرمي الجمار الثلاث. وبالتالي يجب التحكم في درجة كثافتها جميعاً بطريقة منتظمة ومتالية والحقيقة إننا عندنا ثلاثة حالات لتدفق الحجاج لرمي الجمرات وهي كما يلي :

#### الحالة الأولى :

وهو يوم الحج الأكبر وعندها يتدفق الحجاج من مزدلفة إلى الجمرة الكبرى مباشرة. ونظراً لعدم وجود توقف أو تأخير فإنه غالباً يكون معدل التدفق إلى الجمرة الكبرى عالياً وهذا بالطبع يشكل خطورة كبيرة. وتمثل أسباب حدوث الزحام الخارج والذي يؤدي إلى الحوادث في هذا اليوم إلى ما يلي :

- من لم يترخص وبات في مزدلفة واستمر حتى طلوع الفجر في المشعر الحرام وبدأ سيره ليرمي الجمرات قبل الرووال تشكل كتلة بشرية كبيرة وتشكل أيضاً بسطاء الحجاج والذين يحرصون على الإتيان بالسنة ولا يرغبون في تأخير الرمي بعد الرووال.

- تتجه هذه الكتلة البشرية الكبيرة إلى العقبة الكبرى وفي الحقيقة إنها لا تواجه أية معوقات تحد من تدفقها فلا يوجد افتراض حيث إن مفترضي الطرق كانوا أيضاً في مزدلفة كما إنها في تدفقها إلى الجمرة الكبرى لا تواجه تأخيراً عند الجمرة الصغرى أو الوسطى يحد من تدفقها للوصول إلى الجمرة الكبرى. ونتيجة لكل هذا يكون معدل تدفقها إلى الجمرة الكبرى عالياً جداً مما يسبب كثافة زحام عالية في وقت بسيط أقل من الوقت المتاح لرمي السبع جمرات مما يجعل معدل دخول الجمرة الكبرى أكبر بكثير من معدل الخروج مما يؤدي إلى الزحام الخارج والحوادث.

- يرى برج المراقبة الأول جسر الجمرات تدفقاً سهلاً لا زحام فيه عند مدخل الجسر بينما يبدأ الزحام عند الجمرة الكبرى ويزداد بسرعة نظراً لعدم وجود معوقات طبيعية من تأخير عند الجمرة الصغرى أو الوسطى.

- عدم وجود نظام تلقائي لا يعتمد على الجانب البشري والذي مهما تمعن بخيرة عالية في إدارة الزحام يجعل أي تأخير في تقليل تدفق الحجيج عند مدخل الجسر يشكل خطراً كبيراً عند الحمرة الكبرى.

#### الحالة الثانية :

وهي أيام التشريق باستثناء يوم الت العجل وهذا أقل الخطورة عن بقية أيام الرمي لأسباب عديدة من أهمها اتساع وقت الرمي والمكوث في متن حلال أيام التشريق.

#### الحالة الثالثة :

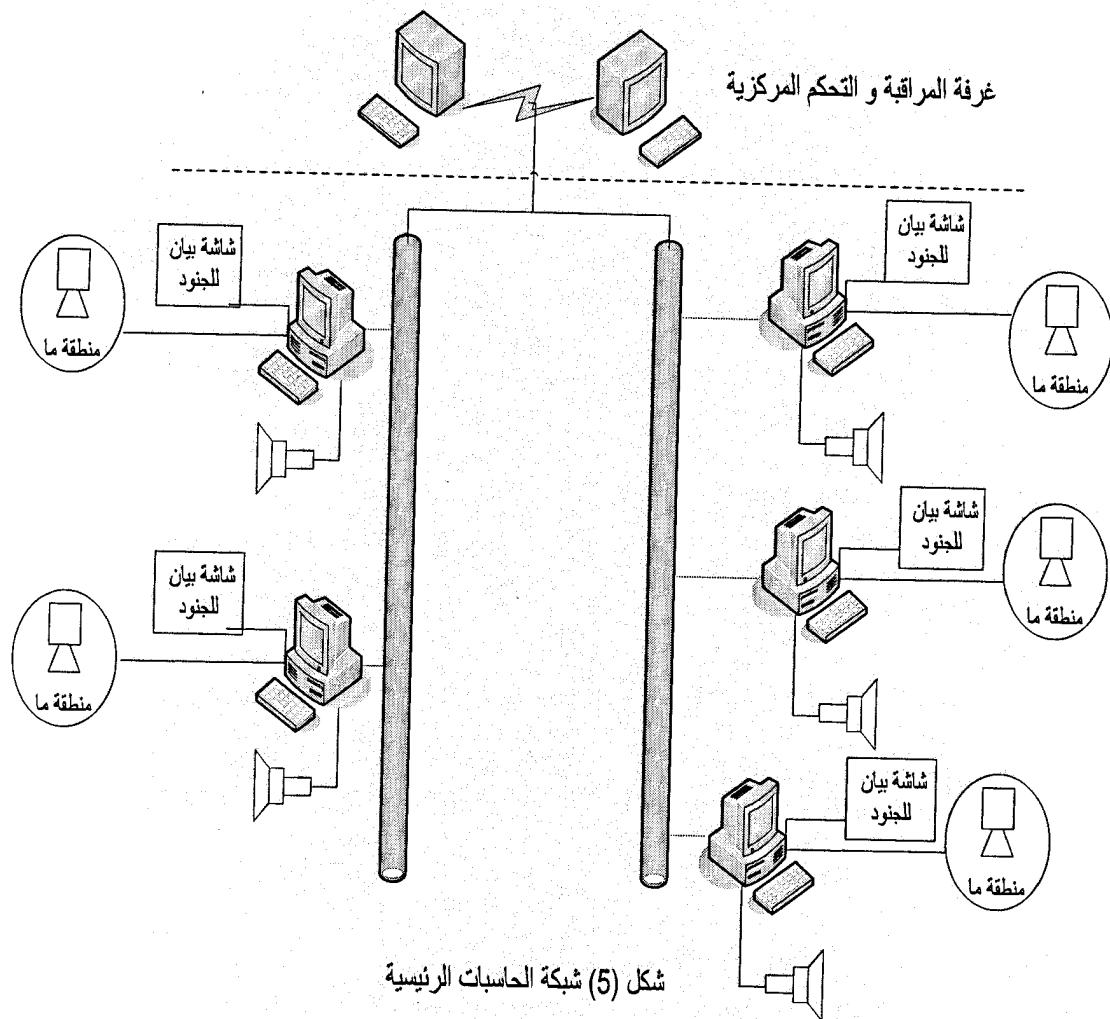
وهو يوم الت العجل والذي يشكل أكبر أنواع الخطورة حيث يبدأ الحجيج في التدفق والانتظار عند المنطقة التي أمام الجسر ولا يبدأ الحجيج بالرمي إلى بعد آذان الظهر وقد تبدو المنطقة التي أمام الجسر غير مزدحمة ولكنها تتشكل مخزناً أشبه بالقنبلة الموقوتة كما في الشكل (4) حيث تبدأ في الانفجار بعد صلاة الظهر مباشرة حيث يتوجه هذا الكم الهائل إلى جسر الجمرات وهذا يوضح أهمية الترابط وعدم الانتظار حتى تمتلأ هذه المنطقة بالحجيج أي إن التحكم المقترح يبدأ في العمل من الصباح الباكر ، وتحسب المنطقة التي أمام جسر الجمرات على حساب إنما ستعذى الجسر فقط وبالتالي يجب إن تملأً بعد أقل كثيراً مما تسعه هذه المنطقة ، وعليه تبدأ حلقات الجندول في المناطق المؤدية إلى هذه المنطقة في الحال من وصول الحجيج إلى هذه المنطقة (المدينة التي أمام الجسر) وبالتالي بعد آذان الظهر لن تكون هذه المنطقة ملوءة إلا بعد يسمح بسهولة التدفق وعدم حدوث أية انقطاء والخلاصة إن الانتظار من الساعة السادسة صباحاً يوم التعجيل حتى آذان الظهر يشكل خطراً كبيراً على حياة الحجيج حيث تمتلأ المنطقة التي أمام الجسر والخل في تصورنا إن تبدأ سلسلة التحكم المغلق المتتاغم في المناطق المتالية والمؤدية إلى جسر الجمرات من الصباح الباكر والتتحكم في عدد الحجيج في هذه المنطقة بحيث لا يزيد من عدد محدد هو الذي يسمح بسهولة التدفق بعد آذان الظهر مباشرة وهذا التدفق المطلوب هو بمجموع التدفقين للجسرين معاً . والمقترح لها اليوم هو تقسيم الطرق المؤدية إلى جسر الجمرات إلى عدة مناطق متسلسلة يتم التحكم في كل منطقة عن طريق التحكم الديناميكي المغلق ويحدث توافق تام بين كل منطقة والتي تليها حيث إن نظام التدفق هو نظام لا خططي متراطط ترابطاً قوياً فلا يصلح فيه إن تتحكم في التدفق فقط عند مدخل الجسر بل يجب إن يكون قبل ذلك بكثير ويجب أيضاً لا يكون تحكمها ثابتاً حيث إن تختلف أفواج الحجيج وعدم قبول الحجيج لنظام التفويج ورغبتهم للتعجيل كل ذلك يؤدي إلى حدوث مشاكل ديناميكية في نظام التدفق والتي لا يمكن إن تكون خطة التفويج الثابتة وغير مرنة قادرة على التعامل معها.

ولكن في يوم التعجيل لا يستطيع النظام المقترح توقعها إلا بإضافة خوارزم جديد يعتمد على النموذج الرياضي المشار إليه وهذه المشكلة هي إنه يبدأ الحجيج في التسرب القليل الكثافة والتي لا يرصد عن طريق النظام

المقترح حيث إنه لا يشكل أي زحام في المناطق المتسلسلة ولكن هذا التدفق البسيط يتوجه إلى جسر الجمرات وبدلًا من إن يرمي الجمار يمكث حتى بعد الروال وهذه المشكلة في غاية الصعوبة حيث إن أجهزة الإنذار المبكر لا ترصد أية مشاكل في المناطق السابقة وبالتالي يجب إضافة خوارزم ذكي مبنياً على النموذج الرياضي لتدفق المشاة لحل هذه المشكلة.

#### 6) تصميم النظام المقترن

شكل (5) يوضح شبكة الحاسوب المقترنة والمرتبطة بعضها البعض والمرتبطة أيضًا بمحاسبات غرفة المراقبة والتحكم المركزية. وبالرجوع إلى خريطة من يمكن تحديد مداخل منطقة الجمرات وتكون هي الواقع المقترن لأجهزه نظام المراقبة والتحكم والإرشاد الميدانية.



شكل (5) شبكة الحاسوب الرئيسية

(7) نظام المحاكاة

للنظام المقترن باستخدام لغة

MatLab

(18)

# تصميم منظومة حاسبات للمراقبة والتحكم والإرشاد لتنظيم سير الحجيج

د. عبد الفتاح سليمان مشاط  
د. محمود إبراهيم كامل  
د. حسين محمد البر همتوشي  
قسم علوم الحاسوب. كلية العلوم. جامعة الملك عبد العزيز

## ملخص

تعتبر مشكلة تدفق وزحام الحجيج من أكبر مشاكل أداء المنسك أيام الحج. وتفاقم هذه المشكلة في منطقة رمي الجمرات وطوابق الركن والوداع لمن أراد أن يتوجل. ولا يعتمد الزحام في منطقة رمي الجمرات على عدد الحجيج في هذه المنطقة وحدها ولكن يعتمد على المنطقة التي قبلها، والمنطقة التي فيها يعتمد الزحام فيها على المنطقة التي قبلها حيث أن منظومة عدد الحجيج مترابطة ترابطاً قوياً حتى نصل إلى مزدافة حيث يبيت أكثر الحجيج. وتقترح هذه المقالة تصميم منظومة حاسبات مترابطة للمراقبة والتحكم والإرشاد في جميع مناطق أداء المنسك دون النظر إلى منطقتي رمي الجمرات ومنطقة الطوابق وحدهما. وتقترح أيضاً في منظومة التحكم في المناطق المختلفة خوارزم التحكم المنطقي اللفظي وذلك لتعذر تحديد نموذج رياضي محدد لوصف النظام.

## ١ - مقدمة

لعل من أول مبادئ المراقبة والتحكم في أي منظومة هو التعرف على هذه المنظومة. وتنوع المنظومات من خطية ولا خطية ومحددة وعشوانية وتعتمد على المنظومة التي قبلها اعتماداً قوياً أو ضعيفاً أو لا تعتمد عليها أصلاً، وهل يمكن وضع نموذج رياضي يوصف هذه المنظومة أم أنها غير معرفة تعرضاً كاملاً. ويمكن تحديد هذا النموذج بثلاث طرق، الأول يعتمد على القوانين الطبيعية التي تحكم النظام، والثاني يستنتج النموذج بعد مراقبة الدخول والخرج للنظام، والثالث هو مزيج بين الأول والثاني. وتقترح هذه المقالة تقسيم هذه مناطق أداء المنسك إلى عدة مناطق، ويتم التحكم والمراقبة والإرشاد في كل منطقة على حدة آخذة في الإعتبار الترابط القوي بين كل منطقة والمنطقة التي تليها حيث أن خرج عدد الحجيج من أي منطقة يعتبر دخلاً للمنطقة التي تليها، وبناءً على ذلك تقسم أيضاً منطقة رمي الجمرات إلى أربع مناطق، منطقة قبل العقبة الصغرى ومنطقة العقبة الصغرى ومنطقة العقبة الوسطى ومنطقة العقبة الكبيرة، وتقسام بدورها المنطقة التي قبل العقبة الصغرى إلى عدة مناطق، يتم المراقبة والتحكم والإرشاد في هذه المناطق مجتمعة بواسطة شبكة حاسبات مترابطة حيث يقوم كل حاسوب تلقائياً على حدة بالمراقبة والتحكم والإرشاد (عن طريق لوحة إرشاد) في منطقة ما ويرسل المعلومات المطلوبة إلى الحاسوب في المنطقة التي تليها ويتلقى المعلومات المطلوبة من المنطقة التي تسبقها، وترتبط هذه الحاسوبات بحاسوب المراقبة والإرشاد الإنساني والذي له الأولوية في غرفة العمليات، وتساعد هذه الشبكة أيضاً في تحديد النموذج الرياضي المطلوب لتدفق سير الحجيج.

## ٢- تصميم شبكة الحاسبات المقترنة

بين شكل (١) خريطة منطقة أداء المناسك من مزدلفة حتى بداية العقبة الصغرى حيث يكون الرمي علويًا وسفليًا. ويبيّن أيضًا الشكل المقترن تقسيم المنطقة المشار إليها إلى عدة مناطق ويتحكم في عدد الحجيج في كل منطقة حاسوب خاص بها وهذا الحاسوب متصل بالحاسوب الذي قبله والحاوسوب الذي بعده. والشبكة كلها متصلة بالحاسوب الموجود في غرفة العمليات . ويقوم كل حاسوب بحساب عدد الحجيج في كل منطقة وذلك بناء على قيمة الإشارة الداخلة له من عدة حساسات توضع في المنطقة المراد التحكم في عدد حجيجها. ويعتبر اختيار نوع الحساس أمر هام. ويمكن وضع أكثر من حساس للتأكد من صحة القراءة وكذلك لزيادة العول. وكااقتراح أولي يمكن وضع نوع ملائم من حساسات الوزن عند دخول المنطقة ووضع مثله عند الخروج من المنطقة. وهذا بالطبع مع إهمال الإتجاه المعاكس حيث أنه في الغالب يكون قليلاً جداً. وبالطبع يمكن أيضًا حساب عدد الحجيج في الإتجاه المعاكس عن طريق إضافة زوج من حساسات الضغط عند الدخل ووضع مثله عند الخرج والسبب في وجود هذا الزوج أن قراءة الإشارة من الأول ثم الثاني تعطي إتجاهًا عكس الإتجاه في حالة قراءة الإشارة من الثاني ثم الأول ولكن الإتجاه المعاكس يكون في الغالب قليلاً لكنه يتزايد عند أسفل الكوبري في منطقة رمي الجمرة الكبرى حيث يرجع الحجيج بعد الرمي. ويمكن علاج ذلك إما بتحديد ممر آخر للرجوع كما هو الحال أعلى الكوبري أو حساب عدد الحجيج في الإتجاه المعاكس بوضع الزوج المقترن وإن كان الحل الأول آمن. يقوم الحاسوب بعلاج إشارات الحساسات لحساب عدد الحجيج على اعتبار متوسط وزن الحاج بين ٦٠ كج و ٨٠ كج وبالطبع يمكن اختيار حساسات أخرى وكذلك يمكن وضع كاميرا وعمل معالجة الحاسوب للصور ومن ذلك يتم معرفة عدد الحجيج بداخل كل منطقة وكذلك الخارجة منها وعليه فيحسب عدد الحجيج الموجود فعلاً في المنطقة المراد التحكم في عدد حجيجها والشرح القادم من المقالة يوضح كيفية التحكم في عدد الحجيج في كل منطقة بإستخدام خوارزم التحكم المنطقي اللفظي وذلك لعدم وجود نموذج محدد ولأن المنظومة غير معرفة تعريفاً كاملاً.

## ٣- التحكم المنطقي اللفظي في عدد حجيج كل منطقة

هذا التحكم هو من نوع التحكم المغلق، حيث يقوم الحاسوب بحساب العدد الفعلي للحجيج في المنطقة ( وذلك بناء على قيمة إشارات حساسات الوزن المقترنة أو غيرها ) وباعتبار أن نصف متر مربع مساحة ملائمة لنلافي الزحام والتدافع وبناء على مساحة المنطقة يتم حساب العدد المرغوب للحجيج في هذه المنطقة . ويقوم الحاسوب بحساب الفرق بين القيمة الفعلية لعدد الحجيج والقيمة المرغوبة ويمكن بالطبع حساب أيضاً معدل تغير هذا الفرق حيث يستخدم هذا المعدل في تحسين أداء دائرة التحكم المغلقة. يقوم خوارزم التحكم اللفظي بناءً على قيمة الخطأ وكذلك على قواعد ( إذا ... إفعل ) مثل إذا كان الخطأ كبيراً يجعل العدد داخل المنطقة قليلاً حيث تعطى هذه المعلومة عن طريق لوحات الإرشاد المتصلة مع كل حاسوب في المنطقة

ونظام التحكم المقترن هو تحويل خرج المتحكم المنطقي اللفظي إلى قرارين إثنين فقط هو السماح بالدخول إلى المنطقة أو التوقف عند المنطقة السابقة حتى يتم خروج الحجيج من هذه المنطقة ويمكن بالطبع جعل القرار على هيئة صوت بجميع اللغات لتعذر القراءة و الكتابة عند بعض الحجيج أي أن القرار يمكن أن يكون على هيئة (يمكنكم الآن التوجه على الأمام ) أو (يلزم عليكم التوقف في المنطقة التي أنتم فيها) وبالطبع حتى لا يتم تدافع من المنطقة التي قبلها فيقوم الحاسوب في المنطقة التي قبلها بمنع هذا التدافع عن طريق توقف سير الحجيج في هذه المنطقة وهكذا دواليك حتى آخر منطقة.

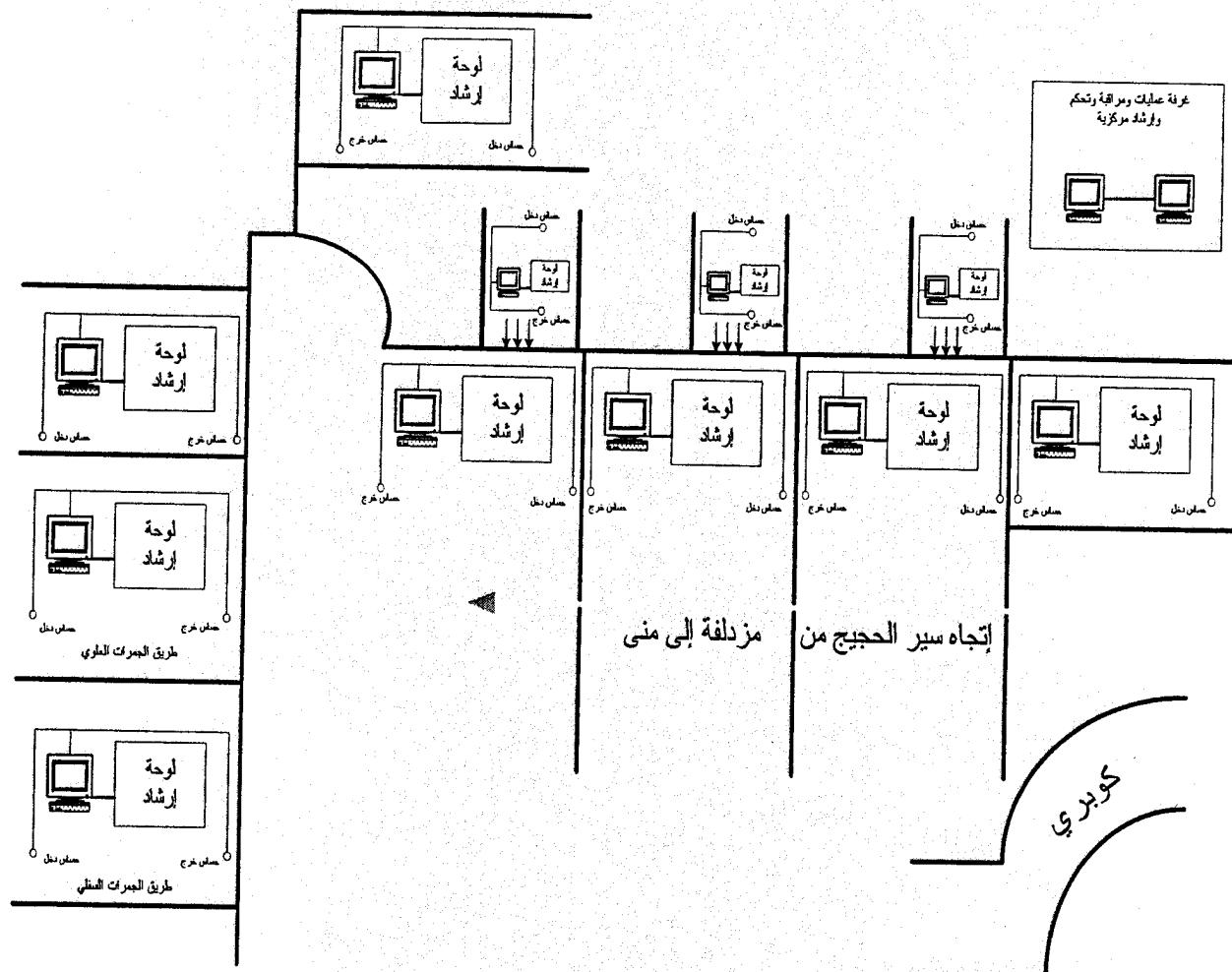
#### ٤- محاكاة نظام التحكم المقترن والنواتج

استخدم نظام Matlab في تصميم محاكي عمل دائرة التحكم المغلق، والمشار إليه سابقاً. وقد طبق نظام المحاكاة لجعل عدد الحجيج ثابتاً عند قيمة مرغوبة وذلك عند حوض من أحواض رمي الجمرات. والسبب بالطبع لجعل هذا العدد ثابتاً هو انه إذا زاد فإن الزحام والتدافع سيحدث وإذا أقل فمعنى ذلك عدم تلبية رغبة الحجيج في موافقة وقت السنة لرمي الجمرات والشكل (٢) يوضح كيفية حساب هذا العدد. وقد روّعي في حساب هذا العدد أن رامي الجمرات يقف على بعد متراً واحداً من الحوض حيث أن ملاصقة الحوض منهى عنه ولا يتحقق به الرمي وكذلك لا يبعد الرامي عن مسافة ثمانية أمتار حيث أن أكثر من ذلك يتعدى معه الرمي والاصابة.

وبناء على المساحة الفعلية للأحواض فقد كان هذا العدد المقترن هو ١٣٢٠ حاجاً ويبين شكل (٣) خوارزم التحكم المنطقي اللفظي وهو يعتمد على الخطأ ويعطي قراراً انتاظرياً لزمن السماح بالدخول إلى المنطقة المراد التحكم فيها واستخدم في ذلك لفظة (أخضر) والشكل يعطي حالة واحدة فقط وهو عندما يكون الخطأ مساوياً صفرأ فإن معنى ذلك أن الحوض به العدد المطلوب ولا يسمح بالزيادة ولذلك فإن قيمة الخرج الأخضر أقل ما يمكن ويعطي الشكل (٤) حالة أخرى وهي عندما يكون الحوض فارغاً فإن الخرج الأخضر يكون أكبر ما يمكن . ويقوم المتحكم المنطقي اللفظي في المعتمد بحساب القيمة التناظرية المطلوبة والتي تتواءم مع العدد الفعلي للحجيج والعدد المرغوب. ويبين الشكل (٥) قواعد التحكم البسيطة وبالطبع يمكن إدخال معدل تغير الخطأ كما هو مشار إليه سابقاً والشكل (٦) يوضح محاكاة دائرة التحكم. والشكل (٧) يوضح تغير عدد الحجيج عند الحوض وهو بالطبع تغير مقبول جداً حيث لا يزيد عن خمسة في المائة.

#### ٥- الاستنتاج

اقترحت المقالة تصميم منظومة حاسبات للمراقبة والتحكم والإرشاد لتنظيم سير الحجيج في مختلف المناطق. وقد تم تصميم ومحاكاة لنظام تحكم مقترن يعتمد على خوارزم التحكم المنطقي اللفظي وقد بينت نتائج المحاكاة صحة التصميم المقترن حيث أن الخطأ في الحدود المقبولة.



شكل (١): الشكل التخطيطي لاتجاه سير الحجيج من مذلفة إلى منى

**طريقة حساب عدد الحجيج عند أحواض رمي الجمرات**  
 بفرض أن قطر الحوض هو ٨ متر ( $R=8$ ). فتكون مساحة الحوض (الدائرة الداخلية) بالشكل التالي:

$$A_1 = \pi \times (R_1)^2$$

$$A_1 = \pi \times (8+1)^2$$

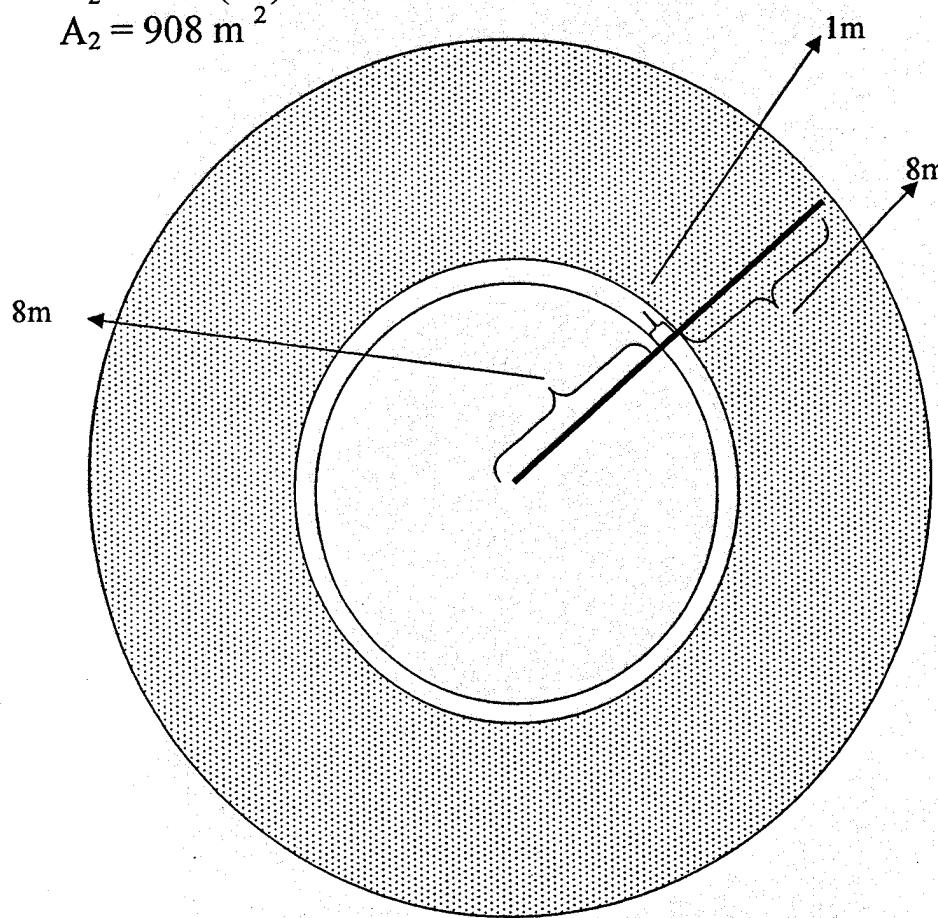
$$A_1 = 455 \text{ m}^2$$

بفرض أن أقصى مسافة يمكن رمي الجمرات منها هي ١٧ متر ( $R=17$ ). فتكون مساحة الحوض (الدائرة الخارجية) بالشكل التالي:

$$A_2 = \pi \times (R_2)^2$$

$$A_2 = \pi \times (17)^2$$

$$A_2 = 908 \text{ m}^2$$

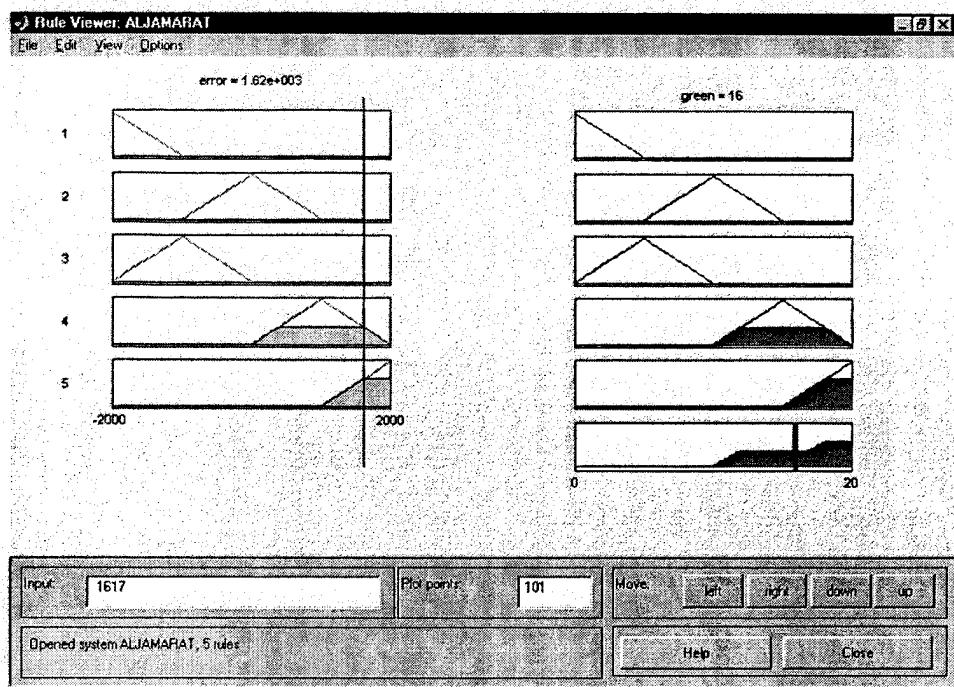


شكل (٢): شكل الحوض عند رمي الجمرات

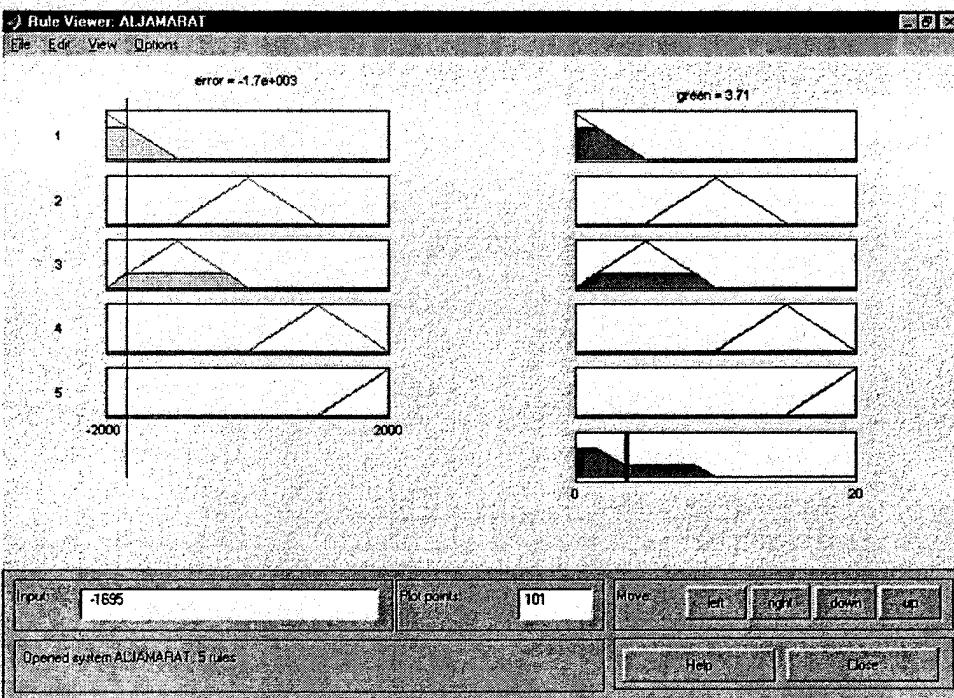
ومن ثم تكون المساحة المخصصة لوقف الحجيج استعداداً لرمي الجمرات هي:

$$\begin{aligned} A &= \pi \times \{ (17)^2 - (8+1)^2 \} \\ &= 660 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

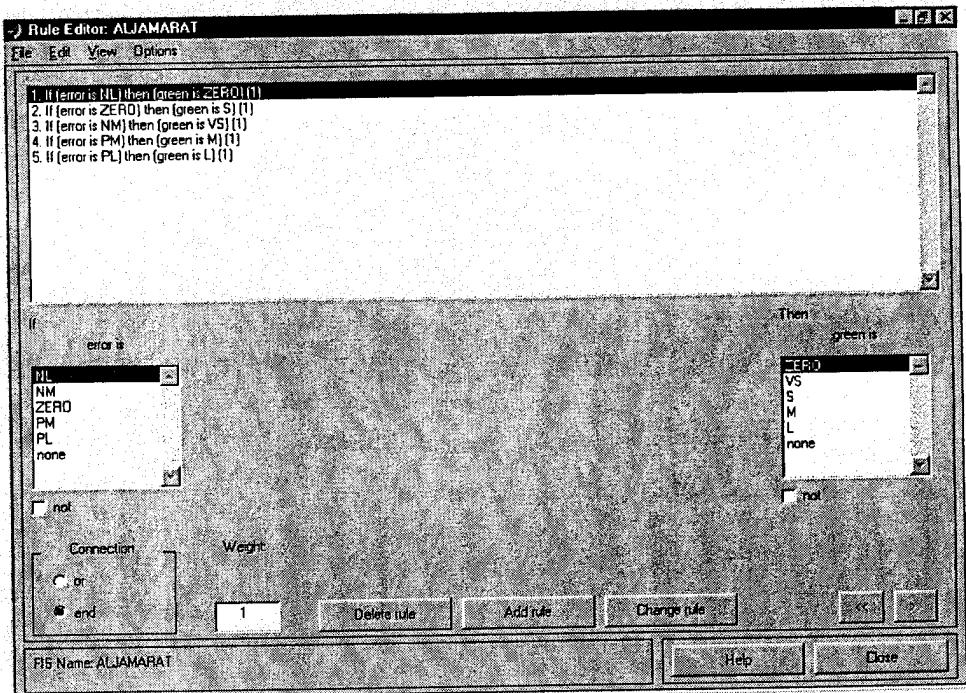
بفرض أن المساحة المتاحة لكل حاج هي ٢/١ (نصف) متر مربع، فيكون العدد المطلوب داخل منطقة رمي الجمرات لكل حوض تجنباً للازدحام هو  $660 \div 0,5 = 1320$  حاج.



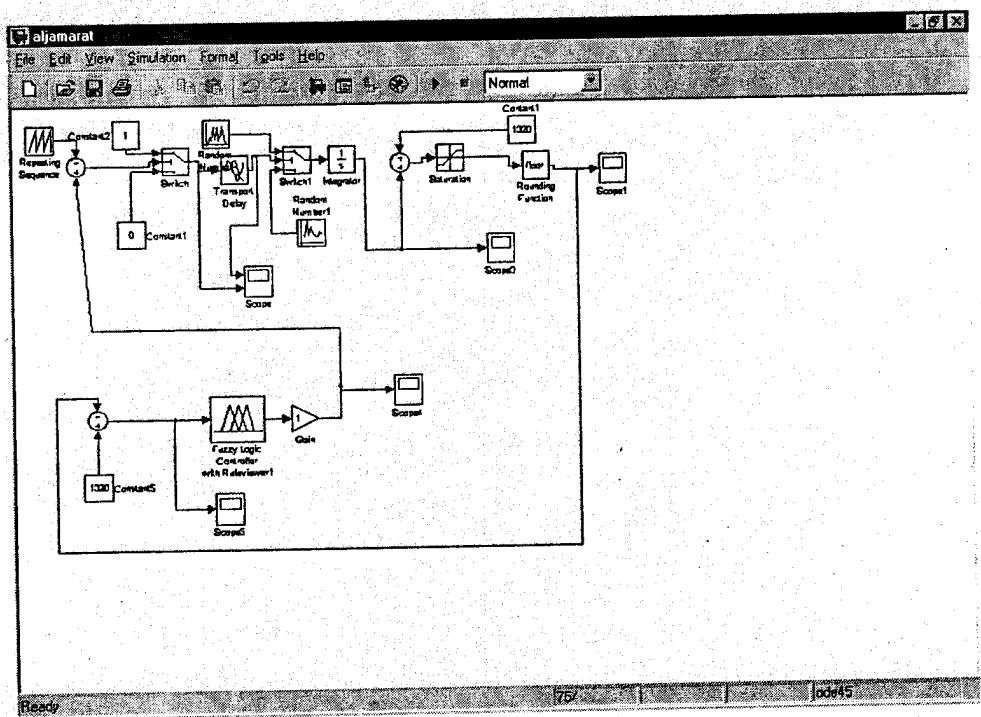
شكل (٣): عرض القواعد المنطقية للتحكم اللفظي المستخدم



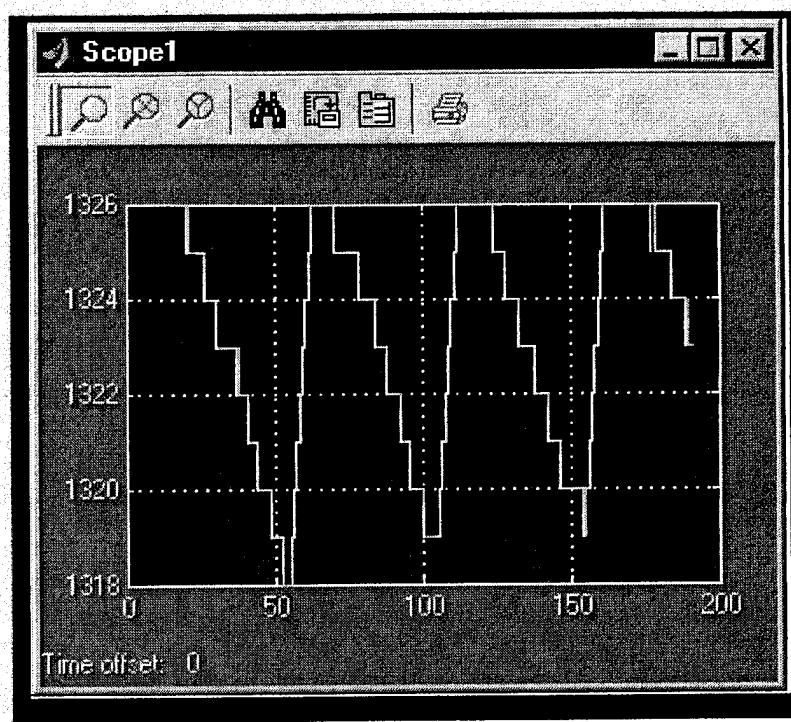
شكل (٤): عرض القواعد المنطقية للتحكم اللفظي المستخدم  
حالة إزدحام الحوض



شكل (٥): قواعد المتحكم اللفظي المستخدم



شكل (٦): محاكي نظام التحكم المقترن



شكل (٧): بيان عملى لطريقة عمل المتحكم اللغظى المقترن للحفظ على عدد الحجيج عند العدد المطلوب (١٣٢٠)

- [1] Marana, A.N., Velstin, S.A., Costa, L.F. "Automatic Estimation of Crowd Density Using Texture". Safety Science, Elsevier Science (1998), Vol. 18, No 4, pp 309-320.
- [2] Hashimoto, K, Kawagnchi, C., Katsuya M. "People-Counting System using multi sensing application". Sensor and Actuator, Elsevier Science, (1998) A6650-55.
- [3] A. Al-Habaibeh, F. Othman, R.M. Parkin and O. Albar "Investigation of an Automated System for Estimating People's Density Using Infrared Thermal Imaging". CTHM Institute for Hajj Research.
- [4] A.N. Marana, S.A. Velastic, "Estimation of crowd density using image processing" Safety Science Vol. 28, No. 3, pp 165-175, 1998.
- [5] A.N. Marana, L.F. Costa, "On the Efficacy of Texture analysis for crowd monitoring" Anais do XI SIBGRAPI, outubro de 1998.
- [6] T.W.S. Chow, Sia-Yeung Cho "Industrial neural vision system for underground railway station platform surveillance" Advanced Engineering Informatics 16(2002)73-83.
- [7] B.A. Boghossian, and S.A. Vefastin "Real-Time Motion Detection of Crowds in Video Signals". 1998 IEE, Svaoy Place, London WCZK OBL.
- [8] C.S. Regazzoni, A. Tesei, V. Murino "A Real-Time Vision System for Crowding Monitoring" IEEE 0-7803-0891-3/93-1993.
- [9] A.C. Davies, Jia Hong, S.A. Velastin "Crowd Monitoring Using Image Processing" Electronics & Comm. Engineering Juranal FEB 1995.
- [10] Samia Bouchafa, Didier Aubert, Saleh Boufar "Crowd Motion Estimation and Motionless Detection is Subway Corridors by Image Processing". 0-7803-4269-0 1998 IEE.
- [11] C. Sacchi, G. Gera, C.S. Regazzoni "Advanced image-processing tools for Converting People in tourist Site-monitoring application" 0165-1684/01/2001 Elseveir Science.
- [12] S. Pavlopoulos, E. Kyriacou " Fuzzy Neural Network-Based Texture of Ultrasonic Images" 0739-5175 FEB 2000 IEEE Eng. in Medical and Biology.
- [13] D. Huang, W.N. Chau "Neural network based system for converting people" 0-7803-7474-6/02 2002 IEEE.
- [14] Haralick. R.M. (1979) "Statistical and Structural Approaches to Texture" Proceeding of IEEE, Vol. 67, No 5, PP 786-804.
- [15] Todd R. Reed "A Review of Recent Texture Segmentation and Feature Extraction Techniques" CVGIP: Image Understanding Vol.57. No 3, May, PP 359-372-1993.
- [16] Gonzales, R.C. and Woods, R.E. Digital Image Processing, Addison-Wesley Publishing 2002.
- [17] C. Strouthopoulos, N. Papamarkos "Text identification for document image analysis using neural network" PIIS 0262-8856 (98) 00055-9 Image and Vision Computing.
- [18] N. Papamarkos "Gray-Level Reduction Using Local Spatial Features" Computer Vision and Image Understanding 1077-3142/00-2000.
- [19] P.Zamperoni "Model Free Texture Segmentation Based on Distances between First-Order Statistics" Digital Signal Processing 1051-2004/95-1995.
- [20] C.D. Roberto, G. Rodriguez "Image Segmentation by Texture Analysis" Int. Journal of pattern Recog, and Artificial Entell, 12(5): 677-693, 1998.
- [21] V. Murino "Noisy Texture Classification: A Higher-order statistics Approach" Patter Recogo Vol. 31, No 4, PP 383-393-1998.
- [22] T. Sziranyi "Texture Classification and Segmentation by Cellular Neural Network Using Genetic Learning" Computer Vision and Image Understanding Vol. 71 No 3, Sep, PP 255-270, 1998.
- [23] R.L. Hughes "The Flow of Large Crowds of Pedestrians" Mathematics and Computer in Simulation 53 (2000) 367-370.
- [24] R.L Hughes "A continuum theory for the flow of pedestrians" Transportation Research Part B 36 (2002) 507-537.